Hochauflösende Fourier-Transform-Infrarot-Spektroskopie der dreiatomigen Moleküle HCP, DCP und HBS

Inaugural-Dissertation

zur

Erlangung des Doktorgrades der Naturwissenschaften der Justus-Liebig-Universität Gießen Fachbereich 8 (Biologie, **Chemie** und Geowissenschaften)

vorgelegt von

DIPLOM-CHEMIKER MICHAEL JUNG

Physikalisch-Chemisches-Institut der Justus-Liebig-Universität Gießen, 2000

D26

Dekan: I. Berichterstatter: II. Berichterstatter: Prof. Dr. Rainer Renkawitz Prof. Dr. Manfred Winnewisser Prof. Dr. Günther Maier

INHALTSVERZEICHNIS

1	Ein	leitung	1				
	1.1	Aktuelle Publikationen zu HCP und die Bedeutung der in Giessen erarbeiteten					
		Ergebnisse	4				
	1.2	Literaturverzeichnis	5				
2	Dat	tenanalyse	7				
	2.1	Notationen und Auswahlregeln	7				
		2.1.1 Zuordnung von Rotationsschwingungsübergängen	8				
	2.2	Bestimmung von Reihenentwicklungskonstanten	10				
	2.3 Bestimmung spektroskopischer Konstanten						
		2.3.1 Der effektive Hamiltonoperator und das Programm LINC	13				
		2.3.2 Der Aufbau von Fitprogrammen nach der Methode der kleinsten Fehler-					
		quadrate	15				
		2.3.3 Lineare Fitprogramme	15				
		2.3.4 Nicht lineare Fitprogramme	16				
		2.3.5 Durchführung der Fits	18				
		2.3.6 Die Wang-Symmetrisierung	19				
	2.4	Literaturverzeichnis	20				
3	Syn	Synthese von HCP und DCP 23					
	3.1	Darstellung von HCP	23				
		3.1.1 Durchführung der 1. Stufe: Darstellung des Kinnear-Perren Komplexes	23				
		3.1.2 Durchführung der 2. Stufe: Reduktion des Komplexsalzes zu CH ₃ PCl ₂ .	24				
		3.1.3 Durchführung der 3. Stufe: Pyrolyse von CH ₃ PCl ₂	24				
	3.2	Darstellung von DCP	26				
	3.3	Literaturverzeichnis	28				
4	FT-	-IR-Spektren von HCP	31				
	4.1	Einleitung	31				
		4.1.1 Fourier-Transform-Infrarot-Messungen	32				
	4.2	Kalibration und Genauigkeit der FT-IR-Messungen	32				
	4.3	Analyse und Zuordnung der HCP Spektren	32				
		4.3.1 Darstellung und Beschreibung der aufgenommenen FT-IR-Spektren von H ¹² CP und H ¹³ CP	32				
		4.3.2 Reihenentwicklungskonstanten von H ¹² CP und H ¹³ CP	35				
		4.3.3 Darstellung und Beschreibung von Q-Zweigen	35				
		4.3.4 Kombinierte Fits von $H^{12}CP$	37				
		4.3.5 Die Fermi-Resonanz (020)/(001) im IR-Spektrum von $\mathrm{H^{12}CP}$	49				

		4.3.6 Die Fermi-Resonanz (030)/(011) im IR-Spektrum von $H^{12}CP$. 50				
		4.3.7 Die Fermi-Resonanz $(040)/(021)/(002)$ im IR-Spektrum von H ¹² CP	. 52				
		4.3.8 Kombinierte Fits von H ¹³ CP	. 53				
		4.3.9 Harmonische Wellenzahlen und Anharmonizitätskonstanten von H ¹² CP	. 55				
		4.3.10 Fermi-Resonanzmatrixelemente von HCP	. 59				
		4.3.11 Berechnung von \tilde{G}_v -Werten der Fermi-Resonanz $(040)/(021)/(002)$. 60				
	4.4	Diskussion	. 61				
	4.5	Literaturverzeichnis	. 63				
5	FT-IR-Spektren von DCP 67						
	5.1	Einleitung	. 67				
		5.1.1 Fourier-Transform-Infrarot-Messungen	. 67				
	5.2	Analyse und Zuordnung der DCP-Spektren	. 67				
		5.2.1 Darstellung und Beschreibung der aufgenommenen FT-IR-Spektren	. 67				
		5.2.2 Reihenentwicklungskonstanten von $D^{12}CP$ und $D^{13}CP$. 71				
		5.2.3 Darstellung und Beschreibung von Q-Zweigen des Moleküls DCP	. 83				
	5.3	Fermi-Resonanz (100)/(002) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$. 88				
	5.4	Fermi-Resonanz (110)/(012) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$. 92				
	5.5	Fermi-Resonanz $(200)/(004)/(102)$ im IR-Spektrum von D ¹² CP	. 94				
	5.6	Fermi-Resonanz $(210)/(112)/(014)$ im IR-Spektrum von $D^{12}CP$. 96				
	5.7	Fermi-Resonanz $(120)/(022)$ im IR-Spektrum von $D^{12}CP$. 100				
	5.8	$= \text{Fermi-Resonanz} (101)/(003) \text{ im IR-Spektrum von } D^{12}CP = 10$					
	5.9	Grund- und angeregte Zustände von $D^{13}CP$					
	5.10	10 Fermi-Resonanz (100)/(002) im IR-Spektrum von $D^{13}CP$					
	5.11	Reduzierte Energien und Fermi-Resonanz	101				
	5.12	Harmonische Wellenzahlen und Anharmonizitätskonstanten	105				
	0.12	5.12.1 Rotationsschwingungswechselwirkungskonstanten	108				
		5 12 2 Zentrifugalverzerrungskonstanten	. 100				
	5.13	Literaturverzeichnis	. 113				
6	FT-	IB- und Infrarot-Diodenlaser-Spektroskopie von HBS	115				
Ŭ	61	Die Suche nach der Knickschwingung ν_0 von HBS	115				
	0.1	6.1.1 FT-IR-Spektroskopie von HBS	. 110				
		6.1.2 Beschreibung des Experimentes zur Darstellung und FT-IR-Messung von					
		HBS	118				
		6.1.3 Analyse der ET IR Spektren von HRS	. 110				
	69	Infraret Diedenlaserspektroskenie an HBS	139				
	0.2	6.2.1 Baschreihung des Experimentes und der neu konstruierten Meßzelle	. 194 199				
		6.2.2 Beschreibung des Diodonlasorspaktromators und der Massapparatur	132				
	62	Darstellung und gneitzeskenischer Nachweis von HBO	. 197 140				
	0.0 6.4	ET IP Spektron von Dichlerhonen (HPCl.)					
	0.4 6 5	$I = II - Dependent von Diemonoronan (IIDO12) \dots \dots$. 141 176				
	0.0		. 140				
7	Hoc	htemperaturöfen mit Heizelementen aus ${f MoSi}_2$	147				
	7.1	Entwurf A für die Konstruktion eines Hochtemperaturofens	. 147				
	7.2	Entwurf B für die Konstruktion eines Hochtemperaturofens	. 151				
	7.3	Faserwärmeisolierung	. 154				
	7.4	Dimensionierung und Kostenrechnung für einen Ofeneigenbau	. 155				

	7.5 Der verwendete, kommerziell erhältliche Ofen	. 156
	7.6 1 Program zur Temperaturnegelung des Hechtemperaturefens	. 150 159
	7.7 Literaturverzeichnis	. 158 . 159
8	FT-IR-Emissionsspektroskopie an HBS und HCP	161
	8.1 FT-IR-Emissionsspektroskopie an HBS	. 161
	8.2 FT-IR-Emissionsspektroskopie an HCP	. 163
	8.2.1 Beschreibung von Q-Zweigen des FT-IR Emissionsspektrum von HCP .	. 164
	8.3 Literaturverzeichnis	. 171
9	Zusammenfassung	173
A	nhang	175
		1.0
Α	Danksagung	177
в	Lebenslauf	179
С	Zusammenstellung der gemessenen und berechneten FT-IR-Spektren.	181
D	FT-IR-Infrarotspektren von $H^{12}CP$ und $H^{13}CP$	185
	A HCP-Spektrum im Bereich $1250 - 1500 \text{ cm}^{-1}$. 185
	B HCP-Spektrum im Bereich $2470 - 2770 \text{ cm}^{-1}$. 191
	C HCP-Spektrum im Bereich $3100 - 3400 \text{ cm}^{-1}$. 198
\mathbf{E}	FT -IR-Infrarotspektren von $D^{12}CP$ und $D^{13}CP$	205
	A DCP-Spektrum im Bereich $400 - 600 \text{ cm}^{-1}$. 205
	B DCP- und HCP-Spektrum im Bereich $600 - 800 \text{ cm}^{-1}$. 214
	C DCP-Spektrum im Bereich $2170 - 2600 \text{ cm}^{-1}$. 219
	D DCP-Spektrum im Bereich $3460 - 3800 \text{ cm}^{-1}$. 227
	E DCP-Spektrum im Bereich $4730 - 5200 \text{ cm}^{-1}$. 235
	F DCP-Spektrum im Bereich $5380 - 5870 \text{ cm}^{-1}$. 245
\mathbf{F}	HCP-Emissions-Spektrum im Bereich von 450 – 900 cm $^{-1}$	257
\mathbf{G}	FT-IR-Infrarotspektren von HBS	267
	A HBS-Spektrum im Bereich $1100 - 1300 \text{ cm}^{-1}$. 267
	B HBS-Spektrum im Bereich $2310 - 2790 \text{ cm}^{-1}$. 272
\mathbf{H}	Listen der Kalibrationslinien	283
	A Kalibrationslinien zu HCP	. 283
	B Kalibrationslinien zu DCP	. 288
	C Kalibrationslinien zu HBS	. 291
Ι	Linienlisten von H ¹² CP, H ¹³ CP	293
	A Tabellen zu HCP	. 293
	B Tabellen zu H ¹³ CP	. 310

J	Lini	$\mathbf{D}^{12}\mathbf{CP}, \mathbf{D}^{13}\mathbf{CP}$	315
	А	Tabellen zu DCP	315
	В	Tabellen zu $D^{13}CP$	343
\mathbf{K}	Lini	enlisten von HBS	349
	А	Tabellen zu $H^{11}B^{32}S$	349
	В	Tabellen zu $\mathrm{H^{10}B^{32}S}$	353
	С	Tabelle zu $H^{11}B^{34}S$	356
	D	Tabelle zu $H^{10}B^{34}S$	357
	Е	Tabelle zu $\mathrm{H}^{11}\mathrm{B}^{33}\mathrm{S}$	357
\mathbf{L}	Con	nputer Programme	359
	А	MCFermi.f	359
	В	OMEGA.NB	366
	С	ALPHA.NB	367
	D	BETA.NB	368

Abbildungsverzeichnis

3.1	Syntheseschema von HCP	23
3.2	Schematische Darstellung der Pyrolyse von CH ₃ PCl ₂ bei 1173 K zu HCP	25
3.3	Schematische Darstellung der Entfernung von CO_2 aus HCP-Proben	26
3.4	Syntheseschema von DCP	27
4.1	Ausschnitt aus dem Termniveaudiagramm von $\mathrm{H^{12}CP}$ und $\mathrm{H^{13}CP}$	34
4.2	Übersicht des HCP FT-IR-Spektrums von 600–700 cm ⁻¹ $\dots \dots \dots \dots$	38
4.3	Übersicht des HCP FT-IR-Spektrums von 1200–1500 cm ⁻¹	39
4.4	Übersicht des HCP FT-IR-Spektrums von 2475–2675 cm ⁻¹	40
4.5	Übersicht des HCP FT-IR-Spektrums von 3100–3400 cm ⁻¹	41
4.6	Zusammenstellung der Q-Zweige des $ u_2$ Bandensystems von $\mathrm{H^{12}CP}$	45
4.7	Fortsetzung der Q-Zweige des $ u_2$ Bandensystems von $\mathrm{H}^{12}\mathrm{CP}$ und $\mathrm{H}^{13}\mathrm{CP}$	46
4.8	Übersicht der zugeordneten Q-Zweige $(040)^{2e,f} \leftarrow (030)^{1e,f}$ und $(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$	47
4.9	Effekt der Fermi-Resonanz auf die Termwerte der Niveaus $(020)/(001)$ von HCP	62
5.1	Ausschnitt aus dem Termniveaudiagramm von $\mathrm{D}^{12}\mathrm{CP}$	68
5.2	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 470–780 cm ⁻¹	72
5.3	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 2220–2580 cm ⁻¹	73
5.4	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 2220–2580 cm ⁻¹	74
5.5	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 3500–3950 cm ⁻¹	75
5.6	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 3500–3950 cm ⁻¹	76
5.7	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 4720–5020 cm ⁻¹	77
5.8	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 4720–5020 cm ⁻¹	78
5.9	Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums von 5390–5690 cm ⁻¹	79
5.10	Übersicht von Q-Zweigen aus dem $ u_2$ Bandensystem des Moleküls DCP \ldots .	84
5.11	Übersicht von Q-Zweigen aus dem $ u_2$ Bandensystem des Moleküls DCP	85
5.12	Übersicht von Q-Zweigen aus dem $ u_2$ Bandensystem des Moleküls DCP	86
5.13	Übersicht von Q-Zweigen aus dem $ u_2$ Bandensystem des Moleküls DCP	87
5.14	Effekt der Fermi-Resonanz auf die Vibrationstermwerte verschiedener Niveaus	90
5.15	Absorptionsgrad α von Übergängen der Fermi-Resonanzsysteme \ldots \ldots	91
5.16	Ausschnitt aus dem Termniveaudiagramm von D ¹³ CP	102
5.17	Auftragung reduzierter Energien von Übergängen der Fermi-Resonanzsysteme	104
6.1	Darstellung der bestimmten Termwerte von HBS	116
6.2	Zusammenstellung der Übersichts-FT-IR-Spektren der $ u_3$ und $ u_1$ von HBS	122
6.3	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHBSFS.1 von HBS von 1110–1150 $\rm cm^{-1}$	123
6.4	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS von 1150–1170 cm ⁻¹	124
6.5	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS von 1170–1190 cm^{-1}	125
6.6	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS von 1190–1210 cm ⁻¹	126

6.7	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS von $1210-1230 \text{ cm}^{-1} \dots 127$
6.8	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS von $1230-1260 \text{ cm}^{-1} \dots 128$
6.9	Vergleich des Absorptionsgrads α von P- und R-Zweig Linien
6.10	Darstellung der Meßzelle der Hochtemperaturmessungen 132
6.11	Ausschnitt aus dem Infrarotspektrums von HBS (900 °C) 134
6.12	Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS
6.13	Ausschnitt aus dem Infrarotspektrums von HBS (740 °C)
6.14	Fotografie eines KBr-Fensters nach mehrtägigem Einsatz
6.15	Beschreibung des Edelstahlflansches 136
6.16	Diodenlaserspektrometer Übersicht
6.17	Diodenlaserspektrometer mit beheizter Meßzelle
6.18	Beheizte Meßzelle mit Vakuumsystem
6.19	Kühl- und Flanschsystem (rechts) der Meßzelle 139
6.20	Kühl- und Flanschsystem (links) der Meßzelle
6.21	FT-IR-Absorptions spektrum von HBCl2 im Bereich von 800–3200 cm $^{-1}$ 143
6.22	FT-IR-Absorptionsspektrum von HBCl ₂ der ν_6 und ν_5
6.23	FT-IR-Absorptionsspektrum der ν_1 von HBCl ₂
7 1	Entrue f A. Enertale sight des Ofens
(.1 7.9	Entwurf A. Frontalansicht des Ofens
1.2 7.2	Entwurf A. Seiteneneight des Ofens
1.0 7.4	Entwurf A und B Heizelement Finbau mit Durchführungssteinen 150
75	Entwurf A und B. Heizelement Einbau mit Durchfunfungssteinen
7.0	Entwurf R. Sicht auf die Ofendecke
7.0	Entwurf B. Anordnung der Heizelemente parallel zu heheiztem Behr 152
7.8	Entwurf B. Frontalansicht auf die Öffnung des Röhrenofons
7.0	Prinzipiallar Sandwichaufbau der Icoliarung eines Hochtemperaturofens
7.10	Leistungsbarachnung eines faseriselierten Ofens
7.10	Zeichnung des Ofens von MUT
7 1 9	Schaltplan der Heizlast des Ofens von MUT
7.12	Programm STELLER zum Regeln des Hochtemperaturofens von MUT 159
1.10	riogramm STEVEN zum Regem des nochtemperaturoiens von Mor 105
8.1	Schematischer Aufbau des Emissionsexperimentes
8.2	Übersicht von Q-Zweigen des ν_2 Bandensystems von HCP in Emission 165
8.3	Übersicht von Q-Zweigen des $ u_2$ Bandensystems von HCP in Emission und Trans-
	mission
8.4	Übersicht von Q-Zweigen des $ u_2$ Bandensystems von HCP in Emission und Trans-
	mission
8.5	Übersicht von Q-Zweigen des $ u_2$ Bandensystems von HCP in Emission und Trans-
	mission
A 1	
C.1	Schematischer Aufbau des FT-IK-Spektrometers IFS 120 HR von Bruker 183

TABELLENVERZEICHNIS

2.1	Symmetrieklassifizierung der Rotationsschwingungsniveaus	20
4.1	Zusammenstellung der Bedingungen für die FT-IR-Messungen von HCP	33
4.2	Interne Kalibration der FT-IR-Messungen von HCP	33
4.3	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für P, R-Subbanden von ${ m H}^{12}{ m CP}$	42
4.4	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für Q-Zweige von $\mathrm{H^{12}CP}$	43
4.5	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für P, R-Subbanden von ${ m H}^{13}{ m CP}$	44
4.6	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für Q-Zweige von $\mathrm{H^{13}CP}$	44
4.7	$ ilde{G}_c$ -Werte von H ¹² CP und H ¹³ CP	47
4.8	Konstanten des effektiven Hamiltonoperators von $\mathrm{H^{12}CP}$	48
4.9	Effektive Konstanten Fermi-Resonanz $(040)/(021)/(002)$ für HCP	54
4.1	0 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators von $\mathrm{H^{13}CP}$	55
4.1	1 Termwerte der Fermi-Resonanz-Triade $(040)^0/(021)^0/(002)^0$	57
4.1	2 Vibrationstermwerte \tilde{G}_v von H ¹² CP	58
4.1	3 Harmonische Wellenzahlen und Anharmonizitätskonstanten von $\mathrm{H^{12}CP.}$	58
4.1	4 Rotationsvibrations termwerte \tilde{G}_v von $\mathrm{H^{12}CP}$ nach Gleichung (4.17) be rechnet	60
4.1	5 Rotationsschwingungs-Wechselwirkungskonstanten von $H^{12}CP$	61
4.1	6 Gegenüberstellung von $ ilde{B}_v$ -Werten mit berechneten Rotationskonstanten $ ilde{B}_v^{calc}$	61
5 1	Zusammenstellung der Bedingungen für die FT-IR-Messungen von DCP	69
5.2	Interne Kalibration der FT-IR-Messungen von DCP	69
5.3	\tilde{G}_{α} , berechnet als gewichteter Mittelwert aus den Tabellen 5.4–5.7.	71
5.4	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für P- und R-Subbanden von DCP	80
5.5	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für Q-Zweige von $D^{12}CP$	81
5.6	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für P- und R-Subbanden von D ¹³ CP.	82
5.7	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für Q-Zweige von D ¹³ CP	82
5.8	Konstanten des Hamiltonoperators für $D^{12}CP$ von ν_2 und ν_3	89
5.9	Außerdiagonalelemente des Fermi-Resonanzsystems $(100)/(002)$	92
5.1	0 Konstanten des Hamiltonoperators für die Fermi-Resonanz $(100)/(002)$	93
5.1	1 Konstanten des Hamiltonoperators für die Fermi-Resonanz $(110)/(012)$	94
5.1	2 Konstanten des Hamiltonoperators für die Fermi-Resonanz $(200)/(004)/(102)$	96
5.1	3 Konstanten des Hamiltonoperators für die Fermi-Resonanz $(200)/(004)/(102)$.	97
5.1	4 Konstanten des Hamiltonoperators für die Fermi-Resonanz $(210)/(112)/(014)$	99
5.1	5 Konstanten des Hamiltonoperators von $D^{12}CP$ für (120)	100
5.1	6 Konstanten des Hamiltonoperators von $D^{13}CP$	101
5.1	7 Konstanten des Hamiltonoperators für $D^{13}CP$ der Fermi-Resonanz (100)/(002) .	102
5.1	8 \tilde{G}_v^{exp} -Werte von D ¹² CP	107
5.1	9 Harmonische Wellenzahlen und anharmonische Konstanten von $\mathrm{D^{12}CP}$	107

5.20	Rotationsvibrationstermwerte \tilde{G}_v von D ¹² CP	109
5.21	B_v - werte von D C1	112
5.22	Totationsschwingungs-wechselwinkungskonstanten von D $C1$	112
5.94	Vergleich von \tilde{D}^{exp} und \tilde{D}^{calc} Worten von $D^{12}CP$	112
0.24	Vergleich von D_v und D_v - Werten von D C1	110
6.1	Observierte und berechnete Bandenzentren von HCN nach TURNER und MILLS .	117
6.2	Observierte und berechnete Bandenzentren von HBS nach TURNER und MILLS $% \mathcal{A}$.	117
6.3	Zusammenstellung der FT-IR-Meßbedingungen von HBS	118
6.4	Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für P-, R-Subbanden von HBS	130
6.5	Konstanten des effektiven Hamiltonoperators von $H^{11}B^{32}S$	131
6.6	Observierte und berechnete Bandenzentren von HBO	140
6.7	Experimentelle Bedingungen der FT-IR-Messungen von HBCl ₂	142
7.1	Technische Daten der Keramikfaserisolation	154
7.2	Hochtemperaturofen, Kosten eines Eigenbaus	156
7.3	Technische Daten des Hochtemperaturofen	156
8.1	Experimentelle Bedingungen der FT-IR-Messungen von HCP in Emission	170
A.1	CO ₂ Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPCS.1	283
A.2	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPGX.1	284
A.3	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPFX.1	284
A.4	OCS Kalibrationslinien zum Spektrum ZTHCPK.1	285
A.5	OCS Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPHX.1	286
A.6	OCS Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPIX.1	287
B.7	CO ₂ Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPM.1	288
B. 8	CO Kalibrationslinien zum Spektrum TDCPAS.1	288
B .9	CO Kalibrationslinien zum Spektrum TDCPBS.1.	289
B.10	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPGS.1	289
B.11	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPFS.1	290
B.12	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPDS.1	290
B.13	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPIS.1.	290
C.14	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHBSCS.1	291
C.15	H ₂ O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHBSFS.1	291
A 1	$\mathbf{L}^{\prime} = \mathbf{L}^{\prime} \mathbf{L}^{\prime}$	009
A.1	Linienliste $H^{12}CP$ (010) ¹⁰ \leftarrow (000) ⁰⁰ $\ldots \ldots \ldots$	293
A.Z	Linieniste $H^{12}CP((020)^{\circ\circ} \leftarrow (010)^{14}$	294
A.3	Linienliste $H^{12}CP((020)^{261} \leftarrow (010)^{16}$	295
A.4	Linieniste H ² CP $(020)^{-3} \leftarrow (010)^{-3}$	290
А.Э А.С	Linieniiste $H^{12}CP(030)^{161} \leftarrow (020)^{162} \dots \dots$	297
A.0	Linieniiste $H^{12}CP(030)^{16} \leftarrow (020)^{24} \ldots \ldots$	297
A.(Linieniiste $H^{12}CP(030)^{26}$, $\leftarrow (020)^{26}$, \ldots	298
A.8	Linienliste $H^{12}CP(030)^{3e_1} \leftarrow (020)^{2e_2} \dots \dots$	298
A.9	Linenaste H ² CP (U3U) ^{20, (10,20)} \leftarrow (U2U) ²¹ \ldots	299
A.10	$ \text{Linieniste } H^{2} \text{CP} (040)^{2e} \leftarrow (030)^{4e} \dots \dots$	300
A.11	$ \text{Linieniste } H^{2} CP (040)^{2} \leftarrow (030)^{11} \dots $	300
A.12	$Linienliste H^{2}CP (040)^{2*} \leftarrow (030)^{2*} \dots \dots$	300
A.13	Linienliste $H^{12}CP (040)^{\infty} \leftarrow (030)^{0.7}$	301

A.14	Linienliste H ¹² CP	$(040)^{0e} \leftarrow (020)^{0e} \ldots \ldots$. 301
A.15	Linienliste H ¹² CP	$(040)^{2e} \leftarrow (020)^{2e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 302
A.16	Linienliste H ¹² CP	$(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 302
A.17	Linienliste H ¹² CP	$(021)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 303
A.18	Linienliste H ¹² CP	$(021)^{2e} \leftarrow (011)^{1e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 303
A.19	Linienliste H ¹² CP	$(021)^{2f} \leftarrow (011)^{1f}$. 304
A.20	Linienliste H ¹² CP	$(011)^{1e,f} \leftarrow (001)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 304
A.21	Linienliste H ¹² CP	$(011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 305
A.22	Linienliste H ¹² CP	$(011)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$. 305
A.23	Linienliste $H^{12}CP$	$(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \dots \dots$. 306
A.24	Linienliste $H^{12}CP$	$(030)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e}$. 307
A.25	Linienliste H ¹² CP	$(030)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1f}$. 307
A 26	Linienliste $H^{12}CP$	$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	308
A 27	Linienliste $H^{12}CP$	$(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	308
A 28	Linienliste $H^{12}CP$	$(100)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	309
A 29	Linienliste H ¹² CP	$(110)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$. 310
R 1	Linienliste H ¹³ CP	$(010)^{10,f} \leftarrow (000)^{0e}$	310
В.1 В.2	Linienliste H ¹³ CP	$(010)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$	311
D.2 B 3	Linionliste H ¹³ CP	$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$	319
D.5 R 4	Linionliste H ¹³ CP	$(020) \leftarrow (010) \qquad \dots \qquad $. 512
D.4 D.5	Linienliste H ¹³ CP	$(020)^{\circ} \leftarrow (010)^{\circ} \cdots \cdots$	212
D.0 D.6	Linionliste $\mathbf{H}^{13}\mathbf{CP}$	$(020) \leftarrow (000) \dots \dots$. JIJ 919
D.0	Lintenniste II Cr	$(100) \leftarrow (000) \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots $. 515
A.1	Linienliste $D^{12}CP$	$(010)^{1\mathrm{e},\mathrm{f}} \leftarrow (000)^{0\mathrm{e}}$. 315
A.2	Linienliste $D^{12}CP$	$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$. 316
A.3	Linienliste $D^{12}CP$	$(020)^{2e,f} \leftarrow (010)^{1e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 317
A.4	Linienliste $D^{12}CP$	$(020)^{2e,f} \leftarrow (010)^{1f}$. 318
A.5	Linienliste D ¹² CP	$(030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 319
A.6	Linienliste D ¹² CP	$(030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{2e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$. 320
A.7	Linienliste $D^{12}CP$	$(030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{2f} \dots \dots$. 321
A.8	Linienliste $D^{12}CP$	$(030)^{3e,f} \leftarrow (020)^{2e} \dots \dots$. 322
A.9	Linienliste $D^{12}CP$	$(030)^{3e,f} \leftarrow (020)^{2f}$. 323
A 10	Linienliste $D^{12}CP$	$(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1e,f}$	324
A 11	Linienliste $D^{12}CP$	$(040)^{2e,f} \leftarrow (030)^{1f}$	324
A 12	Linienliste $D^{12}CP$	$(040)^{2e,f} \leftarrow (030)^{1e}$	325
A 13	Linienliste $D^{12}CP$	$(040)^{4e} \leftarrow (030)^{3e,f}$. 325
A 14	Linienliste $D^{12}CP$	$(040)^{4f} \leftarrow (030)^{3e,f}$. 326
Δ 15	Linienliste $D^{12}CP$	$(010)^{2e} \leftarrow (030)^{3e,f}$	327
A 16	Linienliste $D^{12}CP$	$(040)^{2f} \leftarrow (030)^{3e,f}$	328
Δ 17	Linienliste $D^{12}CP$	$(010)^{10} \leftarrow (001)^{0}$	328
A 18	Linienliste $D^{12}CP$	$(011)^{\circ} \leftarrow (001)^{\circ} \cdots \cdots$. 520
A.10	Linienliste $D^{12}CP$	$(001) \leftarrow (010)^{4} \cdots \cdots$. 525
A 90	Linionlisto D ¹² CD	$(011) \leftarrow (020) \qquad \dots \qquad $. 990 . 990
A 91	Linionliste $D^{12}CD$	$(110) \leftarrow (010) \ldots \ldots$. 000 991
A.21	Linionlists $D^{12}CD$	$(110) \leftarrow (010) \qquad \dots \qquad $. აა⊥ იი
A.22	Linionliste $D^{-1}CP$	$(012) \leftarrow (010) \qquad \dots \qquad $. 332
A.23	Linion ¹¹ -t- D ¹² CD	$(012) \leftarrow (010)^{-1} \dots \dots$. 333
A.24	Linienliste D ¹² CP	$(002)^{\circ\circ} \leftarrow (000)^{\circ\circ} \dots $. 334

A.25	Linienliste D ¹² CP $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
A.26	Linienliste D ¹² CP $(200)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
A.27	Linienliste D ¹² CP $(102)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 33^{\circ}$
A.28	Linienliste D ¹² CP $(004)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
A.29	Linienliste D ¹² CP (120) ^{0e} \leftarrow (020) ^{0e} \ldots 339
A.30	Linienliste D ¹² CP $(120)^{2e} \leftarrow (020)^{2e}$
A.31	Linienliste D ¹² CP $(120)^{2f} \leftarrow (020)^{2f}$
A.32	Linienliste D ¹² CP (210) ^{1e} \leftarrow (010) ^{1e} \ldots 34
A.33	Linienliste D ¹² CP $(210)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$
A.34	Linienliste D ¹² CP $(014)^{1e} \leftarrow (010)^{1e} \ldots 34$
A.35	Linienliste D ¹² CP $(014)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$
B. 1	Linienliste D ¹³ CP $(010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$
B.2	Linienliste D ¹³ CP $(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$
B.3	Linienliste D ¹³ CP $(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1e,f}$
B. 4	Linienliste D ¹³ CP $(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e,f}$
B.5	Linienliste D ¹³ CP $(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \ldots 34^{\circ}$
B. 6	Linienliste D ¹³ CP $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 34^{\prime}$
4 1	$\mathbf{L} = \mathbf{L} + $
A.1	Linienliste $H^{11}B^{32}S(001)^{00} \leftarrow (000)^{00}$
A.2	Linienliste $H^{11}B^{32}S(002)^{66} \leftarrow (001)^{66} \dots 350$
A.3	Linienliste $H^{11}B^{32}S(011)^{11} \leftarrow (010)^{11} \dots 350$
A.4	Linienliste $H^{11}B^{32}S(011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e} \ldots 35$
A.5	Linienliste $\mathrm{H}^{11}\mathrm{B}^{32}\mathrm{S}$ (100) ^{be} \leftarrow (000) ^{be} \ldots 35:
B.6	Linienliste $\mathrm{H}^{10}\mathrm{B}^{32}\mathrm{S}(001)^{\mathrm{be}} \leftarrow (000)^{\mathrm{be}} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 355$
B.7	Linienliste $\mathrm{H}^{10}\mathrm{B}^{32}\mathrm{S}(011)^{11} \leftarrow (010)^{11}$
B. 8	Linienliste $H^{10}B^{32}S(011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e} \dots \dots$
B.9	Linienliste $\mathrm{H}^{10}\mathrm{B}^{32}\mathrm{S}$ $(100)^{0\mathrm{e}} \leftarrow (000)^{0\mathrm{e}} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 355$
C.10	Linienliste $\mathrm{H}^{11}\mathrm{B}^{34}\mathrm{S}\ (001)^{0\mathrm{e}} \leftarrow (000)^{0\mathrm{e}}$
D.11	Linienliste $\mathrm{H}^{10}\mathrm{B}^{34}\mathrm{S}$ $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 35^{\circ}$
E.12	Linienliste $\mathrm{H}^{11}\mathrm{B}^{33}\mathrm{S}$ $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

Kapitel 1

EINLEITUNG

Die vorliegende Arbeit beschreibt die Analyse der FT-IR-Spektren der dreiatomigen Moleküle HCP, DCP und HBS. Die dieser Arbeit vorausgegangene Diplomarbeit bearbeitete die Synthese von HCP (Phosphaethin) und das FT-IR-Spektrum der Knickschschwingung ν_2 . Die aus der Diplomarbeit erzielten Ergebnisse wurden auf dem XIII. Colloquium on High Resolution Molecular Spectroscopy, 13. - 17. September 1993 in Riccione (Italien), in Form eines Posters (K29) vorgestellt.

Das Rotationsschwingungsspektrum des dreiatomigen Moleküls HCP wird durch die drei fundamentalen Schwingungen ν_1 , ν_2 und ν_3 aufgebaut. Die beiden Fundamentalen ν_1 und ν_3 beschreiben die HC- und die CP-Streckschwingungen. Die Knickschwingung ist mit ν_2 benannt. Dieses Schema ist allgemeingültig für dreiatomige Moleküle. In älteren Arbeiten der wissenschaftlichen, spektroskopischen Literatur ist die Bezeichnung der beiden Streckschwingungen für dreiatomige Moleküle umgekehrt, z.B. ν_1 für die CP- und ν_3 für HC-Streckschwingung.

Zu Beginn der vorliegenden Arbeit werden in Kapitel 2 die theoretischen Grundlagen der Zuordnung der gemessenen Übergänge der FT-IR-Spektren, die daraus resultierenden Reihenentwicklungskonstanten, sowie die Bestimmung der effektiven Konstanten eines Hamiltonoperators erläutert. In Kapitel 2 wird insbesondere das Verfahren der nichtlinearen Anpassung nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate besprochen, welches benutzt wurde, um alle gemessenen Übergänge auf wenige Parameter zu reduzieren. Die Gewichtung jeder einzelnen Linienposition in den Fits ist ein wichtiger Unterpunkt und wird ausführlich beschrieben. Die relative Unsicherheit jeder einzelnen Linie wurde berechnet. Alle Übergänge, die zu effektiven Konstanten führen, wurden mit den entsprechenden inversen und quadrierten relativen Unsicherheiten in den einzelnen Fits gewichtet.

Die HCP-Synthese erfolgte über eine Pyrolyse von CH₃PCl₂ bei 900 °C und ist in Kapitel 3 dargestellt. Die hohe Pyrolysetemperatur führte dazu, daß einige unerwünschte Nebenprodukte, wie CO₂ und C₂H₂ entstanden. Durch Variation der Reaktionsbedingungen konnte der C₂H₂-Gehalt sehr stark verrringert werden. Dies gelang für CO₂ erst durch ein sich nach der Pyrolyse anschließendes Reinigungsverfahren. Dabei wurden die Pyrolyseprodukte durch eine Temperaturerhöhung sublimiert und in einer Vakuum-Gas-Feststoff-Reaktion bei -160 °C über NaOH geleitet. Festes NaOH absorbiert CO₂ und es entstehen Na₂CO₃ und H₂O. Die Verringerung des CO₂-Gehaltes in der HCP Probe war wichtig, da sich die Knickschwingungen von CO₂ und HCP bei 668 cm⁻¹ und 674 cm⁻¹ überlagern und damit die Zuordnung von intensitätsschwachen Banden erschwert wird. Die aufgenommenen FT-IR-Spektren bildeten die Grundlage für die Berechnung der Konstanten des effektiven Hamilonoperators, wie er von YAMADA *et al.* [1], beschrieben wurde. Die Ergebnisse, welche im Rahmen der vorliegenden Arbeit erzielt wurden, sind in Kapitel 4 dargestellt und zeigen für HCP erstmals das Auftreten von Fermi-Resonanz-Stapeln im Rotationsvibrationsspektrum. In der Folge konnten die Fermi-Resonanz-Diaden (002)/(001) und (030)/(011) von JUNG *et al.* [2] und die Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) exakt beschrieben werden. Diese Resonanzsysteme dominieren das FT-IR-Spektrum von HCP bis etwa 3000 cm⁻¹. Mit zunehmenden Wellenzahlen nimmt die Dichte der Rotationsvibrationszustände schnell zu. Die Zuordnung von Obertonschwingungen wird umso schwieriger, je mehr Niveaus untereinander durch Resonanzen in Wechselwirkung treten. Fast alle Rotationsvibrationsniveaus, die aus den Obertonspektren von HCP und DCP bestimmt werden, sind in Gruppen von Fermi-Resonanz-Polyaden geordnet. Die Zuordnung von Obertonspektren kann nur gelingen, wenn experimentell bestimmte Werte der Resonanzwechselwirkungsparameter vorliegen, die allgemein für die mathematische Beschreibung der Wechselwirkung der in Resonanz stehenden Niveaus benutzt werden. Die berechneten Werte der Fermi-Resonanz-Wechselwirkungsparameter der in dieser Arbeit beobachteten Resonanzsysteme werden mitgeteilt.

Für den weiteren Verlauf der Doktorarbeit war geplant die FT-IR-Messungen von HCP bis 10000 cm⁻¹ auszudehnen. Die für die Auswertung nötigen Werte der Fermi-Resonanz-Wechselwirkungsparameter waren ausreichend gut bestimmt, um die Struktur der vorkommenden Fermi-Resonanz-Polyaden in Obertonspektren zu dekodieren. Bevor diese Messungen jedoch fortgeführt wurden, fiel das Interesse auf das Molekül DCP. Die in Kapitel 5 vorgestellten DCP-Messungen wurden 1997 durchgeführt; zu diesem Zeitpunkt gab es keine experimentellen Belege für das Vorkommen von Fermi-Resonanzen im IR-Spektrum von DCP. Es wurden FT-IR-Spektren bis etwa 6000 cm⁻¹ aufgenommen, welches zu einer Beschreibung von fünf verschiedenen Fermi-Resonanz-Systemen führte.

Durch den Austausch des Wasserstoffatoms durch ein Deuteriumatom wird die DC-Streckschwingung von DCP, verglichen mit der HC-Streckschwingung um etwa 1000 cm⁻¹ zu kleineren Wellenzahlen verschoben. Verglichen mit HCP steht nun nicht mehr die zweifach angeregte Knickschwingung ν_2 mit der einfach angeregten ν_3 in Resonanz, sondern die einfach angeregte ν_1 mit der zweifach angeregten ν_3 . Die Fermi-Resonanz-Polyaden bei DCP werden durch die beiden Streckschwingungen im Verhältnis $\nu_1/2\nu_3$ mit $v_2 = 1, 2, 3...$ aufgebaut. Die Vibrationsquantenzahl v_2 der ν_2 ist für die jeweils in Resonanz stehenden Niveaus konstant und läuft mit $v_2 = 0, 1, 2, 3...$ zu höheren Wellenzahlen. Auch für D¹³CP gelang es die niedrigst liegende Fermi-Resonanz zwischen den Rotationsvibrationsniveaus (100)/(002) zu analysieren. Desweiteren wurden aus den FT-IR-Spektren ungestörte Rotationsvibrationstermwerte G_v bis etwa 7000 cm⁻¹ berechnet. Diese Termwerte geben die Lage der Niveaus an, die man ohne Fermi-Resonanz finden würde. Dabei kann eine auffällige Alternanz der betrachteten Fermi-Resonanz-Triaden beobachtet werden. In Abhängigkeit der v_2 -Vibrationsquantenzahl (gleich Null oder größer Null) der Knickschwingung ν_2 , tauschen die beiden höchst liegenden Niveaus einer Fermi-Resonanz-Triade ihre Plätze aus. Dieses Verhalten wurde auch für die beiden analysierten Fermi-Resonanz-Triaden gefunden. Die Zuordnung gerade in diesem Punkt bereitete einige Schwierigkeiten, es ist daher sehr erfreulich, daß das experimentell gefundene Verhalten der Niveaualternanz so deutlich durch die berechneten Ergebnisse, wie sie in Kapitel 5 dargestellt sind, bestätigt wird.

Im Falle von H¹³CP konnte die Fundamentale ν_3 nicht gemessen werden. Dies gelang für DCP möglicherweise, weil ein anderer Syntheseweg, als bei der Darstellung von HCP gewählt wurde und so mehr DCP als HCP erhalten wurde. Es war schon zu Beginn der FT-IR-Messugen von DCP klar, daß es wichtig ist, die ν_3 von D¹³CP zu beobachten. Daher wurde die Darstellung, wie die Messung auf dieses Ziel optimiert. Ausgehend von der Überlegung einen hohen Deuterierungsgrad zu erreichen, schied ein einfacher H/D-Austausch von HCP zu DCP aus. Von einer französischen Spektroskopiegruppe (DREAN *et al.* [3]), wurde 1996 eine neue, erfolgversprechende Synthese zu HCP vorgestellt. Die Synthese zu HCP wurde leicht modifiziert, indem das D-Atom durch eine Hydrolyse mit D₂O (statt H₂O) eingeführt wurde. Die genaue Beschreibung ist in Kapitel 3 gegeben. Diese Synthese führt zu HCP oder DCP in höherer Ausbeute und höherer Reinheit, als die Pyrolyse von CH_3PCl_2 zu HCP + HCl. Deshalb konnten auch mehr Daten zu DCP, als zu HCP gewonnen werden. Die Auswertung aller aufgenommenen FT-IR-Spektren von DCP benötigte einige Zeit, sodaß die geplanten Messungen von HCP bis 10000 cm⁻¹ nicht mehr durchgeführt werden konnten. In Anbetracht der gelungenen Messungen und der vollständigen Auswertung, der in den Meßbereichen von DCP liegenden Fermi-Resonanz-Systeme, ist es kein Verlust, daß auf die HCP-Messungen im Obertonbereich verzichtet wurde.

Zu Beginn der vorliegenden Arbeit bestand auch die Idee FT-IR-Spektren von Cyanophosphaethin (NCCP) aufzunehmen. Zur Zeit liegen nur drei, durch Mikrowellenspektroskopie von COOPER *et al.* [4] gemessene Rotationsübergänge für dieses sehr instabile Molekül vor. Schon während der Diplomarbeit durchgeführte *ab initio*-Berechnungen sollten als Grundlage zur Wahl des FT-IR-Meßbereiches dienen. Letztendlich konnten keine entsprechenden Messungen unternommen werden, wenn auch die nötigen Vorarbeiten, das Aufnehmen der FT-IR-Spektren von möglichen Reaktionsnebenprodukten der Synthese zu NCCP, abgeschlossen wurden. Cyanophosphaethin kann durch eine Copyrolyse von $CH_3PCl_2 + Cyanazid (NCN_3)$, hergestellt werden. Bei einer solchen Art der Darstellung entsteht natürlich auch HCP.

Noch bevor allerdings die DCP-Messungen durchgeführt werden konnten, wurde die Gelegenheit eines geplanten Umbaus des Bruker IFS 120 HR Spektrometers im Herbst 1995 genutzt, um FT-IR-Spektren des Moleküls HBS aufzunehmen. HBS ist sehr instabil und kann nur in einem Flußsystem (kontinuierliche Synthese) spektroskopisch beobachtet werden. Beim Kondensieren und Einfrieren von HBS (flüssiger Stickstoff), welches man aus der Reaktion von B und H₂S bei 900 - 1000 °C erhalten kann, entstehen polymere Bor-Schwefel-Verbindungen. Beim Auftauen erhält man kein HBS. Phosphaethin und Deuterophosphaethin dagegen wurden vor den jeweiligen FT-IR-Messungen synthetisiert und erst zu den jeweiligen Messungen sublimiert und in die Meßzelle gefüllt. HBS kann nur beobachtet werden, wenn man es während der Messung herstellt. Die Halbwertszeit des Zerfalls beträgt einige Sekunden. In der Literatur wurden bereits IR-Messungen der ν_1 und ν_3 Streckschwingungen von HBS von SAMS und MAKI [5] und von TURNER und MILLS [6] mitgeteilt. Es gibt bisher keine Daten zur Knickschwinung ν_2 . Somit stellte die Aufnahme eines FT-IR-Spektrums der ν_2 das Ziel unserer Bemühungen um HBS dar. Dies konnte nicht erreicht werden. Im Gegensatz zu CO₂, HCN, HCP und DCP ist bei HBS die ν_2 die intensitätsschwächste Schwingung. Auch durch die in Kapitel 6 vorgestellten Diodenlaser-Absorptionsexperimente, mit einer theoretisch um ein bis zwei Größenordnungen höheren Empfindlichkeit gegenüber FT-IR-Messungen, konnten keine Übergänge dieser Fundamentalen gemessen werden. Neben der sehr kleinen Intensität der ν_2 liegt das negative Ergebnis auch daran, daß für den zu untersuchenden Meßbereich der ν_2 nur eine Laserdiode mit relativ schwacher Leistung zu Verfügung stand. Trotzdem wurden im Rahmen der Ermittlung der optimalen Synthesebedingungen von HBS FT-IR-Übergänge der beiden anderen Fundamentalen gemessen. Die gewonnenen Daten übertreffen in der Menge und der Genauigkeit die bereits in der Literatur verfügbaren Daten aus IR-Messungen von HBS und wurden im September 1995 anläßlich des XIV. Colloquium on High Resolution Molecular Spectroscopy in Dijon (Frankreich) in Form eines Posters (B33) vorgestellt wurden.

Nachdem die FT-IR- und Diodenlaserspektroskpie, beide in Absorption, keine Hinweise zur ν_2 brachten, lag es nahe, die zu dieser Zeit am Bruker IFS 120 HR etablierte Apparatur für FT-IR-Emissionsmessungen zu nutzen, um erneut die Suche nach der ν_2 von HBS aufzunehmen. Auch diese Experimente, wie in Kapitel 8 dargestellt, brachten keine positiven Resultate zur ν_2 von HBS. Nach den erfolglosen Emissionsexperimenten von HBS, wurde die gleiche Versuchsanordnung verwendet, um ein Emissionsspektrum von HCP aufzunehmen. Die erhaltenen

FT-IR-Spektren sind in Kapitel 8 dargestellt und erläutert.

In Kapitel 7 wird der für die Emissionsexperimente beschriebene Hochtemperaturofen (maximal 1700 °C) vorgestellt.

1.1 Aktuelle Publikationen zu HCP und die Bedeutung der in Giessen erarbeiteten Ergebnisse

Seit der ersten Beschreibung des IR-Spektrums von HCP durch GIER [7] 1961, sind zahlreiche experimentelle und theoretische Arbeiten zu HCP und DCP veröffentlicht worden. Ein ausführlicher Überblick wurde bereits in meiner Diplomarbeit [8] gegeben. Neben hochaufgelöster FT-IR-Spektroskopie wird HCP hauptsächlich mittels SEP-Methoden (Stimulated Emission Pumping) experimentell untersucht. Dabei konnten Knickschwingungszustände bis $v_2 = 42$ von ISHIKAWA et al. [9] gemessen werden. Es ist auffällig, daß sich die Knickschwingung beschreibenden Konstanten bis $v_2 = 32$ sehr regelmäßig verhalten. In der Nähe von $v_2 = 36$ allerdings ist eine abrupte Änderung der Rotations- und Vibrationsfeinstrukturkonstanten zu bemerken. Dies bedingt eine Anderung der Niveaustruktur der beobachteten hoch angeregten Knickschwingungszustände. welche sich auch im Kurvenverlauf der Potentialenergiefläche von HCP widerspiegeln. Von diesen experimentellen Arbeiten angeregt, wurde von der Gruppe um R. SCHINKE in Göttingen in mehreren theoretischen Arbeiten beschrieben, daß sich der Kurvenverlauf der Potentialenergiefläche von HCP im Bereich hoch angeregter Zustände senkrecht zur Knickschwingungskoordinate plötzlich stark ändert, [10-13]. Diese Arbeiten legten den Zugang zum Verständnis der Niveaustruktur hoch angeregter Knick- und Streckschwingungszustände von HCP und halfen auch bei der Zuordnung dieser Zustände. Im allgemeinen kann man zwei Familien von Knickschwingungszuständen unterscheiden. Solche mit eher kleiner Auslenkung des H-Atoms, die man vom Grundzustand $v_2 = 0$ bis $v_2 = 35$ beobachten kann. Schon in der ersten SEP-Arbeit zu HCP von LEHMANN et al. [14] zeigte man sich überrascht vom regulären Verhalten des Moleküls HCP zu hoch angeregten Rotationsvibrationszuständen von ν_1 und ν_2 . Die zweite Familie wird als Gruppe von Isomerisierungszuständen bezeichnet. Diese stehen in Verbindung mit dem Sattelpunkt CPH (linear) der Potentialenergiefläche von HCP. Diese Zustände beschreiben den gesamten Weg der Isomerisierung von HCP zu CPH entlang dem Pfad der minimalen Energie. Das SEP-Experiment von ISHIKAWA et al. [9], gibt den ersten umfassenden experimentellen Hinweis, daß die unimolekulare Isomerisierung eines dreiatomigen Moleküls, H-AB \leftrightarrow AB-H in dessen Rotationsvibrationsniveaustruktur kodiert ist. Die Potentialenergiefläche des elektronischen Grundzustandes von HCP zeigt, daß die Isomerisierung von HCP \leftrightarrow CPH, ausgelöst durch eine large amplitude motion des H-Atoms um die CP-Bindung, über einen Sattelpunkt (CPH) verläuft, der 3.342 eV über dem Potentialminimum der Energiefläche von HCP liegt [10], [15] und [16]. Dieses Verhalten weicht stark von den spektroskopischen Beobachtungen bei HCN ab. Das Stickstoffanalogon zeigt ein Minimum auf der Potentialenergiefläche, welches dem Isomeren CNH entspricht. Im FT-IR-Spektrum von HCN sind bis ca. 10000 cm⁻¹ auch keine Fermi-Resonanzen zu bemerken. Dies sind entscheidende Unterschiede der beiden Moleküle HCN und HCP, die aus ihren IR-Spektren abgeleitet werden können.

Neben den beschriebenen theoretischen Arbeiten bildete der Wert des Matrixelementes W_F der (020)/(001) Fermi-Resonanz von HCP, der zu Beginn der vorliegenden Arbeit von JUNG *et al.* [2] aus hochaufgelösten FT-IR-Messungen berechnet wurde, die Grundlage für die korrekte Zuordnung der gemessenen hoch angeregten Zustände aus SEP-Messungen von HCP. Nachdem in der ersten Arbeit von ISHIKAWA *et al.* [9] zu HCP teilweise falsche Zuordnungen hoch angeregter Rotationsvibrationsniveaus veröffentlicht wurden, konnten unter Verwendung der in Giessen erhaltenen Ergebnisse für den Fermi-Resonanz-Wechselwirkungsparamter W_F in einer zweiten Arbeit von ISHIKAWA *et al.* [17], diese falschen Zuordnungen korrigiert werden.

Dieser Zusammenhang wurde von ISHIKAWA et al. [17], detailiert beschrieben. Das Beispiel zeigt, daß die Analyse von hoch angeregten Rotationsschwingungszuständen, die nur mit niedriger Auflösung gemessen werden können, ohne sehr genaue Daten aus Regionen niedrig angeregter Zustände, die hochaufgelöst gemessen wurden, nur schwer möglich ist. Im Bereich hoher Energie gibt es viele Fermi-Resonanz-Polyaden mit einer hohen Zustandsdichte. Eine korrekte Zuordnung kann nur mit gut bestimmten Konstanten, die sich aus der Analyse von energetisch niedrig liegenden Zuständen ergeben, getroffen werden. Aus diesem Grunde sollten auch die in Kapitel 5 aufgeführten Rotationsvibrationskonstanten der Fermi-Resonanz von DCP von großer Bedeutung bei der Zuordnung von hoch angeregten SEP-Daten zu DCP sein. Entsprechende Daten liegen noch nicht vor.

Die der Auswertung zugrunde liegenden Meßdaten der ν_2 von HCP wurden während meiner Diplomarbeit gewonnen und bildeten die Grundlage für die sich anschließende Doktorarbeit. Die Auswertung mittels des von YAMADA *et al.* [1] beschriebenen Hamiltonians und alle anderen Arbeiten, wurden im Verlauf der vorliegenden Arbeit durchgeführt.

1.2 Literaturverzeichnis

- K. M. T. YAMADA, F. W. BIRSS UND M. R. ALIEV, Effective Hamiltonian for Polyatomic Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 112, 347-356 (1985).
- [2] M. JUNG, B. P. WINNEWISSER UND M. WINNEWISSER, High Resolution FT-IR Spectra of the ν_1 , ν_2 , and ν_3 Bands of H¹²CP and of the ν_1 and ν_2 Bands of H¹³CP, J. Mol. Struct. **413-414**, 31-48 (1997).
- [3] P. DREAN, J. DEMAISON, L. POTEAU UND J. M. DENIS, Rotational Spectrum and Structure of HCP, J. Mol. Spectrosc. 176, 139-145 (1996).
- [4] T. A. COOPER, H. W. KROTO, J. F. NIXON UND O. OHASHI, Detection of C-Cyanopolyene, NCCP, by Microwave Spectroscopy, J.C.S. Chem. Comm. 333-334 (1980).
- [5] R. L. SAMS UND A. G. MAKI, High Resolution Infrared Measurements of ν_1 and Force-Field Calculations for Thioborine (HBS), J. Mol. Spectrosc. 26, 107–115 (1975).
- [6] P. TURNER UND I. M. MILLS, The Infrared Spectrum, Equilibrium Structure and Harmonic and Anharmonic Force Field of Thioborine, HBS, Mol. Physics 46, 161–170 (1982).
- [7] T. E. GIER, HCP, A Unique Phosphorous Compound, J. Am. Chem. Soc. 83, 1769–1770 (1961).
- [8] M. JUNG, Die Synthese von Methinophosphid und das hochaufgelöste FT-IR-Spektrum, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universtät Gießen, 1993.
- [9] H. ISHIKAWA, Y-T. CHEN, Y. OHSHIMA, B. RAJARAM UND R.W. FIELD, Stimulated Emission Pumping Spectroscopy of HCP near the Isomerization Barrier: $\mathbf{E}_{vib} \leq \mathbf{25315} \ \mathbf{cm}^{-1}$, J. Chem. Phys. 105, 7383 (1996).
- [10] S. C. FARANTOS, H.-M. KELLER, R. SCHINKE, K. YAMASHITA UND K. MOROKUMA, Normal Mode and Isomerization Bending States in HCP: Periodic Orbit Assignment and Spectroscopic Signature, J. Chem. Phys. 104, 10055–10058 (1996).
- [11] C. BECK, H.-M. KELLER, S. YU. GREBENSHCHIKOV, R. SCHINKE, S. C. FARANTOS, K. YAMA-SHITA UND K.MOROKUMA, Highly Excited Vibrational States of HCP and their Analysis in Terms of Periodic Orbits: The Genesis fo Saddle-Node States and their Spectroscopic Signature, J. Chem. Phys. 107, 9618–9635 (1996).

- [12] M. JOYEUX, S. YU. GREBENSHCHIKOV UND R. SCHINKE, Analysis of the Highly Excited Vibrational Dynamics of HCP Using a High-Order Fermi Resonance Hamiltonian, J. Chem. Phys. 109, 8342–8354 (1998).
- [13] M. JOYEUX, D. SUGNY, V. TYNG, M. E. KELLMAN, H. ISHIKAWA, R. W. FIELD, C. BECK UND R. SCHINKE, Semiclassical Study fo the Isomerization States of HCP, J. Chem. Phys. 112, 4162–4172 (2000).
- [14] K. K. LEHMANN, S. C. ROSS UND L. L. LOHR, Experimental and *ab initio* Determination of the Bending Potential of HCP, J. Chem. Phys. 82, 893-920 (1985).
- [15] H. ISHIKAWA, C. NAGAO, N. MIKAMI UND R.W. FIELD, Observation of the Isomerization States of HCP by Stimulated Emission Pumping Spectroscopy: Comparison between Theory and Experiment, J. Chem. Phys. 106, 2980–2983 (1997).
- [16] H. ISHIKAWA, R. W. FIELD, S. C. FARANTOS, M. JOYEUX, J. KOPUT, C. BECK UND R. SCHINKE, HCP \leftrightarrow CPH Isomerization: Caught in the Act, Ann. Rev. Phys. Chem. 50, 443–484 (1999).
- [17] H. ISHIKAWA, C. NAGAO, N. MIKAMI UND R. W. FIELD, Spectroscopic Investigation of the Generation of Isomerization States Eigenvector Analysis of the Bend-CP Stretch Polyad, J. Chem. Phys. 109, 492–503 (1998).

Kapitel 2

DATENANALYSE

2.1 Notationen und Auswahlregeln

Die Schwingungszustände von HCP, DCP und HBS werden durch drei Schwingungsquantenzahlen (v_1, v_2, v_3) gekennzeichnet. Schwingungssubzustände, die sich in dem Betrag der schwingungsinduzierten Drehimpulsquantenzahl l unterscheiden, erhalten zusätzlich den Wert von l als Index oben rechts, neben einer Knickschwingung (v_1, v_2^l, v_3) . Die Wechselwirkung von Rotation und Vibration führt zu einer Aufhebung der Entartung der Knickschwingungsenergieniveaus mit gleichen Werten von l innerhalb eines Subzustandes [1], was als l-Typ-Aufspaltung bzw. l-Typ-Resonanz bezeichnet wird.

Nach BROWN *et al.* [2] können die Rotationsschwingungsniveaus innerhalb eines Schwingungssubzustandes zu Energieniveaus der Symmetrie e bzw. f zusammengefaßt werden. Hiernach erhalten die Niveaus der Parität $+(-1)^J$ die Symmetriekennzeichnung e und die Niveaus der Parität $-(-1)^J$ die Symmetriekennzeichnung f. Das heißt, bei Rotationsschwingungsenergieniveaus mit e-Symmetrie besitzen diejenigen mit geradem *J*-Wert positive und diejenigen mit ungeradem *J*-Wert negative Parität. Für Rotationsschwingungsenergieniveaus mit f-Symmetrie gilt das umgekehrte. Im Folgenden werden die Schwingungsniveaus, wo notwendig, zusätzlich mit einer Kennzeichnung für die Symmetrie, e oder f, oben rechts hinter dem Wert von *l* versehen. Für den zweiten angeregten Zustand der HCP-Knickschwingung ν_2 gibt es somit die Schwingungsenergieniveaus $(02^{0e}0), (02^{2e}0)$ und $(02^{2f}0)$. In der Literatur ist auch die folgende Notation zu finden: $(020)^{0e}, (020)^{2e}$ und $(020)^{2f}$. Die beiden Schreibweisen sind äquivalent, da allgemein vereinbart ist, daß bei dreiatomigen Molekülen die Knickschwingung ν_2 in der Mitte zwischen ν_1 und ν_3 steht. Nur diese kann eine *l*-Komponente besitzen. Bei Molekülen mit mehr als drei Atomen, wie z.B. CNCN, treten mehrere Knickschwingungen, ν_4 und ν_5 auf, so daß man bei der Notation sehr exakt bezeichnen muß, um Verwechslungen auszuschließen.

Die möglichen Rotationsschwingungsübergänge eines Moleküls ergeben sich aus den Auswahlregeln (selection rules). Diese Regeln basieren auf der Theorie der Übergangswahrscheinlichkeit. Ob ein Übergang stattfinden kann, wird vom Übergangsmoment bestimmt. Ist dieses für einen Übergang gleich Null, besitzt er keine Intensität, findet also nicht statt. Da das Übergangsmoment nur dann ungleich Null ist, wenn die den Anfangs- und Endzustand charakterisierenden Wellenfunktionen, ψ_m und ψ_n , bestimmte Bedingungen erfüllen, sind die möglichen spektralen Übergänge durch bestimmte Kriterien gegeben. Diese Kriterien werden Auswahlregeln genannt und geben an, welche Übergänge erlaubt und welche verboten sind. Die Auswahlregeln lassen sich durch Symmetriebetrachtungen für ein gegebenes Molekül ableiten. Basierend auf der Tatsache, daß identische Atome eines Moleküls nicht unterscheidbar sind, ergeben sich die Grundlagen der Permutations Inversionssymmetrie [3] der molekularen Symmetrie (MS). Die mathematische Beschreibung von Rotation und Vibration von Molekülen ist allgemeiner durch die molekulare Symmetrie, als durch die spezifisch strukturelle Symmetrie, (Spiegelebenen und Symmetrieachsen) der Punktgruppen, zu leisten. Es ist nicht Bedingung ein reales Molekül, welches zu einer bestimmten Zeit, in einer bestimmten Struktur vorliegt, zu betrachten. Gerade moderne spektroskopische Studien von loosen Ansammlungen von Atomen und/oder Molekülen (z.B. schwach gebundene Cluster von Molekülen), die Schwingungen mit großer Amplitude *large amplitude motion* ausführen, bei denen sich die strukturelle Geometrie permanent ändert, werden zum Verständnis ihrer Spektren mit der MS beschrieben. Das dies auch schon für dreiatomige Moleküle nötig ist, wurde in der Einleitung bereits deutlich am Beispiel der spektroskopisch beobachteten Isomerisierung von HCP \leftrightarrow CPH und der dort zitierten Literatur, beschrieben. Ohne die moderne Betrachtung durch die MS wären die experimentellen Ergebnisse nicht zu interpretieren. Zur exakten Herleitung der Auswahlregeln und zur Theorie der Übergangswahrscheinlichkeit muß auf das Lehrbuch von BUNKER und JENSEN [3] verwiesen werden.

Entsprechend diesen Regeln kann man bestimmte Übergänge zu bestimmten Strukturen zusammenfassen. Mit dem Begriff Bande werden alle Rotationsschwingungsübergänge zusammengefaßt, die zwei Schwingungszustände verbinden. Entsprechend werden alle Rotationsschwingungsübergänge, die zwei Schwingungs-Subzustände verbinden, zu einer Subbande zusammengefaßt. Eine Bande kann daher mehrere Subbanden umfassen. So besteht die Bande (020) \leftarrow (010) aus den Subbanden (020)⁰ \leftarrow (010)¹ und (020)² \leftarrow (010)¹, wobei diese sich ihrerseits aus P-, Qund R-Zweigen zusammensetzen. Die Auswahlregeln für die Rotationsschwingungsübergänge eines linearen Moleküls lauten:

$$\Delta v_s = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots, \tag{2.1}$$

$$\Delta J = 0 \quad \text{für } e \leftrightarrow f \text{-} \ddot{U} \text{bergänge}, \qquad (2.2)$$

$$\Delta J = \pm 1 \quad \text{für } e \leftrightarrow e \text{- und } f \leftrightarrow f \text{-Ubergänge}, \tag{2.3}$$

$$\Delta l = 0, \pm 1. \tag{2.4}$$

2.1.1 Zuordnung von Rotationsschwingungsübergängen

Die Aufnahme der hochaufgelösten FT-IR-Spektren liefert mit der Bildung der Transmissionsspektren und der Erstellung von Peaklisten in Form von Linienpositionen mit zugehörigen Transmissionswerten sehr viele Daten. Es ist daher das Ziel einer Datenreduktion, diese Information auf eine relativ kleine Zahl von spektroskopischen Konstanten zu reduzieren, die einerseits die gemessenen Linienpositionen im Rahmen der Meßgenauigkeit repräsentieren und andererseits die Struktur und Dynamik des Moleküls beschreiben. Im Folgenden wird beschrieben, wie man die spektroskopischen Konstanten aus der Zuordnung der Transmissionslinien der Rotationsschwingungsübergänge zu P-, Q- und R-Zweigen, erhält Übergänge einer Serie werden in Subbanden zusammengefaßt; zu einer Bande können mehrere Subbanden gehören.

Mit dem von WINNEWISSER *et al.* [4] entwickelten und inzwischen mehrfach verbesserten Computerprogramm LW51 [5–7], erfolgte die Zuordnung der Rotations-Quantenzahlen zu den individuellen Linien der P- und R-Zweige. Das Programm basiert auf einem 1928 von LOOMIS UND WOOD entwickelten Verfahren [8]. Beschreibt man die Rotationsterme $\tilde{F}(J)$ eines Schwingungsenergieniveaus als eine Potenzreihe in J(J + 1),

$$\tilde{F}(J) = \tilde{B}_{ps} J(J+1) - \tilde{D}_{ps} [J(J+1)]^2 + \tilde{H}_{ps} [J(J+1)]^3,$$
(2.5)

wobei \tilde{B}_{ps} , \tilde{D}_{ps} und \tilde{H}_{ps} Reihenentwicklungskonstanten sind¹, so läßt sich die Übergangswellen-

¹Der Index _{ps} bezieht sich auf den englischen Begriff *power series*.

zahl $\tilde{\nu}(m)$ eines Rotationsschwingungsübergangs durch das Polynom

$$\tilde{\nu}(m) = \tilde{\nu}_{c} + (2 \,\tilde{B}_{ps}'' + \Delta \tilde{B}_{ps}) \,m + (\Delta \tilde{B}_{ps} - \Delta \tilde{D}_{ps}) \,m^{2} - [2 \,(\tilde{D}_{ps}'' + \Delta \tilde{D}_{ps}) - 2 \,\tilde{H}_{aver}] \,m^{3} - (\Delta \tilde{D}_{ps} - 3 \,\Delta \tilde{H}_{ps}) \,m^{4} + 6 \,\tilde{H}_{aver} \,m^{5} + \Delta \tilde{H}_{ps} \,m^{6} \quad (2.6)$$

wiedergeben. Hierbei gilt $\Delta \tilde{B}_{ps} = \tilde{B}'_{ps} - \tilde{B}''_{ps}, \ \Delta \tilde{D}_{ps} = \tilde{D}'_{ps} - \tilde{D}''_{ps}, \ \Delta \tilde{H}_{ps} = \tilde{H}'_{ps} - \tilde{H}''_{ps}$ und $\dot{H}_{aver} = 0.5 \left(\dot{H}'_{ps} + \dot{H}''_{ps} \right); \tilde{\nu}_c$ ist das Zentrum der Subbande. Die mit " bezeichneten Größen beziehen sich jeweils auf das untere und die mit ' bezeichneten auf das obere Energieniveau des Übergangs. m stellt die Rotationsquantenzahl mit m = -J'' im P-Zweig und m = J'' + 1 im R-Zweig dar. Alle Größen, die eine Tilde ~ besitzen, sind in der Einheit cm⁻¹ angegeben. Benachbarte Linien in einem P- oder R-Zweig besitzen demnach einen Abstand von ungefähr $2 \tilde{B}''_{ns}$. Nach dem LOOMIS-WOOD-Verfahren wird das Spektrum in Abschnitte der Länge $2B''_{ps}$ zerlegt. Die so erhaltenen Abschnitte werden untereinandergesetzt. Die P- und R-Zweig-Linien einer Subbande lassen sich dann bei der passenden Wahl der $\tilde{B}_{ns}^{\prime\prime}$ -Konstante als vertikale Serie erkennen. Das Computerprogramm LW51 stellt das Spektrum in dieser Form graphisch auf dem Bildschirm dar, wobei es die Linienpositionen und die zugehörigen Transmissionswerte einer Peakliste entnimmt und die Linien als kleine Peaks darstellt. Die Konstanten aus Gleichung (2.6) können hierbei interaktiv verändert werden. Linien, die man einer Subbande zuordnen möchte, können mit einem Graphikcursor markiert und deren Linienpositionen mit zugehörigem m-Wert in einer Datei gespeichert werden. Mittels einem Verfahren nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate können anhand der zugeordneten Linien einer Serie die Konstanten aus Gleichung (2.6) angepaßt werden, wodurch die graphische Darstellung von P- und R-Zweig als vertikale Serie verbessert werden kann. Oft erkennt man dann weitere Linien der Subbande, so daß sich nach einem interaktiven, iterativen Verfahren alle gemessenen Linien einer P-, R-Subbande zuordnen lassen.

Die korrekte J- bzw. m-Zuordnung einer Subbande kann hierbei schon häufig an der Nullücke zwischen P- und R-Zweig erkannt werden. Besitzt die Subbande einen Q-Zweig, so erscheint dieser horizontal in der Nullücke. Im Falle von H¹²CP [9-12] und D¹²CP [13-16] waren außerdem einige \ddot{B}_{ps} - und \ddot{D}_{ps} -Reihenentwicklungskonstanten aus Infrarotmessungen und aus Mikro- und Millimeterwellenmessungen [17, 18] bekannt, so daß die korrekte J-Zuordnung auch durch Vergleich mit den bekannten Konstanten überprüft werden konnte. Für höher angeregte Zustände, für die diese Informationen nicht vorlagen, konnte die J-Zuordnung nach dem Verfahren der Kombinationsdifferenzen getroffen werden [7]. Mit diesem Verfahren lassen sich die an der Subbande beteiligten Schwingungsenergieniveaus bestimmen, falls die Kombinationsdifferenzen von einem der beiden Schwingungsniveaus bekannt sind. Die Kombinationsdifferenzen entsprechen den Differenzen der Rotationstermwerte F(J) und F(J+2) für ein gegebenes Schwingungsenergieniveau. Diese können aus einer zugeordneten Subbande sowohl für den unteren als auch den oberen Zustand berechnet werden. So liefert der Abstand der Linien P(J''+1) und R(J''-1), welche dasselbe gemeinsame obere Rotationsschwingungsniveau besitzen, die Kombinationsdifferenz für J'' - 1 im unteren Schwingungsniveau. Entsprechend errechnet sich aus dem Abstand der Linien P(J'') und R(J'') die Kombinationsdifferenz für J'' - 1 im oberen Schwingungsniveau. Sind die Reihenentwicklungskonstanten bekannt, so lassen sich die Kombinationsdifferenzen direkt berechnen. Ein Vergleich von bekannten Kombinationsdifferenzen eines gegebenen Schwingungsenergieniveaus mit solchen, die aus den im LW51-Programm zugeordneten Linien der P- und R-Zweige berechnet werden, liefert eine Übereinstimmung, wenn das gegebene Schwingungsniveau an den Übergängen beteiligt ist. Dieses Verfahren kann in dem Programm LW51 interaktiv und graphisch angewendet werden. Ist das untere Schwingungsenergieniveau

der P- und R-Zweig-Übergänge einmal bekannt, so läßt sich der obere Schwingungszustand häufig anhand des Subbandenzentrums $\tilde{\nu}_c$ und der Subzustand anhand des kleinsten J'-Wertes in Verbindung mit dem l''-Wert des unteren Zustandes ($\Delta l = 0, \pm 1$ und $J' \ge l'$) bestimmen.

Im Rahmen meiner Diplomarbeit [19] konnten so von $H^{12}CP$ im Bereich der Knickschwingung ν_2 von 500–700 cm⁻¹ 10 P-, R-Zweige und 10 Q-Zweige zugeordnet werden. Zwei weitere P-, R-Zweige und vier Q-Zweige von $H^{13}CP$ konnten ebenfalls gefunden werden. Die einzelnen Subbanden liefern Informationen zu den Schwingungszuständen (000), (010), (020) und (030) und für $H^{13}CP$ zu den Schwingungszuständen (000), (010) und (020). Weitere Untersuchungen im Rahmen der vorliegenden Arbeit in den Wellenzahlbereichen der beiden Streckschwingungen ν_1 und ν_3 ergaben für $H^{12}CP$ 11 weitere P-, R- und 9 Q-Zweige. Für $H^{13}CP$ wurden vier weitere P- und R-Zweige zugeordnet. Aus diesen Daten ergeben sich Informationen zu sieben weiteren Schwingungsniveaus: (001), (100), (011), (002), (021), (040) und (110). Mit Hilfe dieser Ergebnisse konnte anschließend erstmals die Fermi-Resonanz von $H^{12}CP$ zwischen den Niveaus (020)/(001), (030)/(011), JUNG *et al.* [20] und (002)/(021)/(040) beschrieben werden, siehe Kapitel 4. Die Zuordnung der individuellen Q-Zweig-Linien erfolgte mit dem von STROH [6] entwickelten Computerprogramm QBRASS. Das Programm QBRASS ermöglicht eine graphische Darstellung des Transmissionsspektrums auf dem Bildschirm als Strichspektrum bei gleichzeitiger Einblendung eines simulierten Q-Zweiges, der nach

$$\tilde{\nu}(J) = \tilde{\nu}_c + \Delta \tilde{B}_{ps} J(J+1) - \Delta \tilde{D}_{ps} [J(J+1)]^2 + \Delta \tilde{H}_{ps} [J(J+1)]^3 + \Delta \tilde{L}_{ps} [J(J+1)]^4 \quad (2.7)$$

berechnet wird, wobei $\Delta \tilde{L}_{ps} = \tilde{L}'_{ps} - \tilde{L}''_{ps}$ ist. Startwerte für die Konstanten in Gleichung (2.7) können interaktiv vorgegeben werden, um eine gute Übereinstimmung zwischen den gemessenen und den simulierten Linien zu erzielen. In einem iterativen Verfahren, analog dem des Programms LW51, können dann die Q-Zweig-Linien im Spektrum markiert und die Konstanten aus Gleichung (2.7) mittels eines Polynomfits angepaßt und verbessert werden. Die Linienpositionen und J-Werte werden schließlich in einer Datei gespeichert.

2.2 Bestimmung von Reihenentwicklungskonstanten

Nach der Zuordnung der beobachteten Rotationsschwingungsübergängen zu den Quantenzahlen bestand der nächste Schritt der Datenreduktion in der Bestimmung von Reihenentwicklungskonstanten für die individuellen P- und R-Zweige bzw. Q-Zweige aller Subbanden. Hierzu wurde das von STROH [6] entwickelte Computerprogramm FITEFF verwendet, welches eine gewichtete lineare Anpassung nach dem Verfahren der kleinsten Fehlerquadrate der Konstanten aus der Gleichung

$$\tilde{\nu}(J) = \tilde{\nu}_c + \tilde{B}'_{ps}J'(J'+1) - \tilde{B}''_{ps}J''(J''+1) - \tilde{D}'_{ps}[J'(J'+1)]^2 + \tilde{D}''_{ps}[J''(J''+1)]^2 + \tilde{H}'_{ps}[J'(J'+1)]^3 - \tilde{H}''_{ps}[J''(J''+1)]^3 + \tilde{L}'_{ps}[J'(J'+1)]^4 - \tilde{L}''_{ps}[J''(J''+1)]^4$$
(2.8)

ermöglicht. Hierbei ist $\tilde{\nu}(J)$ die Wellenzahl eines individuellen Rotationsschwingungsüberganges und $\tilde{\nu}_c$ das Subbandenzentrum, welches die durch den schwingungsinduzierten Drehimpuls bedingten Anteile der Rotationsenergie gemäß

$$\tilde{\nu}_c = \tilde{\nu}_0 - \tilde{B}'_{ps} l'^2 + \tilde{B}''_{ps} l''^2 \tag{2.9}$$

beinhaltet. Dabei stellt $\tilde{\nu}_0$ den Bandenursprung dar. Da die Reihenentwicklungskonstanten keine Wechselwirkungen, wie etwa die *l*-Typ-Ausspaltung, berücksichtigen, sind sie physikalisch wenig aussagekräftig. Ihre Bedeutung liegt in der schnellen Reproduzierbarkeit der gemessenen Linienpositionen und der Identifikation von Serien aus Rotationsvibrationsübergängen unbekannter Schwingungsenergieniveaus. Weiterhin lassen sich auftretende Resonanzen oft anhand dieser Konstanten erkennen. So können bei ungestörten Übergängen in der Regel nur die Rotationskonstanten \tilde{B}'_{ps} und \tilde{B}''_{ps} sowie die Zentrifugalverzerrungskonstanten \tilde{D}'_{ps} und \tilde{D}''_{ps} angepaßt werden, während die Konstanten höherer Ordnung, \tilde{H}'_{ps} , \tilde{H}''_{ps} , \tilde{L}'_{ps} und \tilde{L}''_{ps} , normalerweise unbestimmt sind. Das Auftreten einer globalen Störung einer Subbande erfordert jedoch diese Konstanten höherer Ordnung bei der Anpassung, um die gemessenen Linienpositionen reproduzieren zu können. Systematische Abweichungen zwischen den gemessenen und berechneten Linienpositionen liefern eindeutige Hinweise auf eine Wechselwirkung zwischen Schwingungsenergieniveaus. Eine globale Störung ist eine Wechselwirkung, die sich auf alle Linien einer Subbande auswirkt.

In den meisten Fällen der Bestimmung von Reihenentwicklungskonstanten wurde bisher angenommen, daß alle Linien die gleiche Ungenauigkeit besitzen. Die Tatsache, daß die Linienpositionen umso besser bestimmt sind, je größer das Signal-Rausch-Verhältnis der Linie ist, wurde im allgemeinen ignoriert. Bei der Annahme von gleichen Ungenauigkeiten erfolgt eine gleiche Gewichtung der Linien in einem gewichteten Fit² Dies führt aufgrund der Abhängigkeit von Gleichung (2.8) von hohen Potenzen der Rotationsquantenzahl J zu einem zu starken Einfluß der schwächeren Linien mit hohen J-Werten auf den Fit und die anzupassenden Konstanten. In der vorliegenden Arbeit wurde daher, um zuverlässigere Reihenentwicklungskonstanten zu erhalten, für jede Linie eine relative Unsicherheit ihrer Linienposition, $\delta \tilde{\nu}$, bestimmt. Hierzu wurde für jede Linie ihr Signal-Rausch-Verhältnis (S/N) berechnet. Dieses hängt nicht nur von der Transmission der Linie, sondern auch von dem Signal-zu-Rauschen des Hintergrundspektrums an der Linienposition und den Rauschpegeln von Probenspektrum und Hintergrundspektrum, welche zur Bildung des Transmissionsspektrums verwendet wurden, ab. Die Grundlagen und das Verfahren zur Bestimmung der relativen Unsicherheiten wurde bereits ausführlich in meiner Diplomarbeit beschrieben [19]. Zur Berechnung wurde das von KEPPLER [21] entwickelte Programm WEIGHTS verwendet, welches darauf basiert, daß die relative Unsicherheit einer Linienposition $\delta \tilde{\nu}$ umgekehrt proportional zum Signal-Rausch-Verhältnis ist und gemäß

$$\delta \tilde{\nu} \propto \frac{1}{(S/N)} = \frac{\sqrt{1 + T^2 \left(\frac{n_0}{n}\right)^2}}{B(1-T)}$$
 (2.10)

berechnet werden kann. Hierbei ist T der Transmissionswert der Linie an der Linienposition und B die auf das Maximum normierte Amplitude im Hintergrundspektrum. Das zeitlich gemittelte Rauschen im Hintergrundspektrum ist durch n_0 , im Probenspektrum durch n gegeben. Für das Verhältnis (n_0/n) kann man den Ausdruck

$$\left(\frac{n_0}{n}\right) = \sqrt{\frac{N_{scans}^S \ \Delta \tilde{\nu}_{res}^S}{N_{scans}^B \ \Delta \tilde{\nu}_{res}^B}} \tag{2.11}$$

ansetzen, wobei N_{scans}^S und N_{scans}^B die Anzahl der aufgenommenen Interferogramme und $\Delta \tilde{\nu}_{res}^S$ und $\Delta \tilde{\nu}_{res}^B$ die Auflösungen jeweils des Proben- bzw. Hintergrundspektrums sind. Anders ausgedrückt beschreibt n_0/n das Verhältnis der mittleren quadratischen Wurzel des Rauschens in Spektrum und Hintergrund. Da das hiernach berechnete Signal-Rausch-Verhältnis nur anhand von Proportionalbeziehungen bestimmt wird, sind die Unsicherheiten relative Unsicherheiten d. h. auf ein Spektrum beschränkt und gelten nur für den jeweiligen Meßbereich. Daher wurden die

²Mit *Fit* ist im Folgenden immer die mathematische Auswertung von Meßdaten durch Anpassung der jeweils beschriebenen Parameter nach dem Verfahren der kleinsten Fehlerquadrate (*least-squares*) gemeint.

einzelnen Meßbereiche relativ zueinander gewichtet. Hierzu wurde das Signal/Rausch-Verhältnis der beiden Bereiche an der Stelle des Spektrums bestimmt, an der das Backgroundspektrum sein Maximum aufweist. Ist z.B. das Signal/Rausch-Verhältnis eines Meßbereiches (a) um den Faktor zwei größer als das eines anderen Meßbereiches (b), so besitzen Übergänge des Meßbereiches (b) eine um einen Faktor zwei größere Unsicherheit, d. h. sie sind schlechter bestimmt. Anschließend erfolgte eine relative Gewichtung der IR-Linien zu denen im Fit benutzten Millimeterwellendaten (Rotationsübergänge), die aus der Publikation von DREAN *et al.* [18] entnommen wurden. Die berechneten relativen Unsicherheiten wurden schließlich umskaliert, um sie zwischen den verschiedenen Segmenten (Meßbereichen) der Messungen kompatibel zu machen. Hierzu wurden Skalierungsfaktoren verwendet, die durch einen Vergleich des Signal-Rausch-Verhältnisses der einzelnen Bereiche jeweils an der Stelle im Transmissionsspektrum, wo das Signal im Hintergrundspektrum maximal ist, bestimmt wurden. Der Gewichtungsfaktor W einer einzelnen Linie in einem gewichteten linearen Fit wurde als invers proportional zum Quadrat der relativen Unsicherheit angenommen und gemäß

$$W = \frac{1}{(\delta\tilde{\nu})^2} \tag{2.12}$$

berechnet. Der Effekt dieses Gewichtungsverfahrens auf die Reihenentwicklungskonstanten korrespondiert mit der *J*-Abhängigkeit von Gleichung (2.8). Durch die individuelle Liniengewichtung kam es in den Anpassungen zu einer geringen Änderung der Werte des Subbandenzentrums $\tilde{\nu}_c$ und der Rotationskonstanten \tilde{B}_{ps} , jedoch zu einer signifikanten Änderung der Konstanten höherer Ordnung. Die Gewichtung spiegelt sich ebenfalls in den Standardfehlern der Konstanten wieder.

Die Reihenentwicklungskonstanten des unteren und oberen Schwingungsenergieniveaus wurden durch die Anpassung von P-, und R-Zweig-Übergängen nach Gleichung (2.8) unter Verwendung der gewichteten linearen Anpassung nach dem Verfahren der kleinsten Quadrate bestimmt. Im Falle von Q-Zweig-Übergängen wurden die Rotations- und Zentrifugalverzerrungskonstanten des unteren Energieniveaus auf den bekannten Werten aus den reinen Rotationsübergängen [22] oder den aus P- und R-Zweig-Übergängen bestimmten Werten festgesetzt und neben dem Subbandenzentrum lediglich die Konstanten des oberen Schwingungsniveaus angepaßt. Die in den Fits angepaßten Reihenentwicklungskonstanten für alle Subbanden sind in den jeweiligen Kapiteln zusammengestellt. Die Termwerte G_c der involvierten Schwingungsenergieniveaus wurden nach dem RITZ'schen Kombinationsprinzip als Summe der Subbandenzentren berechnet. Wenn mehr als ein Pfad zu einem bestimmten Schwingungsniveau führt, wurde ein gewichteter Mittelwert aller Möglichkeiten bestimmt. Die Schwingungstermwerte und Termwertdiagramme von HCP, DCP und HBS sind ebenfalls in den nachfolgenden Kapiteln zusammengefaßt. Die gemessenen Linienpositionen der Subbanden und die Abweichungen von den mit den Reihenentwicklungskonstanten berechneten Linienpositionen sind im Addendum zu dieser Arbeit tabellarisch aufgelistet.

2.3 Bestimmung spektroskopischer Konstanten eines effektiven Hamiltonoperators

Der nächste Schritt der Datenreduktion besteht in der Bestimmung von spektroskopischen Konstanten für komplett zugeordnete Banden. Hierzu dient ein von Yamada et al. [23] entwickelter effektiver Hamiltonoperator. Dieser Hamiltonoperator gilt für ein in der Gleichgewichtskonfiguration lineares Molekül, dessen Normalschwingungen kleine Amplituden besitzen. Der Hamiltonoperator wurde über eine Kontakttransformation entwickelt und ist diagonal zur Schwingungsquantenzahl v. Nebendiagonalelemente existieren bezüglich der Quantenzahl l. Insgesamt ist die Hamiltonmatrix blockdiagonal, wobei jeder Block einen Schwingungszustand darstellt. Im Falle einer Fermi-Resonanz werden die in Resonanz stehenden Niveaus zu einem Block zusammengefaßt. Die Nebendiagonalelemente in l beschreiben die verschiedenen Wechselwirkungen innerhalb eines Schwingungszustandes. Im Folgenden sollen die Matrixelemente des Hamiltonoperators vorgestellt werden, wie sie auch im Programm LINC programmiert sind. Schließlich wird die Durchführung der Fits erläutert und die Ergebnisse werden dargestellt.

2.3.1 Der effektive Hamiltonoperator und das Programm LINC

Die Matrixelemente des effektiven Rotations-Hamiltonoperators H_r für einen gegebenen Vibrationszustand werden folgend für zwei Fälle vorgestellt. Für angeregte Zustände einer Knickschwingung und für den Fall von Fermi-Resonanzen von wechselwirkenden Rotationsvibrationsniveaus.

Grund- und angeregte Zustände einer Streckschwingung:

Die Matrixelemente [Reihenentwicklung in J(J+1)] ohne Anregung einer Knickschwingung werden durch die Gleichung (2.8) in der Form

$$\frac{E(J)}{hc} = \tilde{G}_v + \tilde{B}_v J(J+1) - \tilde{D}_v [J(J+1)]^2 + \tilde{H}_v [J(J+1)]^3$$
(2.13)

bestimmt.

Angeregte Zustände einer Knickschwingung:

Die Diagonalmatrixelemente einer n-fach angeregten Knickschwingung lauten:

$$\frac{E_{l,l}}{hc} = \frac{\langle l|H_{eff}|l\rangle}{hc} = \tilde{G}_v + \tilde{x}_l l^2 + \tilde{y}_l l^4 + \left(\tilde{B}_v + \tilde{d}_{Jl} l^2 + \tilde{h}_{lJ} l^4\right) f_0(l) - \left(\tilde{D}_v + \tilde{h}_{Jl} l^2\right) f_0^2(l) + \tilde{H}_v f_0^3(l). \quad (2.14)$$

Die Nebendiagonalelemente zur Beschreibung der l-Typ-Resonanz werden wie folgt formuliert:

$$\frac{U_{l,l+2}}{hc} = \frac{\langle l|H_{eff}|l+2\rangle}{hc} = \frac{1}{4} \left\{ \tilde{q}_v + \tilde{q}_J J(J+1) + \tilde{q}_{JJ} \left[J(J+1) \right]^2 + \tilde{q}_l \left(l+1 \right)^2 \right\} \times \sqrt{(n-l)(n+l+2)} f_2(l) \quad (2.15)$$



- J : Rotationsquantenzahl,
- l: Quantenzahl des schwingungsinduzierten Drehimpulses

(2.16)

und

$$f_0(l) = f(l, l) = J(J+1) - l^2,$$
 (2.17)

$$f_2(l) = f(l, l \pm 2) = \sqrt{[J(J+1) - l(l \pm 1)][J(J+1) - (l \pm 1)(l \pm 2)]}.$$
 (2.18)

Die Matrixelemente, die die Schwingungssubzustände mit $\Delta l = 4$ verbinden, wurden nicht berücksichtigt, da diese bei den untersuchten Schwingungszuständen nicht bestimmbar waren. $E_{l,l}$ und $U_{l,l+2}$ sind in Energieeinheiten gegeben.

Die geringen Anharmonizitäten der Schwingungen bedingen zusätzlich, daß die Zentren der Banden eines gegebenen Bandensystems nur selten mehr als 10 cm⁻¹ gegeneinander verschoben sind, wodurch die entsprechenden Banden vollständig überlappen. Die Zuordnung der dichten Spektren ist erheblich erschwert, da insbesondere die schwächeren Hotbands nur schwer aufzufinden sind. Hier ist der Einsatz von Computerprogrammen vorteilhaft, die durch geschickte Anwendung der angeführten Grundlagen der Rotationsschwingungsspektren diese überschaubar darstellen und zusätzlich eine gewisse Automatisierung der Zuordnung und Dokumentation ermöglichen. Letzteres ist wichtig, damit die zugeordneten Übergänge möglichst ohne weiteres Editieren anderen Datenreduktionsprogrammen zugeführt werden können. Zusätzlich werden so Fehler, wie sie z.B. beim Eintippen von Linienpositionen vorkommen, ausgeschlossen.

In diesem Abschnitt soll zuerst die Anpassung nach dem Verfahren der kleinsten Fehlerquadrate vorgestellt werden, das einen wesentlichen Bestandteil der benutzten Auswerteprogramme darstellt. Der zweite Unterabschnitt umreißt den Umfang der im Rahmen dieser Arbeit durchgeführten Analyse der Rotationsschwingungsbandensysteme von HCP und DCP. Anschließend wird das allgemeine Vorgehen bei der Zuordnung der Spektren und bei der anschließenden Datenreduktion beschrieben. Die Details dieser Abläufe werden ab dem vierten Unterabschnitt im Zusammenhang mit den benutzten Programmen erläutert.

2.3.2 Der Aufbau von Fitprogrammen nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate

Fast alle in den folgenden Abschnitten angesprochenen Programme benutzen Anpassungen nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate. Das Prinzip solcher Programme soll hier kurz vorgestellt werden, bevor in den nächsten Abschnitten auf die Analyse der IR-Spektren und die benutzten Programme im einzelnen eingegangen wird. Die im Rahmen dieser Arbeit geschriebenen Programme sind im Anhang abgedruckt.

Die generelle Aufgabe von Fitprogrammen ist der lineare bzw. nichtlineare Ausgleich vermittelnder Beobachtungen gleicher oder ungleicher Genauigkeit (Fit). Die mathematische Umsetzung dieses Leitsatzes soll hier kurz beschrieben werden. Ausführliche Darstellungen wurden von Albritton et al. [24] und Lees [25] gegeben.

2.3.3 Lineare Fitprogramme

Als Beispiel soll hier von einem linearen Zusammenhang – wie z.B. in Gleichung (2.9) – zwischen den Meßwerten (Wellenzahlen von Rotationsschwingungsübergängen) und den Parametern (spektroskopische Konstanten) ausgegangen werden. Ferner wird vorerst vereinfachend angenommen, daß alle Meßwerte von gleicher Qualität sind, d.h. die gleiche Unsicherheit aufweisen. Dies läßt sich für einen allgemeinen Parametersatz in Matrixschreibweise formulieren als

$$\vec{y} = \mathbf{X}\,\vec{\beta} + \vec{\epsilon},\tag{2.19}$$

z.B.
$$y_1 = X_{11}\beta_1 + X_{12}\beta_2 + \ldots + X_{1m}\beta_m + \epsilon_1.$$
 (2.20)

- \vec{y} : Spaltenvektor der *n* Meßwerte,
- $\vec{\beta}$: Spaltenvektor der *m* Parameter mit m < n,
- ${\bf X}$: Koeffizientenmatrix der Dimension $m \times n$
- $\vec{\epsilon}$: Vektor aufgebaut aus den Differenzen ϵ_i zwischen dem Meßwert *i* und dem entsprechenden berechneten Wert.

In der Realität wird $\vec{\epsilon}$ nie der Nullvektor sein, da zum einen die Meßwerte eine bestimmte Streuung aufweisen, und zum anderen das benutzte Modell von vornherein oft nicht in der Lage ist, die Eigenwerte des untersuchten Systems genau zu reproduzieren. Ziel der Anpassung ist daher, die Parameter so zu bestimmen, daß die Summe der Quadrate der Residuen $S(\vec{\beta}) = \vec{\epsilon}^{\mathrm{T}} \vec{\epsilon}$ ein Minimum aufweist:

$$S(\vec{\beta}) = (\vec{y} - \mathbf{X}\,\vec{\beta})^{\mathrm{T}}\,(\vec{y} - \mathbf{X}\,\vec{\beta}).$$
(2.21)

Das hochgestellte T bedeutet, daß hier der transponierte Residuenvektor gebildet wird. $S(\vec{\beta})$ stellt eine Fläche – aufgespannt im (m+1)-dimensionalen Fitraum über den Koordinatenachsen β_i (i = 1, ..., m) – dar, deren Minimum hier gesucht wird. Dazu wird der Ausdruck auf der rechten Seite von Gleichung (2.21) nach den einzelnen Parametern β_i differenziert und gleich 0 gesetzt. Daraus ergibt sich für den Parametervektor $\vec{\beta}_f$ im Minimum der Fitfläche:

$$\vec{\beta}_f = (\mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \vec{y}, \quad \mathrm{b} z w.$$
(2.22)

$$\vec{\beta}_f = (\mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \vec{y}.$$
(2.23)

Dies gilt für den Fall, daß die Meßwerte verschiedene Unsicherheiten aufweisen. W ist hier eine diagonale Gewichtungsmatrix, deren Diagonalelemente sich zu $W_{ii} = 1/\sigma_i^2$ ergeben, wobei σ_i die normalisierte Unsicherheit des *i*-ten Meßwerts ist ($\sum_i \sigma_i^2 = 1$). Die Gleichung (2.22) erhält man

auch direkt aus Gleichung (2.19), indem man von links mit \mathbf{X}^{T} multipliziert und entsprechend umformt.

Mittels Gleichung (2.23) kann man ausgehend von einem Anfangssatz von Parametern $\vec{\beta}_s$ (s = 0) nach

$$\vec{\Delta\beta}_s = (\mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \vec{\Delta y}_s$$
(2.24)

eine Parameterkorrektur $\vec{\Delta \beta_s}$ berechnen, wobei

$$\vec{\Delta y}_s = \vec{y} - \mathbf{X} \,\vec{\beta}_s \tag{2.25}$$

ist. Im Fall eines linearen Modells ergibt die Parameterkorrektur nach $\vec{\beta}_{s+1} = \vec{\beta}_s + \vec{\Delta\beta}_s$ direkt den Parametersatz $\vec{\beta}_f$ für das Minimum der Fehlerquadrate.

Die Koeffizientenmatrix X kann im linearen Modell durch einfache Differenzierung der einzelnen Bestimmungsgleichungen (siehe Gleichung (2.20)) nach den entsprechenden Parametern ermittelt werden: $X_{ij} = (\partial y_i / \partial \beta_j)$. Ein Maß für die Güte der Anpassung ist die erreichte Standardabweichung σ , die sich wie folgt ergibt:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\vec{\Delta y}_{s+1}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \vec{\Delta y}_{s+1}}{(n-m)}}.$$
(2.26)

Hierin ist die Differenz (n - m) der sogenannte Freiheitsgrad der Anpassung (n : Zahl der)beobachteten Werte, m : Zahl der im Fit angepaßten Parameter). $\vec{\Delta y_{s+1}}$ ergibt sich analog Gleichung (2.25) aus $\vec{\beta}_{s+1}$. Ein weiteres wichtiges Kriterium für die Qualität eines Fits ist die Varianz-Kovarianz-Matrix

$$\Theta = \sigma^2 \left(\mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \mathbf{X} \right)^{-1}.$$
(2.27)

Aus den Diagonalelementen θ_{ii} dieser Matrix ergeben sich direkt die Standardabweichungen des bestimmten Parametersatzes $\vec{\beta}_f$, während die außerdiagonalen Elemente umgerechnet nach

$$C_{ij} = \frac{\theta_{ij}}{\sqrt{\theta_{ii}\,\theta_{jj}}}\tag{2.28}$$

die Elemente der sogenannten Korrelationsmatrix \mathbf{C} ergeben. Die Elemente C_{ii} sind logischerweise = 1, während die außerdiagonalen Elemente $C_{ij} \leq 1$ eins sind. Letztere geben das Maß der Korrelation zwischen den Parametern β_i und β_j an. Der Fit ist umso besser, je kleiner die C_{ij} sind. Bei Korrelationen nahe 1 oder gleich 1 ist eine Überprüfung des Fits erforderlich. Die betreffenden Parameter können nicht gemeinsam bestimmt werden. Man fixiert dann in der Regel einen der Parameter auf einem vorbestimmten Wert, wobei zu berücksichtigen ist, daß dadurch die physikalischen Inhalte der anderen korrelierten Parameter verfälscht werden können.

2.3.4 Nicht lineare Fitprogramme

Oft ist eine nicht lineare Abhängigkeit der Meßwerte von den Parametern gegeben, d.h. die Elemente der Koeffizientenmatrix \mathbf{X} sind nicht unabhängig von den Parametern β_i . In diesen Fällen hat die Fitfläche nicht mehr überall die gleiche Steigung in Bezug auf einen Parameter, sondern die Steigung hängt von diesem oder von anderen Parametern ab. Zusätzlich können gleichzeitig mehrere Minima auf der Fitfläche auftreten. Dies bedeutet, daß die Ableitungen X_{ij} jeweils nur lokale Gültigkeit besitzen. Auch in diesem Fall bewegt sich der Fit im ersten Schritt auf das nächste Minimum auf der Fläche zu, aber er wird nicht im ersten Schritt in dieses Minimum, sprich den entsprechenden Parametersatz β_f , einlaufen. Deswegen sind bei nicht linearen Fits mehrere Fitzyklen zu durchlaufen, bis sich die Standardabweichung nicht mehr ändert, der Fit also in dem Minimum angelangt ist. Dies muß aber nicht notwendigerweise das absolute Minimum auf der Fitfläche sein, weshalb die Wahl guter Startparameter $\vec{\beta_0}$ hier von entscheidender Bedeutung ist. Es kann auch der Fall auftreten, daß die Fitfläche zu großen Werten eines oder mehrerer Parameter hin divergiert, was dazu führt, daß der Fit mit jedem Schritt physikalisch unsinnigere Parameter produziert. Hier hilft es in der Regel, einen oder mehrere Parameter zu fixieren.

Das Computerprogramm LINC ermöglicht die Bestimmung der Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate. Da die Energien nicht linear von den Parametern abhängen, sondern durch Diagonalisierung der Hamiltonmatrix berechnet werden, ist ein nichtlinearer Fit notwendig. Hierzu gibt man dem Programm Startwerte für die Konstanten vor. LINC berechnet damit die Matrixelemente des Hamiltonoperators und stellt die durch Wang-Symmetrisierung entstehenden Blockmatrizen (E⁺, E⁻, O⁺ oder O⁻) auf. Die Eigenfunktionen Ψ_i erhält man als Linearkombination der Basiswellenfunktionen Φ_k :

$$\Psi_i = \sum_k c_{ik} \Phi_k \tag{2.29}$$

 mit

c_{ik} : Koeffizienten der k-ten Basiswellenfunktion in der i-ten Eigenfunktion.

Numerische Diagonalisierung nach dem Jacobi-Verfahren [26] liefert die Energieeigenwerte und die Koeffizienten c_{ik} der Basiswellenfunktionen. Mit den berechneten Energieeigenwerten läßt sich für jeden Übergang eine Übergangswellenzahlen $\tilde{\nu}_{calc}$ berechnen. Die Abweichungen der gemessenen von den berechneten Linienpositionen ergibt sich nach ($\tilde{\nu}_{obs} - \tilde{\nu}_{calc}$). Ziel des Fits ist es, die Summe dieser Abweichungen zu minimieren. Hierzu bildet man die Ableitungen der berechneten Linienpositionen nach jedem Parameter, der angepaßt werden soll, und minimiert diese nach:

$$\frac{\partial \tilde{\nu}_{calc_i}}{\partial \beta_j} = \frac{\partial E'_i}{\partial \beta_j} - \frac{\partial E''_i}{\partial \beta_j} = 0, \qquad (2.30)$$

wobei

$ ilde{ u}_{calc_i}$:	i-te berechnete Linienposition,
E'_i	:	Energieeigenwert des zum Übergang $\tilde{\nu}_{calc_i}$
		gehörigen oberen Zustands,
E_i''	:	Energieeigenwert des zum Übergang $\tilde{\nu}_{calc_i}$
		gehörigen unteren Zustands,
eta_j	:	anzupassender Parameter.

Dies stellt ein lineares Gleichungssystem dar, dessen Koeffizientenmatrix aus soviel Zeilen besteht, wie Parameter angepaßt werden sollen und soviele Spalten besitzt, wie Linien zum Fit verwendet werden. Zur Bildung der Matrix benötigt man die Ableitungen der Energieeigenwerte nach den Parametern, also die Ableitung des *i*-ten Eigenwertes nach dem *j*-ten Parameter. Diese erhält man nach dem Hellmann-Feynman-Theorem [27,28]:

$$X_{ij} = \frac{\partial E_i}{\partial \beta_j} = \int \Psi_i^* \left(\frac{\partial \hat{H}}{\partial \beta_j}\right) \Psi_i d\tau.$$
(2.31)

Mit Gleichung (2.29) ergibt sich:

$$\frac{\partial E_i}{\partial \beta_j} = \sum_{kk'} c_{ik} c_{ik'} \int \Phi_i^* \left(\frac{\partial \hat{H}}{\partial \beta_j} \right) \Phi_i d\tau \qquad (2.32)$$

$$= \sum_{kk'} c_{ik} c_{ik'} \left(\frac{\partial H_{kk'}}{\partial \beta_j} \right).$$
(2.33)

Der Fit für den nicht linearen Fall erfolgt wie im linearen Fall nach der Gleichung:

$$\Delta \vec{\beta} = (\mathbf{X}^{\mathrm{T}} \ \mathbf{W} \ \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{W} \Delta \vec{y}, \qquad (2.34)$$

wobei

$\Delta ec eta$:	Vektor, der die Parameterkorrekturen enthält,
$\mathbf{X}, \mathbf{X}^{\mathrm{T}}$:	Matrix der Ableitungen bzw. dessen Transponierte,
\mathbf{W}	:	Diagonalmatrix der Gewichtungsfaktoren,
$\Delta \vec{y}$:	Vektor, der die Differenzen $\tilde{\nu}_{obs} - \tilde{\nu}_{calc}$ enthält.

Die Durchführung des Fits liefert für jeden anzupassenden Parameter einen Korrekturwert $\Delta\beta$, womit man neue Startwerte für einen weiteren Zyklus erhält. Mit mehreren Zyklen kann man so versuchen, die Fehlerquadrate weiter zu minimieren. Aufgrund der Nichtlinearität des Fits, haben die Ableitungen nur 'lokale' Gültigkeit in der Nähe der Startparameter. Damit ein Fit von Zyklus zu Zyklus konvergiert und das Minimum erreicht wird, ist es notwendig gute Startwerte vorzugeben. Sind die Startwerte weit von den eigentlichen Werten entfernt, so kann der Fit divergieren oder in einem Nebenminimum des Fehlerquadrats enden. Das Programm LINC ist in der Lage gleichzeitig 15 Schwingungszustände zu fitten (beliebig erweiterbar). Die Standardabweichung des Fits ergibt sich analog zum Fall der linearen Anpassung nach Gleichung 2.26.

2.3.5 Durchführung der Fits

Vor Beginn der Fits mit LINC schreibt man eine Eingabedatei, die die notwendigen Eingabedaten enthält. Hierzu gehört die Kennzeichnung der Schwingungszustände, die Startparameter der spektroskopischen Konstanten und die Auflistung aller Linienpositionen mit der zugehörigen J-, *l*- und Symmetriekennzeichnung für den unteren und oberen Zustand. Jede Linienposition erhält weiterhin die Angabe ihrer relativen Unsicherheit.

Zur Durchführung der Fits mit LINC ist es notwendig, gute Startwerte für die Parameter zu besitzen. Als Startwerte wurden in erster Näherung die mit FITEFF ermittelten Konstanten eingesetzt. Mit FITEFF nicht bestimmbare Konstanten (z.B. Q_v), die aber für die LINC-Fits benötigt werden, konnten approximativ ermittelt und als LINC-Startwerte benutzt werden. Mit Übergängen vom Grundzustand (010) \leftarrow (000) beginnend wurde ein Vibrationsrotationszustand nach dem anderen hinzugefügt und nach jedem Hinzufügen wurde der ständig wachsende Datensatz von Rotationsvibrationsübergängen neu gefittet. Die erhaltenen Konstanten wurden dann wiederum als Startwerte benutzt nachdem ein neuer Zustand hinzugefügt wurde. Da im globalen Fit mit 11 verschiedenen Zuständen mehr als 70 Parameter angepaßt wurden, mußte auch ein Programm geschrieben werden, welches die LINC-Ausgabedatei liest und eine neue LINC-Eingabedatei schreibt.

2.3.6 Die Wang-Symmetrisierung

Im letzten Abschnitt wurde gezeigt, daß bei der *l*-Typ-Resonanz Nebendiagonalelemente in der Hamiltonmatrix auftreten. Bei den Basiswellenfunktionen handelt es sich somit nicht um die Eigenfunktionen der Hamiltonmatrix. Die Eigenfunktionen sowie die Eigenwerte erhält man durch Diagonalisierung der Matrix. Der hierzu notwendige Rechenaufwand läßt sich durch die sogenannte Wang-Symmetrisierung wesentlich verringern. Bei diesem Verfahren verwendet man Linearkombinationen der Basiswellenfunktionen mit $\pm l$ [29,30]:

$$\Psi_{JlM\gamma} = \frac{1}{\sqrt{2}} [\Psi_{JlM}^* + (-1)^{\gamma} \Psi_{J-lM}^*] \quad \text{bei } l \neq 0$$
(2.35)

$$\Psi_{J0M0} = \Psi_{J0M}^* \quad \text{bei } l = 0 \tag{2.36}$$

mit

$$l \geq 0$$

 $\Psi_{JlM}^{*} = (-1)^{\beta} \Psi_{JlM}$
 $\beta = (1/2)(|l+M|+|l-M|)$

Der Wert von γ kann 0 (gerade) oder 1 (ungerade) betragen. Die $\gamma = 0$ Funktionen bezeichnet man als symmetrische Wang-Funktionen, mit $\gamma = 1$ erhält man antisymmetrische Wang-Funktionen. Die Rotationsquantenzahl wird durch J mit $J = 0, 1, 2, 3 \dots$ und die magnetische Quantenzahl M durch $M = J, J-1, J-2, \dots$ symbolisiert. Für den linearen Fall (linearer Kreisel) wird die Quantenzahl K (Rotation um die Figurenachse) mit $l = v_i, v_i - 2, v_i - 4, \dots, -v_1$, der Quantenzahl für den schwingungsinduzierten Drehimpuls, bezeichnet. Die Quantenzahl l kann bei dreiatomigen Molekülen nur für die Knickschwingung ν_2 Werte von Null verschieden annehmen. Im feldfreien Raum kann M vernachlässigt werden, da die Rotationsenergien nicht M-abhängig sind. Mit anderen Worten ausgedrückt sind die Rotationsenergien unabhängig von der Orientierung eines Moleküls im Raum. Für $\Psi_{JlM\gamma}$ und Ψ_{JlM}^* kann man daher $\Psi_{l\gamma}$ und Ψ_l^* schreiben, wobei $(J \geq l)$. In Matrixschreibweise lautet die Beziehung für ein gegebenes J:

oder

$$\Psi = \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \Psi^* , \qquad (2.38)$$

wobei \mathbf{X}^{T} die transponierte Matrix zu \mathbf{X} und Ψ die Spaltenmatrix der Linearkombinationen ist. Bei der Linearkombination werden entweder nur gerade oder nur ungerade *l*-Werte herausgegriffen. Läßt man die Transformationsmatrix auf die Hamiltonmatrix einwirken, so gelingt es diese zu blockdiagonalisieren.

$$\mathbf{H}' = \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{H} \mathbf{X}$$
(2.39)

Die einzelnen Blöcke stellen kleinere Submatrizen dar, die nun getrennt diagonalisiert werden können. Diese Submatrizen besitzen folgende Form:

$$\mathbf{E}^{+} = \begin{bmatrix} E_{00} & \sqrt{2}E_{02} & 0 & \cdot & \cdot \\ \sqrt{2}E_{02} & E_{22} & E_{24} & 0 & \cdot \\ 0 & E_{24} & E_{44} & E_{46} & \cdot \\ \cdot & 0 & E_{46} & E_{66} & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix}, \qquad (2.40)$$
$$\mathbf{E}^{-} = \begin{bmatrix} E_{22} & E_{24} & 0 & \cdot & \cdot \\ E_{24} & E_{44} & E_{46} & 0 & \cdot \\ 0 & E_{46} & E_{66} & E_{68} & \cdot \\ \cdot & 0 & E_{68} & E_{88} & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix}, \qquad (2.41)$$
$$\mathbf{O}^{\pm} = \begin{bmatrix} E_{11} \pm E_{-11} & E_{13} & 0 & \cdot & \cdot \\ E_{13} & E_{33} & E_{35} & 0 & \cdot \\ 0 & E_{35} & E_{55} & E_{57} & \cdot \\ \cdot & 0 & E_{57} & E_{77} & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix}. \qquad (2.42)$$

In Abhängigkeit davon, ob l gerade oder ungerade ist, entstehen jeweils zwei der vier möglichen Submatrizen, **E** für gerades l (even) oder **O** für ungerades l (odd). Je nach Wahl von γ erhalten die Submatrizen die Parität + bei $\gamma = 0$ oder - bei $\gamma = 1$. Die Parität bezeichnet das Verhalten der Wellenfunktion bei Inversion der Koordinaten. Findet kein Vorzeichenwechsel statt, so besitzt die Wellenfunktion die Parität +, wechselt das Vorzeichen, so besitzt sie die Parität -. Für die Energieniveaus läßt sich damit die e-/f-Kennzeichnung einführen. Nach Brown et al. [2] werden Niveaus der Parität + $(-1)^J$ als e, solche der Parität $-(-1)^J$ als f, bezeichnet. Der Zusammenhang zwischen den e- und f-Labels und den Wangschen Linearkombinationen ist bei YAMADA [31] beschrieben und in Tabelle 2.1 dargestellt.

Die Parität ist bei geradem J + für ein e-Niveau und – für ein f-Niveau. Der Parameter γ der Wangschen Linearkombinationen läuft jedoch nicht parallel mit der Parität. Ist l gerade, so ist γ für ein e-Niveau 0 und für ein f-Niveau 1. Bei ungeradem l ist γ für ein e-Niveau 1 und für ein f-Niveau 0. Ohne Resonanz wird für jeden Zustand eine eigene Matrix aufgespannt. Im Falle

Tabelle 2.1 Symmetrieklassifizierung der Rotationsschwingungsniveaus des linearen Moleküls in angeregten Knickschwingungszuständen nach YAMADA [31].

Sub-			Label	Parität für	
matrix	γ	l	e- oder f	$\operatorname{ger}.J$	unger. J
\mathbf{E}^+	0	even	е	+	_
E^-	1	even	f	—	+
\mathbf{O}^+	0	odd	f	—	+
0-	1	odd	е	+	_

einer Fermi-Resonanz gehen die jeweils wechselwirkenden Energieniveaus einer Polyade gemeinsam in die Wangschen Matrizen ein. Für die Auswertung bedeutet dies, daß alle in Resonanz stehenden Zustände durch eine Matrix repräsentiert werden müssen, denn nur so lassen sich die Wechselwirkungskonstanten bestimmen. Analog gilt dies für Coriolis-Resonanzen.

2.4 Literaturverzeichnis

- D. PAPOUŠEK UND M. R. ALIEV, Molecular Vibrational-Rotational Spectra, Band 17 der Studies in Physical and Theoretical Chemistry, Elsevier Scientific Publishing Company, Amsterdam, Niederlande, 1982.
- [2] J. M. BROWN, J. T. HOUGEN, K. P. HUBER, J. W. C. JOHNS, I. KOPP, H. LEFEBVRE-BRION, A. J. MERER, D. A. RAMSAY, J. ROSTAS UND R. N. ZARE, The Labeling of Parity Doublet Levels in Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 55, 500-503 (1975).
- [3] P. R. BUNKER UND P. JENSEN, Molecular Symmetry and Spectroscopy, Ottawa, 2nd. Auflage, NRC Research Press, Ottawa, 1998.
- [4] B. P. WINNEWISSER, J. REINSTÄDTLER, K. M. T. YAMADA UND J. BEHREND, Interactive Loomis-Wood Assignment Programs, J. Mol. Spectrosc. 136, 12–16 (1989).
- [5] J. REINSTÄDTLER UND J. C. GRECU, The Giessen Loomis-Wood Program, Physikalisch-Chemisches Institut, Justus-Liebig-Universität Gießen, 35392 Gießen, Germany, 1990.
- [6] F. STROH, Cyanisocyan, CNCN. Identifikation und Charakterisierung einer neuen Spezies mittels Hochauflösender Mikrowellen- und Fourier-Tranform-Infrarot-Spektroskopie, *Dissertation*, Justus-Liebig-Universität Gießen, D26, 1991.
- [7] F. STROH, J. REINSTÄDTLER, J. C. GRECU UND S. ALBERT, The Giessen Loomis-Wood Program LW 5.1, Physikalisch-Chemisches Institut, Justus-Liebig-Universität Gießen, Heinrich-Buff-Ring 58, 35392 Gießen, Germany, 1992.
- [8] F. W. LOOMIS UND R. W. WOOD, The Rotational Structure of the Blue-Green Bands of Na₂, Phys. Rev. 32, 223-236 (1928).
- [9] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, The ν_1 and $\nu_1 + \nu_2 \nu_2$ Infrared Absorption Band of $\mathbf{H}^{12}\mathbf{CP}$, J. Mol. Spectrosc. 69, 319-325 (1978).
- [10] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, High-Resolution Infrared Absorption Spectrum of \mathbf{H}^{12} CP. The ν_3 Band, J. Mol. Spectrosc. 79, 502–506 (1980).
- [11] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of Methinophosphide: *l*-Type Doubling, *l*-Type Resonance and the ν_2 , $2\nu_2$, and $3\nu_3$ Bands of H¹²CP; The ν_1 and ν_2 Bands of H¹³CP, *J. Mol. Spectrosc.* 87, 490–505 (1981).
- [12] A. CABANA, Y. DOUCET, J.-M. GARNEAU, C. PEPIN UND P. PUGET, The Vibration-Rotation Spectrum of Methinophosphide: The Overtone Bands $2\nu_1$ and $2\nu_3$, the Summation Bands $\nu_1 + \nu_2$ and $\nu_2 + \nu_3$, and the Difference Band $\nu_1 - \nu_2$, J. Mol. Spectrosc. 96, 342–350 (1982).
- [13] J. LAVIGNE UND A. CABANA, The ν_3 Vibration-Rotation Band of DCP and the Equilibrium Structure of Methinophosphide, Can. J. Phys. 60, 304–306 (1981).
- [14] J. LAVIGNE, C. PEPIN UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of DCP, J. Mol. Spectrosc. 99, 203-208 (1983).
- [15] J. LAVIGNE, C. PEPIN UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of $D^{12}CP$ in the Region of the ν_2 Band: The Spectroscopic Constants for the States 00^00 , 01^{10} 02^{00} and the Bond Lengths of the Molecule, J. Mol. Spectrosc. 104, 49–58 (1984).
- [16] C. PEPIN UND A. CABANA, The $\nu_1 + \nu_2$ Vibration-Rotation Band of D¹²CP and Evidence for Fermi Resonance in the 100, 002 Diad, J. Mol. Spectrosc. 119, 101–106 (1986).
- [17] J. W. C. JOHNS, J. M. R. STONE UND G. WINNEWISSER, Millimeter Wave Spectra of HCP and DCP, J. Mol. Spectrosc. 38, 441–448 (1971).
- [18] P. DREAN, J. DEMAISON, L. POTEAU UND J. M. DENIS, Rotational Spectrum and Structure of HCP, J. Mol. Spectrosc. 176, 139-145 (1996).

- [19] M. JUNG, Die Synthese von Methinophosphid und das hochaufgelöste FT-IR-Spektrum, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universtät Gießen, 1993.
- [20] M. JUNG, B. P. WINNEWISSER UND M. WINNEWISSER, High Resolution FT-IR Spectra of the ν_1 , ν_2 , and ν_3 Bands of H¹²CP and of the ν_1 and ν_2 Bands of H¹³CP, J. Mol. Struct. **413-414**, 31-48 (1997).
- [21] Κ. A. KEPPLER, An All-Vacuum High Resolution Fourier Transform Spectrometer with Absorption Pathlengths up to 352m: Acetylene Spectrum at 1.4–1.7 μm, Dissertation, The Ohio State University, Columbus, Ohio, U.S.A., 1995.
- [22] J. PREUSSER, Computerunterstützte Millimeterwellenspektroskopie an kleinen linearen und quasilinearen Molekülen, Dissertation, Justus-Liebig-Universtät Gießen, D26, 1994.
- [23] K. M. T. YAMADA, F. W. BIRSS UND M. R. ALIEV, Effective Hamiltonian for Polyatomic Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 112, 347-356 (1985).
- [24] D. L. ALBRITTON, A. L. SCHMELTEKOPF UND R. N. ZARE, An Introduction to the Least-Squares Fitting of Spectroscopic Data in Molecular Spectroscopy: Modern Research, Vol. II, K. N. Rao (Hrsgb.), Academic Press, New York, 1976.
- [25] R. M. LEES, Linear Dependence in Least Squares Analysis, with an Application to Internal Rotation, J. Mol. Spectrosc. 33, 124–136 (1970).
- [26] H. G. ZACHMANN, Mathematik für Chemiker, Verlag Chemie, Weinheim, 1981.
- [27] R. P. FEYNMAN, Forces in Molecules, Phys. Rev. 56, 340-343 (1939).
- [28] P. W. ATKINS, Molecular Quantum Mechanics, Oxford University Press, Oxford, 1981.
- [29] S. C. WANG, On the Asymmetrical Top in Quantum Chemistry, Phys. Rev. 34, 243-252 (1929).
- [30] W. GORDY UND R. L. COOK, Microwave Molecular Spectra, New York, Wiley-Interscience, London, 1984.
- [31] K. YAMADA, Effect of Phase Choices in Rovibrational Wavefunctions on the Labeling of K- and l-Type Doubling in Molecular Energy Levels, Z. Naturforsch. 38a, 821–834 (1983).

Kapitel 3

Synthese von HCP und DCP

3.1 Darstellung von HCP

Die Synthese von HCP erfolgte durch eine Pyrolyse des Vorläufers CH_3PCl_2 (Methyldichlorphosphan) [1], der wie folgt dargestellt wurde:



Abbildung 3.1 Syntheseschema von HCP

3.1.1 Durchführung der 1. Stufe: Darstellung des Kinnear-Perren Komplexes

In einem Dreihalskolben (1 Liter) wurden 200 g (1.5 mol) AlCl₃ (wasserfrei) vorgelegt. Über einen Tropftrichter wurden langsam 88 ml (1 mol) PCl₃ zugegeben. Das fein gepulverte AlCl₃ bildete mit PCl₃ einen zähen Brei und mußte mit einem KPG-Rührer bei niedrigen Umdrehungszahlen durchmischt werden, um ein Blockieren oder Abreißen der Glasflügel des Rührers zu verhindern. Die zähe Mixtur wurde mit einem Ölbad auf 348 K (75 °C) geheizt. Ein verspiegelter Kondensor wurde auf die Apparatur aufgesetzt und mit einer Aceton/Trockeneis Kühlmischung befüllt. Anschließend wurde in die Apparatur ein schwacher CH₃Cl Gasstrom eingeleitet. Dazu war das Einleitungsrohr so angepaßt, daß das CH₃Cl nahe am Rührer austrat. Zur Trocknung des Methylchlorids wurde eine Waschflasche mit 98 % H₂SO₄ vorgeschaltet. Entscheidend für das Gelingen der Reaktion war die Einstellung des CH₃Cl-Gasstromes. Ein Überschuß an Methylchlorid mußte die Reaktionsmischung passieren, aber gleichzeitig sollten nur minimale Mengen an CH_3Cl zurückkondensiert werden. Die optimale CH_3Cl Addition fand zwischen 343 K (70 °C) und 348 K (75 °C) statt. Übermäßige Rückkondensation führte zur Senkung der Temperatur, die die CH_3Cl Addition und somit die gesamte Reaktion verlangsamte.

Die Reaktion erfolgte sehr langsam und nach 3 Stunden sonderte sich von der zähen Mixtur eine ölige, farblose Flüssigkeit ab. Ab diesem Zeitpunkt wurde die Rührfrequenz erhöht. Nach 6 Stunden war die Reaktionsmischung vollständig dickflüssig, aber nicht mehr klar, sondern leicht trüb. An der Glaswand war ein farbloser Kristallrand zu erkennen.

Nach 12 Stunden lag ein zäher, farbloser Kristallbrei vor, und die Rührfrequenz mußte wieder zurück genommen worden. Die CH₃Cl Einleitung wurde gestoppt und der Trockeneis-Kondensor entfernt, um überschüssiges CH₃Cl verdampfen zu lassen. Der erhaltene Kinnear-Perren Komplex [CH₃PCl₃]⁺[AlCl₄]⁻ wurde in einer Eintopfreaktion im selben Reaktionsgefäß für die zweite Reaktionsstufe eingesetzt [2,3].

3.1.2 Durchführung der 2. Stufe: Reduktion des Komplexsalzes zu CH₃PCl₂

Dem [CH₃PCl₃]⁺[AlCl₄]⁻ Komplex wurden 500 ml Phthalsäurediethylester (über CaCl₂ getrocknet) als Lösungsmittel zugesetzt. Dazu mußte das Reaktionsgefäß mit Eiswasser gekühlt werden. Nach der Zugabe von 50 ml Phthalsäurediethylester stieg die Temperatur auf 313 K (40 °C). Die Kühlung verhinderte dann ein weiteres Ansteigen. Die restlichen 450 ml wurden langsam über einen Tropftrichter zugegeben. Dabei blieb die Temperatur mit 283 K (10 °C) konstant. Der Komplex ging sehr schlecht in Lösung, deshalb mußte 6 Stunden gerührt werden. Anschließend wurde bei einem Druck von 2 mm Hg vier Stunden entgast.

Unter starkem Rühren wurden 81.2 g (0.667 mol) fein gepulvertes Antimon (Körnung 100 mesh) zugegeben. Die Temperatur stieg auf 303 K (30 °C), pendelte sich dann auf 296 K (23 °C) ein. Die zu Anfang schwarz graue Mischung hellte sich nach einer Stunde auf – nach zwei Stunden lag eine hellgraue Suspension vor, die Reduktion war beendet. Perry *et al.* [4] nehmen an, daß die Aufhellung durch ausgefallenes, weißes SbCl₃ entsteht.

Bei 10 mm Hg und einer Temperatur von 348 K (75 °C) wurde das Rohprodukt CH₃PCl₂ abdestilliert und in einem Trockeneis-Aceton gekühltem Kolben aufgefangen [4]. Dieser Reaktionsschritt dauerte ca. 2 Stunden, wobei die Reaktionsmischung im Vorlagegefäß zunehmend zäher wurde. Zurück blieb eine graue polymere Masse, die nicht mehr aus dem Kolben entfernt werden konnte. Die Fraktionierung des Rohprodukts erfolgte bei 700 mm Hg. Bezogen auf die PCl₃ Einwaage ergab sich eine Ausbeute von 70 % gegenüber dem von PERRY *et al.* [4] angegebenen Wert von 90 %. Die spektroskopische Charakterisierung der Edukte und Produkte wurde ausührlich in meiner Diplomarbeit [5] diskutiert.

3.1.3 Durchführung der 3. Stufe: Pyrolyse von CH₃PCl₂

Bei der Pyrolyse wurde gasförmiges CH₃PCl₂ bei einem Druck von 0.07 - 0.09 mbar durch ein Mineralquarzglasrohr mit 8 mm innerem Durchmesser gepumpt (Rotations-Diffusionspumpenstand) Abbildung 3.2 zeigt den schematisch den Versuchsaufbau der Pyrolyse. Das Quarzrohr besaß auf einer Länge von 250 mm eine Temperatur von 900 °C. Die Thermolyseprodukte (HCl und HCP) wurden anschließend über 1,3,5-Tricyclohexylhexahydro-s-triazin (200 mm langes Rohr, 10 mm innerer Durchmesser, halb gefüllt) geleitet, um HCl abzufangen [1]. Gasförmiges HCl muß aus der HCP-Probe entfernt werden, um bei längeren Meßzeiten (HCP und HCl würden sich in der Meßzelle befinden) die stufenweise Rückreaktion zum Vorläufer CH₃PCl₂ zu verhindern:
$HCP + HCl \rightarrow CH_2PCl + HCl \rightarrow CH_3PCl_2.$

Die Gas-Feststoff Reaktionszone wurde auf Raumtemperatur gehalten und das Triazin-Derivat zeigte einen Partialdampfdruck von 0.01 mbar. Diese Methode der HCl-Entfernung war effektiver, als die Reaktion von HCl und KOH bei -78 °C [6]. Trotzdem hat auch der Einsatz von Triazin-Derivaten als Base den Nachteil, daß diese im Vakuum langsam zerfallen. Eines der Zerfallsprodukte ist dabei HCN. In Abbildung 4.2 ist die ν_2 Bande von HCN bei 713.46 cm⁻¹ deutlich zu sehen und überlappt noch mit der ν_2 Knickschwingungsbande von HCP. Nach dem Entfernen von HCl wurde HCP bei -77 K ausgefrorern. Die ebenfalls in Abbildung 4.8 sichtbare HNO₃ Verunreinigung stammte von einem im Messablauf vorher stattgefundenen Experiment in der 3 m langen Absorptionszelle.

Die Optimierung der Pyrolyse-Reaktion bestand hauptsächlich in der Minimierung der Produktion von Nebenbestandteilen wie CO, CO_2 , C_2H_4 und C_2H_2 . Bei höheren Temperaturen als 900 °C entstehen vor allem C_2H_4 und C_2H_2 . Der Kohlendioxidgehalt der synthetisierten HCP-Proben wurde leicht reduziert, indem die HCP-Proben aufgetaut und in einer VGSR (Vacuum Gas Solid Reaction) mit NaOH bei 113 K in Kontakt gebracht wurden. Dabei reagiert CO₂ teilweise mit NaOH zu Na₂CO₃ und H₂O. Allerdings nimmt dabei auch der HCP-Gehalt der Probe ab. Eine genaue Anleitung dazu kann aus meiner Diplomarbeit [5] entnommen werden.

Durch diese Synthese konnte HCP mit weniger Nebenbestandteilen, im Vergleich zur Synthese nach GIER [7], hergestellt werden. Gier setzte PH₃ in einer elektrischen Entladung zwischen zwei Graphitelektroden zu HCP und C_2H_2 in einem Verhältnis von 1 : 4 um.







Abbildung 3.3 Schematische Darstellung der Entfernung von CO₂ aus HCP-Proben mittels Sublimation über NaOH.

3.2 Darstellung von DCP

Bei der Darstellung von HCP ist im letzten Syntheseschritt, der Pyrolyse des Vorläufers CH_3PCl_2 , eine Temperatur von 900 °C nötig. Für eine höhere Ausbeute an HCP aber wäre eine niedrigere Pyrolysetemperatur von Vorteil. In der Publikation von DREAN *et al.* [8] wurde von einer anderen Synthese berichtet. Diese Synthese beruht prinzipiell auf dem Aufbau des Vorläufers $CHCl_2PH_2$. Der Vorläufer besitzt verglichen mit CH_3PCl_2 den Vorteil, daß die P-H-Bindung leichter thermisch zu spalten ist, als die C-H-Bindung. Die Pyrolyse kann daher statt bei 900 °C schon bei 350 °C ablaufen. Die Darstellung von DCP aus dem Vorläufer CH_3PCl_2 ist auch aus Kostengründen nicht realisierbar, da man mit CD_3Cl arbeiten müßte, welches sehr teuer ist. Die von DREAN *et al.* [8] beschriebene Synthese zu HCP wurde leicht modifiziert. Durch die Einführung eines Hydrolyseschritts mittels D_2O konnte das benötigte Deuteriumatom in den Vorläufer $CHCl_2PH_2$ kostengünstig eingebaut werden. Für diesen Voräufer muß auch nur ein Deuterium eingebaut werden, statt drei D-Atome für den Fall der anderen Synthese von CD_3PCl_2 . Im Folgenden werden die einzelnen Stufen der Reaktion beschrieben.

1) Nach Kosolapoff [9] wurden 0.48 mol (110 ml) Triisopropylphosphit mit einem 20 prozentigen Überschuß von Tetrachlorkohlenstoff versetzt und 6 h unter Rückflußkühlung erhitzt. Die Destillationsapparatur wurde nicht mit einem Trockenrohr (CaCl₂ o. ä.) versetzt, da bei der Reaktion von Triisopropylphosphit mit CCl₄ Chlorpropan (Sdp. 36 °C) eliminiert wird (siehe Abb. 3.4). Bei zu starker Kühlung tropft das Nebenprodukt in das Reaktionsgefäß zurück, was die Reaktionsdauer erhöht. Die Auswaage des Reaktionsproduktes Trichlormethanphosphonsäurediisopropylesters **1** ergab nach zweimaliger Vakuum-Destillation (Sdp. 130 °C /12 mm) 0.44 mol



Abbildung 3.4 Syntheseschema von DCP. Die iso-Propylgruppe ist mit iPr abgekürzt.

(124.24 g) (91 % Ausbeute).

2) In der zweiten Reaktionsstufe erfolgte ein Li/Cl Austausch durch eine Metallierung von 40 mmol (10.5 ml) 1 mit 44 mmol *n*-BuLi zum Dichlormethylphosphonat Anion (Seyfarth und Marmor [10]). Die Reaktion wurde bei -78 °C unter Stickstoff in THF ausgeführt. Das in Hexan gelöste *n*-BuLi wurde tropfenweise innerhalb von 10 Minuten unter Rühren zugefügt. Die Reaktionslösung wurde weitere 5 Minuten bei -78 °C gerührt.

3) Danach wurde das Reaktionsprodukt 2 mit 48 mmol (1ml) D_2O in 20 ml THF, ebenfalls bei -78 °C, versetzt. Anschließend wurde der Reaktionskolben langsam auf Zimmertemperatur erwärmt. Dazu wurden weitere 80 ml D_2O gegeben. Unter Vakuum wurde die Reaktionslösung eingeengt. Das über den Li/D Austausch erhaltene deuterierte Reaktionsprodukt 3 wurde aus der wässrigen Lösung 3 × mit je 30 ml Ether ausgeethert. Der Ether wurde mit Natriumsulfat getrocknet und mit einer Mikrodestille destilliert. Es wurden 0.032 mol (8.05 g) des Deuterodichlormethyldiisopropylphosphonats 3, welches einer Ausbeute von 80.5 % entspricht, erhalten.

4) Im vorletzten Reaktionsschritt wurde eine chemoselektive Reduktion mit Dichloralan (AlHCl₂) bei -78 °C durchgeführt (Cabioch und Denis [11]). Dichloralan wird intermediär über LiAlH₄ und AlCl₃ dargestellt. Dazu wurden 0.045 mol (1.712 g) LiAlH₄ in 100 ml Diethylether auf -78 °C gekühlt und schnell 0.136 mol (18.13 g) AlCl₃ zugegeben. Diese Suspension wurde auf 10 °C erwärmt und erneut auf -78 °Cgekühlt. Das in 30 ml Diethylether gelöste Phosphonat **3** wurde über eine Spritze durch ein Septum zugetropft, so daß die Temperatur nicht über - 70 °C stieg. Nach Ende der Zugabe wurde die Mischung auf 10 °C erwärmt und die flüchtigen Bestandteile im Vakuum in eine Kühlfalle gepumpt. Aufgrund der geringen Menge des erhaltenen α, α' -Dichlor, α -Deuterophosphans, wurde die Diethylether/Phosphan Mischung zur Pyrolyse zum DCP eingesetzt. α, α' -Dichlor, α -Deuterophosphane polymerisieren bei Raumtemperatur langsam. Auf diese Weise (Verzicht der destillativen Reinigung) sollte eine weitere Reduktion der Phosphan und nicht der Ether zersetzt. Somit stört der Diethylether die Pyrolyse nicht [12,13]. Alle Reaktionen wurden in einem Abzug durchgeführt, da Dichloralkylphosphane und Phosphaalkine giftig und pyrophor sind.

5) Die abschließende Pyrolyse des Deuterodichlormethylphosphans zu DCP erfolgte im Vakuum über eine Gas-Feststoff-Reaktion (VGSR: Vacuum Gas Solid Reaction) an K_2CO_3 bei 350 °C. Dazu wurde ein Glasrohr von 30 mm Ø über eine Länge von 420 mm halbvoll mit K_2CO_3 (3 Stunden bei 350 °C im Vakuum getrocknet) gefüllt. Dieses Glasrohr, horizontal angeordnet, befand sich in einem Ofen mit einer beheizten Länge von 350 mm. Über ein Vorlagengefäß mit Teflon-Hahn wurde bei einem Druck von ca. 0.1 mbar einige Stunden pyrolysiert. Die Pyrolyseprodukte DCP, CO_2 und H_2O wurden in einem Probenrohr bei 77 K (N_2 flüssig) aufgefangen und für die spätere Messung bei 77 K gelagert. Der Aufbau der Pyrolyse kann einer Publikation von Drean et al. [8] entnommen werden.

3.3 Literaturverzeichnis

 B. PELLERIN, J.-M. DENIS, J. PERROCHEAU UND R. CARRIE, Unhindered Phosphaalkenes and Phosphaalkynes in Stable Condition from a Vacuum Multistep Sequence, Tetrahedron Lett. 27, 5723-5726 (1986).

- J. B. REESOR, B. J. PERRY UND E. SHERLOCK, The Synthesis of Highly Radioactiove Isopropyl Methylphosphonofluoridate (Sarin) containing P³² as Tracer Element, Can. J. Phys. 38, 1416-1427 (1960).
- [3] A. M. KINNEAR UND E. A. PERREN, Formation of Organo-phosphorous Compounds by the Reaction of Alkyl Chlorides with Phosphorous Trichloride in the presence of Aluminium Chloride, J. Chem. Soc. 3437–3445 (1952).
- [4] B. J. PERRY, J. B. REESOR UND J. L. FERRON, The Synthesis of Alkylphosphonous Dichlorides from Aluminium Chloride-Phosphorous Trichloride-Alkyl Chloride Complexes, *Can. J. Phys.* 41, 2299–2302 (1963).
- [5] M. JUNG, Die Synthese von Methinophosphid und das hochaufgelöste FT-IR-Spektrum, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universtät Gießen, 1993.
- [6] T. A. COOPER, H. W. KROTO, J. F. NIXON UND O. OHASHI, Detection of C-Cyanopolyene, NCCP, by Microwave Spectroscopy, J.C.S. Chem. Comm. 333-334 (1980).
- [7] T. E. GIER, HCP, A Unique Phosphorous Compound, J. Am. Chem. Soc. 83, 1769–1770 (1961).
- [8] P. DREAN, J. DEMAISON, L. POTEAU UND J. M. DENIS, Rotational Spectrum and Structure of HCP, J. Mol. Spectrosc. 176, 139-145 (1996).
- G.M. KOSOLAPOFF, Isomerization of Alkyl Phosphites. VI. Reactions with Chlorides of Singular Structure, J. Am. Chem. Soc. 69, 1002-1003 (1947).
- [10] D. SEYFARTH UND R.S. MARMOR, Diethyl Lithiodichloromethylphosphonate and Tetraethyl Lithiochloroethylenediphosphonate, J. Organmet. Chem. 59, 237-245 (1973).
- [11] J.L. CABIOCH UND J.M. DENIS, Preparative Synthesis of Primary Vinylphosphines by Chemoselective Reduction of the Corresponding Vinylphosphonates, J. Organmet. Chem. 377, 227-233 (1989).
- [12] J.C. GUILLEMIN, T. JANATI P. GUENOT UND J.M. DENIS, Synthese von nicht stabilisierten Phosphaalkinen durch HCl-Eliminierung in einer Vakuum-Gas-Feststoff-Reaktion, Angew. Chem. 103, 191–193 (1991).
- [13] J.M. DENIS, J.C. GUILLEMIN UND M. GUENNEC, Synthesis of Primary α, α^{2} -Dichlorophosphines, Precursors of Unhindered C-Chlorphospha-alkenes and Synthetic Equivalents of λ^{3} -Phospha-alkynes, Phosphorous, Sulfur, and Silicon 49, 317–320 (1990).

Kapitel 4

FT-IR-SPEKTREN VON HCP

4.1 Einleitung

Das lineare Molekül HCP, das Phosphoranalogon zu HCN wurde zuerst 1961 von GIER [1] beschrieben. Gier untersuchte ein niedrig aufgelöstes Infrarotspektrum von HCP, welches auf ein mit flüssigem Stickstoff gekühltes Fenster kondensiert wurde. Mit diesem Spektrum konnten die drei fundamentalen Schwingungsbanden zugeordnet werden. Die Bandenzentren \tilde{G}_c der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von H¹²CP liegen bei 3216.89 cm⁻¹ und 1278.28 cm⁻¹. Das Bandenzentrum der fundamentalen, entarteten Knickschwingungsbande ν_2 liegt bei 674.03 cm⁻¹. Für H¹³CP konnte dem Bandenzentrum der Streckschwingungsbande ν_1 ein Wert von 3204.64 cm⁻¹ zugewiesen werden; die zweite fundamentale Streckschwingungsbande ν_3 ist sehr schwach. Trotz mehrerer Messungen mit höherem HCP-Druck und größerer Absorptionsweglänge des Infrarotmeßstrahl, konnte diese Bande nicht gefunden werden. Das Bandenzentrum der Knickschwingungsbande ν_2 der ¹³C Spezies liegt bei 669.25 cm⁻¹.

Die ersten Mikrowellenspektren von HCP und drei seiner Isotopomere (H¹³CP, DCP, D¹³CP) wurden 1964 von TYLER [2] aufgenommen. JOHNS *et al.* [3] konnten 1971 diese Arbeiten in den Millimeterwellenbereich ausdehnen. Das UV-Absorptionsspektrum von HCP wurde 1968 ebenfalls von JOHNS *et al.* [4] untersucht. LEHMANN *et al.* [5], CHEN *et al.* [6] und ISHIKAWA *et al.* [7] studierten das Fluoreszens-Spektrum von HCP sowie hochangeregte Vibrationszustände mittels SEP (stimulated emission pumping) Methoden. Aus der Vielzahl der theoretischen Arbeiten, die bereits in meiner Diplomarbeit [8] erwähnt und besprochen wurden, sollen hier nur zwei neuere zitiert werden. PUZZARINI *et al.* [9] und FARANTOS *et al.* [10] präsentieren neu berechnete Rotationsvibrationsenergieniveaus und exakte quantenmechanische bound-state Berechnungen.

Nach der Entdeckung von HCP wurden weitere Moleküle mit CP-Dreifachbindungen hergestellt und mit verschiedenen Methoden spektroskopisch charakterisiert. So konnten CH₃CP [11], FCP [12], CICP [13,14], NCCP [15], CH₃CP [11] und andere, kleine Moleküle mit CP-Dreifachbindungen nachgewiesen werden. Rotationsaufgelöste Infrarotmessungen von HCP und DCP wurden von CABANA und Mitarbeitern [16–22] durchgeführt. In der vorliegenden Arbeit konnten Spektren mit einer weit höheren Auflösung (mit Doppler oder nahe Doppler Auflösung) und einer Reihe neuer Subbanden zu noch nicht gemessenen Rotationsvibrationsenergieniveaus erhalten werden. Die gemessenen Spektren wurden in den Wellenzahlbereichen der drei fundamentalen Vibrationsbanden mit ausreichender Empfindlichkeit aufgezeichnet. Zahlreiche *hot bands*, zwei Banden zu Obertonschwingungen der ν_2 und eine durch Fermi-Resonanz induzierte Differenzbande konnten zugeordnet werden. Die hohe Genauigkeit der erhaltenen Meßdaten ermöglichte die erste Fermi-Resonanz Analyse zwischen den Niveaus: (020)/(001), (030)/(011)und (040)/(021)/(002).

4.1.1 Fourier-Transform-Infrarot-Messungen

FT-IR-Spektren wurden in den Bereichen der drei Fundamentalen ν_1 , ν_2 und ν_3 mit einem BRUKER IFS 120 HR Interferometer aufgenommen. Der Aufbau des Spektrometers ist schematisch in Abbildung C.1 im Anhang dargestellt. Die Parameter der einzelnen Messungen sind in Tabelle 4.1 aufgelistet. Der Zerfall von HCP während der Messungen in der 3 m Meßzelle aus Glas, über einen Zeitraum von 20 Stunden, war vernachlässigbar. GARNEAU und CABANA [16] berichten eine Halbwertszeit von 30 - 40 Stunden. Im Spektralbereich A (400–725 cm⁻¹) war das Interferometer mit einer 3 m langen Meßzelle aus Glas verbunden. In den Spektralbereichen B (1200–1850 cm⁻¹), C (1900–2750 cm⁻¹) und D (2500–3600 cm⁻¹) wurde eine White-Typ-Zelle, ebenfalls aus Glas mit einer Basislänge von 82 cm benutzt. Die jeweilige Absorptionsweglänge ist ebenfalls in Tabelle 4.1 angegeben. In jedem Spektralbereich wurde je ein Spektrum mit hohem Druck und ein Spektrum mit niedrigem Druck aufgenommen. Im Spektrum mit einer Transmission von 0 % nicht bestimmt werden. Die Linienpositionen dieser Übergänge konnten den Spektren mit niedrigem Druck oder kleinerer Weglänge entnommen werden.

4.2 Kalibration und Genauigkeit der FT-IR-Messungen

Die Kalibration der FT-IR-Linienpositionen wurde mit internen Kalibrationsgasen, wie in Tabelle 4.2 spezifiziert, ausgeführt. Sie sind Nebenprodukte der Synthese der HCP-Proben. Mit dem Programm AUTOCALIB [23] konnten präzise Kalibrationsdaten für jeden Spektralbereich erhalten werden. Die Ergebnisse sind in Tabelle 4.2 zusammengefaßt. Das im Spektralbereich B vorhandene Kalibrationsproblem wird im Folgenden noch besprochen werden.

In den Parameteranpassungen (Fits) wurden alle Übergänge entsprechend zu ihrem Signal-Rausch-Verhältnis gewichtet. Relative Unsicherheiten jeder Linienposition wurden mit dem Programm WEIGHTS [24] erhalten (siehe Kapitel 2.2). In einem simultanen Fit müssen die Unsicherheiten von FT-IR- und MMW-Linienpositionen einander kompatibel sein. Die relativen Unsicherheiten der MMW und FT-IR-Linienpositionen wurden dem geschätzten absoluten Fehler der Linienpositionen gleichgesetzt. Es wird angenommen, daß die Linienposition mit der höchsten relativen Genauigkeit die best erreichbare Genauigkeit einer Messung darstellt. Die höchste absolute Genauigkeit wurde auf der Basis der Standardabweichung der Kalibrationsfits, wie in Tabelle 4.2 genannt, zu 0.000 02 cm⁻¹ abgeschätzt. Dieser Wert ist eine Funktion vieler Parameter, limitiert durch die Genauigkeit des Experiments, und kann nicht exakt berechnet werden. Die geschätzten Fehler der MW-Linienpositionen liegen zwischen 30–1500 kHz und wurden von DREAN *et al.* [25] ermittelt.

4.3 Analyse und Zuordnung der HCP Spektren

Abbildung 4.1 zeigt den durch die FT-IR-Messungen bestimmten Teil des Termwertediagramms von H¹²CP und H¹³CP. Die durch Fermi-Resonanzen verknüpften Terme sind gekennzeichnet.

4.3.1 Darstellung und Beschreibung der aufgenommenen FT-IR-Spektren von H¹²CP und H¹³CP

Die folgenden Abbildungen der FT-IR-Transmissionsspektren von HCP geben einen Überblick der hochaufgelösten Messungen aus den vier Meßbereichen. Gleichzeitig werden eine Reihe

Meßbedingungen	Spektralbereich			Spektralbereich		Spektralbereich	Spektralbereich	
	A) $400-725 \text{ cm}^{-1}$			B) 1200–1850 cr	n ⁻¹	C) 1900–2750 cm ^{-1}	D) 2500–3600 cm	1-1
Index	0	1	2	3	4	73	9	7
$Gesamtdruck^a$ /mbar	0.431	0.035	0.344	0.254	0.32	1.005	0.102	0.0069
Länge der Meßzelle /cm	300	300	300	82 ^b	82^{b}	82 ^b	82^{b}	82^{b}
Optische Weglänge /cm	300	300	300	328	1312	1968	328	1968
Optische Fenster	KBr	KBr	KBr	KBr	KBr	KBr	KBr	KBr
Lichtquelle	Globar	Globar	Globar	Globar	Globar	Globar	Globar	Globar
Optische Filter / cm ⁻¹	400 - 975	400 - 725	400 - 725	1200-1850	1200 - 1850	1900 - 2750	2500 - 3600	2500 - 3600
Apertur Ø /mm	1.7	1.7	1.7	1.5	1.5	1.5	1.3	1.3
Strahlungsteiler Detektor, (T/K)	3.5µ-Mylar Ge:Cu (4.2)	3.5μ -Mylar Ge:Cu (4.2)	3.5μ-Mylar Ge:Cu (4.2)	Ge aut KBr Ge:Cu (4.2)	Ge:Cu (4.2)	Ge auf KBr In:Sb(77)	Ge auf KBr In:Sb(77)	Ge aut KBr In:Sb(77)
Auflösung c / cm ⁻¹	0.0021	0.0018	0.0018	0.0024	0.0024	0.005	0.0048	0.0048
\tilde{D} opplerlinienbreite / cm ⁻¹	0.00123	0.00123	0.00123	0.00234	0.00234	0.004	0.00589	0.00589
Scans pro Block Gesamtsumme der Scans	319	250 250	300 300	350	500	100	50 600	50 150
Temperatur / K	297.6	296.6	297.6	296.1	296.2	296.3	295	295
Transmissionsspektrum	^d ZTGHCPDS.1	^d ZTGHCPES.1	d ZTGHCPCS.1	ZTGHCPGX.1	ZTGHCPFX.1	ZTHCPK.1	ZTGHCPHX.1	ZTGHCPIX.1
^a Summe des Drucks von HCP ^b Basislänge der White-Typ-Me ^c 1/Maximum Ontical Path Dit	und der Nebenbesta eßzelle. fference	ndteile (z.B. CO ₂).						
^d Diese Spektren wurden bereit	ts während meiner Di	plomarbeit aufgenor	nmen.					
Die Tabelle mit der Zusamme	enstellung der gemess	enen Einkanal- und	Hintergrundspektren	und den daraus bei	rechneten Transmiss	ionsspektren ist im Anha	ng C aufgeführt.	
					112			
					C			
	lingingon	(\	100 795 cm -1	D01 1900	1050 m -1	(1) 1000 3750 mm-		3600 cm -1

Tabelle
4.1
Zusammenstellung
der
Bedingungen
für
die I
FT-IR-Messungen
von l
HCP.

Kalibrationsbedingungen	A) $400-725 \text{ cm}^{-1}$	B) 1200–1850 cm ^{-1}	C) 1900–2750 cm ^{-1}	D) 2500–3600 cm ^{-1}
Index	0 1 2	3 4	5	6 7
Kalibrationsgas Zahl der Linien im Fit Standardabweichung des Fits /10 ⁻⁵ cm ⁻¹	$\begin{array}{cccc} {\rm CO}_2{}^a & {\rm CO}_2{}^a & {\rm CO}_2{}^a \\ 50 & 45 & 14 \\ 1.2 & 1.5 & 1.2 \end{array}$	$\begin{array}{ccc} {\rm H}_2{\rm O}^b & {\rm H}_2{\rm O}^b \\ {}^{22} & {}^{23} \\ {\rm 1.8} & {\rm 1.7} \end{array}$	OCS^c 51 1.3	$\begin{array}{ccc} {\rm OCS}^c & {\rm OCS}^c \\ 36 & 25 \\ 1.3 & 1.5 \end{array}$
 ^a Referenzlinen aus [26]. ^b Referenzlinen aus [26] (siehe Text). ^c Referenzlinen aus [27]. Die Tabellen mit den Kalibrationslinienposition 	en sind im Anhang A angegeben.			

4.3 Analyse und Zuordnung der HCP Spektren



Abbildung 4.1 Ausschnitt aus dem Termwertediagramm von H¹²CP und H¹³CP mit Darstellung der analysierten Fermi-Resonanzen. Die Resonanzsysteme mit den beteiligten Termen sind schattiert, Übergänge zu dem gestrichelt dargestellten Niveau konnten nicht gemessen werden. Die Notation ist $(v_1v_2v_3)^{ls}$ mit der Symmetrie s = e oder f. In rot sind Terme dargestellt, die zuerst in Giessen aus hochaufgelösten FT-IR-Messungen bestimmt wurden.

von zugeordneten Bandensystemen durch Zuordnungskämme beschrieben. Die einzelnen Zacken der Kämme deuten auf die Linienpositionen der jeweiligen Bande. Die Linienpositionen aller Übergänge sind im Anhang angegeben. In Abbildung 4.2 ist der spektrale Bereich der Knickschwingung ν_2 dargestellt. In diesem Bereich überlagern sich die Spektren der Moleküle H¹²CP und H¹³CP. Zu letzterem sind keine Zuordnungskämme von P- und R-Übergängen eingezeichnet. Für H¹³CP werden später einige Zuordnungskämme von Q-Zweigen aufgeführt. Die Zuordnungskämme von P- und R-Zweigen repräsentieren die Linien, die zur Bestimmung der Reihenentwicklungskonstanten der benannten Subbanden aus Tabelle 4.3 benutzt wurden. In Abbildung 4.3 ist das FT-IR-Transmissionspektrum aus dem Bereich der ν_3 aufgezeigt. Die stärksten Linien stammen von H¹³C¹⁵N, welches in einer vorausgegangenen Messung spektroskopisch untersucht wurde. Anscheinend war die Glasmeßzelle mit dieser Substanz verunreinigt. Für die Analyse von Rotationsvibrationsübergängen von HCP war dies aber nicht hinderlich.

Die nächste Abbildung 4.4 gibt einen Überblick zum IR-Spektrum, welches Übergänge zu den Energietermniveaus (002) und (021) zeigt. Die Messung dieser Subbanden war entscheidend für die Analyse der Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) (siehe Kapitel 4.3.7). Die mit einem Fragezeichen gekennzeichneten Linien gehören zu Molekülen die nicht identifiziert wurden (sie entstehen bei der Synthese von HCP).

Abbildung 4.5 zeigt ebenfalls eine prominente HCN Verunreinigung. Neben P/R-Übergängen sind auch einige Q-Zweig Übergänge der Subbanden $(110)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ eingezeichnet. Da Q-Zweige, verglichen mit P/R-Zweigen, sehr schmal sind (der Linienabstand beträgt ΔB , in P/R-Zweigen 2 B), gelingt die Darstellung einzelner Linien eines Q-Zweiges gemeinsam mit P/R-Zweigen nur mit schlechter Auflösung für die Q-Zweig Linien. Aus diesem Grunde werden im übernächsten Kapitel Ausschnitte von einigen Q-Zweigen abgebildet.

4.3.2 Reihenentwicklungskonstanten von H¹²CP und H¹³CP

Reihenentwicklungskonstanten von P/R-Übergängen von H¹²CP sind in Tabelle 4.3 zusammengefaßt. Die entsprechenden Übergänge aus den zugeordneten Q-Zweigen sind in Tabelle 4.4 aufgeführt. Die Zuordnung von Übergängen zu Banden und die Berechnung der Reihenentwicklungskonstanten erfolgt nach den in Kapitel 2.1.1 und in Kapitel 2.2 beschriebenen Verfahren. Die Zusammenstellung der Reihenentwicklungskonstanten von H¹³CP findet sich für P/R-Banden in Tabelle 4.5 und für Q-Zweig Banden in Tabelle 4.6. Zur Bestimmung der Termwerte \tilde{G}_c (definiert als Summe der einzelnen $\tilde{\nu}_c$; Gl. 2.8) wurden alle möglichen Kombinationen von $\tilde{\nu}_c$ benutzt. Die Ergebnisse sind in Tabelle 4.7 aufgeführt.

4.3.3 Darstellung und Beschreibung von Q-Zweigen

Einige der zugeordneten Q-Zweige von $H^{12}CP$ und $H^{13}CP$ sind in den Abbildungen 4.6 – 4.8 zusammengefaßt; sie dienen zur Illustration der vielfältigen Formen, abhängig von den relativen Änderungen der spektroskopischen Konstanten.

Der fundamentale Q-Zweig $(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$ von H¹²CP ist in Abbildung 4.6, Bild A zu sehen. Die Zuordnung erfolgte bis J'' = 56. In Bild C derselben Abbildung ist der Q-Zweig $(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$ dargestellt. Zum nächst höher angeregten Knickschwingungszustand $v_2 = 3$ in Bild D (Abbildung 4.6) sind kaum noch Linien zu erkennen. Nachdem diese Bande zugeordnet war, wurde davon ausgegangen, daß Übergänge zum Zustand $v_2 = 4$ nicht mehr zugeordnet werden können. Aber aufgrund des sehr guten Signal-Rausch-Verhältnisses des Transmissionspektrums ZTGHCPCS.DAT konnte die Subbande aus Bild G erfolgreich zugeordnet werden.

Die Subbanden $(020)^{2f,e} \leftarrow (010)^{1e,f}$ zeigen ein negatives und ein positives $\Delta \tilde{B}_{ps}$. Wie in

Abbildung 4.6 Teil B zu verfolgen, laufen dadurch beide Banden vom Bandenursprung aus in gegensätzliche Richtungen. Die $(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$ Subbande (Abbildung 4.6, Bild B) enthält einen Bandenkopf, jedoch konnte keine von den zurück zu größer werdenden Wellenzahlen laufenden Linien, zugeordnet werden.

Die zu H¹²CP korrespondierenden Subbanden von H¹³CP sind 4.67 cm⁻¹ zu niedrigeren Wellenzahlen, genau vor den Ursprung des fundamentalen Q-Zweiges von H¹²CP, verschoben (siehe Abbildung 4.7 M).

Die $(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e}$ Subbande von H¹³CP ist nur bis J'' = 15 sichtbar. Übergänge zu höheren J-Quantenzahlen sind mit dem intensitätsstarken Q-Zweig $(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$ überlappt (siehe Abbildung 4.7, Bild M).

Die Subbanden $(030)^{3e} \leftarrow (020)^{2f}$ und $(030)^{3f} \leftarrow (020)^{2e}$ aus Abbildung 4.6, Bild F, beide mit positivem $\Delta \tilde{B}_{ps}$, konnten jedoch trotz der Überlappung zugeordnet werden.

Die Intensität der $(040)^{4f,e} \leftarrow (030)^{3e,f}$ Q-Zweige (siehe Abbildung 4.6, Bild G) ist schwach, trotzdem erfolgte die Zuordnung bis J'' = 23. Die *l*-Typ-Aufspaltung kann anscheinend erst ab J'' > 23 beobachtet werden.

Der Q-Zweig $(011)^{1f} \leftarrow (001)^{0e}$ aus Abbildung 4.7, Bild H, ist zwar durch den fundamentalen Q-Zweig (ν_2) der Verunreinigung CO₂ überlagert, die Zuordnung ist jedoch eindeutig. In Bild I ist die Fermi-Resonanz induzierte Bande $(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$ abgebildet. Bild J aus Abbildung 4.7 zeigt zwei Q-Zweige des Oberton-Bandenssystems $(030)^{1f,e} \leftarrow (010)^{1e,f}$. Die Q-Zweige sind nur sehr schwach ausgeprägt, trotzdem konnte eine Zuordnung bis J'' = 6 vorgenommen werden. Die Zuordnung erfolgte, nachdem die entsprechenden P- und R-Zweig Banden (bis J'' = 29) zugeordnet waren. Aus den daraus erhaltenen Konstanten (Tabelle 4.3) wurden dann die Linienpositionen der beiden Q-Zweige voraus berechnet. Die berechneten Linienpositionen stimmen sehr gut mit den im IR-Spektrum vorhandenen Linien überein.

Der fundamentale Q-Zweig von H¹³CP aus Bild K ist sehr gut zu erkennen, zu höheren J-Quantenzahlen läuft er, wie bei H¹²CP, zu höheren Wellenzahlen, welches einem positiven $\Delta \tilde{B}_{ps}$ entspricht. Wie in den Bildern L und M aus Abbildung 4.7 zu verfolgen, nimmt die Transmission zu höher angeregten Übergängen bei H¹³CP schnell ab. Die Zuordnung einiger angeregter Rotationsschwingungsbanden von H¹³CP konnte nur aufgrund des guten Signal-Rauschen-Verhältnisses erfolgen.

In Abbildung 4.8 Bild O und P sind zwei Bandensysteme dargestellt, ohne die die komplette Beschreibung der Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) für l = 0,2 nicht hätte erfolgen können (Kapitel 4.3.7)! Erst nach einigen vergeblichen Versuchen andere Subbanden den Bandensystemen $(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$ und $(040)^{2f,e} \leftarrow (030)^{1e,f}$ zuzuordnen, konnten die richtigen Zuordnungen getroffen werden.

Alle Q-Zweig Linien für H¹²CP und H¹³CP, außer den Linien des $(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$ Systems, konnten im Rahmen der Diplomarbeit von JUNG [8] und der Publikation JUNG *et al.* [28] erstmals mitgeteilt werden.

Der P-Zweig der Subbande $(040)^{4e} \leftarrow (030)^{3e}$ fehlt aufgrund der schwachen Intensität relativ zum R-Zweig, wo einige Übergänge beobachtet wurden, die aber zu intensitätsschwach sind, um sie in einen Fit einzubeziehen. Eine Subbande mit fehlendem R-Zweig wurde im System $(030)^{1e} \leftarrow (020)^{2e}$ gefunden, welche auf die Intensitätsverteilung mit $\Delta l = -1$ zurückzuführen ist. Auch die Parallel-Subbande $(110)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1f,e}$ wurde zugeordnet, doch für die beiden zugehörigen Q-Zweige, mit negativem $\Delta \tilde{B}_{ps}$, ist durch die Überlappung und die geringe Intensität eine Zuordnung nicht möglich.

4.3.4 Kombinierte Fits von H¹²CP

Zur Ermittlung der Startwerte für das Fit-Programm LINC dienten die Reihenentwicklungskonstanten aus Tabelle 4.3. Das Programm LINC benutzt eine Routine, die eine nichtlineare Anpassung nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate durchführt (siehe Abschnitt 2.3). Die erhaltenen Linienpositionen aus den FT-IR-Spektren wurden zusammen mit den von DREAN *et al.* [25] gemessenen Linienpositionen von Rotationsübergängen angepaßt. Insgesamt wurden Rotationsvibrationsdaten, die die Zustände (000), (010), (020), (030), (040), (011), (001), (100), (110), (002) und (021) verknüpfen, verwendet.

Zur Gewichtung der von DREAN [25] gemessenen Rotationsübergängen der Zustände (000), (010), (020) und (001) wurden die angegebenen Fehler benutzt. Alle gemessenen Daten konnten simultan angepaßt werden. Die Fermi-Resonanzpaare (020)/(001) und (030)/(011) stellen, bezogen auf das Fit-Programm LINC, je ein Rotationsvibrationsniveau dar. Daten, die die Niveaus (000), (010) und (020)/(001) verbinden, wurden zuerst gemeinsam gefittet. Die Übergänge zur (030)/(011) Diade wurden danach hinzugefügt und deren Parameter bei festgehaltenen Konstanten der Niveaus (000), (010) und (020)/(001) angepaßt. In diesem Stadium des Fits konnte H_{ν} für (030) nicht bestimmt werden und wurde auf einen Mittelwert der H_{y} -Werte von (000), (010), und (020) festgehalten. Weiterhin wurden Rotationsvibrationsübergänge der Zustände (100) und (110) hinzugenommen. Die gemessenen Linienpositionen stammen aus vier verschiedenen Wellenzahlbereichen, wie in Tabelle 4.1 angegeben. Bei der Bearbeitung des globalen Fits dieser vier Bereiche trat ein Kalibrationsproblem auf. Zur Kalibrierung der Rotationsvibrationsübergänge wurden die in Tabelle 4.2 zitierten Daten benutzt, allerdings waren die Referenzdaten aus dem Bereich B nicht so genau wie die Kalibrationsdaten aus den Bereichen A, C und D. Die Subbanden $(001) \leftarrow (000)$, $(020) \leftarrow (000)$ und $(030) \leftarrow (010)$ aus Bereich B zeigten im simultanen Fit eine systematische Abweichung (Offset) relativ zu den Bereichen A, C und D. Diese Abweichung wurde durch die Einführung eines Kalibrationsfaktors in das Fitprogramm LINC für den Bereich B, relativ zu A, C und D, kompensiert. Dieser Kalibrationsfaktor wurde gemeinsam mit den Molekülparametern im Fit angepaßt. Als für den Bereich B neue Kalibrationsdaten durch die Arbeit von GUELACHVILI et al. [29] erhältlich waren, wurden die Meßdaten neu kalibriert. Dadurch ergab sich eine Reduzierung des Offsets um den Faktor zwei. Trotzdem war noch immer eine kleine Abweichung erkennbar und wurde durch Anpassung eines relativen, linearen Kalibrationsfaktors ausgeglichen. Die durch die Kalibration nicht zu eliminierende Unsicherheit hat einen geschätzten, maximalen Fehler der Übergangswellenzahlen, und somit der Vibrationstermwerte, von \pm 0.0003 cm⁻¹ zur Folge. Dieser Fehler ist kleiner als der Fehler der Standardabweichungen von \tilde{G}_v der Resonanz-Diaden (020)/(001) und (030)/(011). Die für H¹²CP angepaßten spektroskopischen Konstanten sind in Tabelle 4.8 aufgeführt. Am Verlauf der einzelnen Parameter mit der Quantenzahl v, \tilde{q}_J ausgenommen, kann eine gleichmäßige Änderung, festgestellt werden. Das zur Datenreduktion benutzte Modell liefert somit auch in diesem Punkt eine physikalisch sinnvolle Beschreibung. Die Werte für \tilde{q}_J von (030) und (011) zeigen dagegen eine Abweichung von einer gleichmässigen Anderung. Aber auch das Festhalten der \tilde{q}_J Werte auf gleichmässige Abstände lieferte für den Fit mit LINC keine besseren Ergebnisse.



Abbildung 4.2 Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTGHCPDS.1, Gesamtdruck 0.431 mbar) zum ν_2 Bandensystem von HCP. Die Verunreinigung HCN stammt aus der Synthese von HCP. Ebenfalls als Verunreinigung von einer vorhergehenden Messung war HNO₃ in der Meßzelle enthalten. Daß es HNO₃ ist, konnte erst einige Zeit nach der Messung aufgeklärt werden. Die Zuordnungskämme zeigen etwa die Hälfte der im Bereich der ν_2 zugeordneten Bandensysteme von P- und R-Übergängen. Die Werte der Bandenzentren ν_0 sind angegeben. Weitere Reihenentwicklungskonstanten können aus Tabelle 4.3 entnommen werden.



Abbildung 4.3 Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTGHCPGX.1, Gesamtdruck 0.254 mbar) zum ν_3 Bandensystem von HCP. Die Verunreinigung H¹³C¹⁵N stammt aus einer vorhergehenden Messung. Die für HCP getroffenen Zuordnungen von P- und R-Übergängen sind durch Zuordnungskämme dargestellt.

39





Abbildung 4.4 Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTGHCPK.1, Gesamtdruck 1.005 mbar) von HCP im Meßbereich von 2475 – 2675 cm⁻¹. Übergänge des Bandensystems $(100)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$ sind auch im FT-IR-Spektrum von DCP zu erkennen (Abbildung 5.3).



Abbildung 4.5 Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTGHCPHX.1, Gesamtdruck 0.102 mbar) von HCP im Bereich der fundamentalen Schwingung ν_3 . Die Zuordnungen der beobachteten Bandensysteme sind in der Form von Zuordnungskämmen angegeben.

41

						mgegeben.	en Übergänge. Ind im Anhang A a	ng des Fits. ensystem zugeordnet n Linienpositionen si	σ Standardabweichu # Zahl der im Bande Die entsprechende
47	6.80			7.1019(71)	7.1513(72)	0.66449386(64)	0.66759965(64)	3200.275365(21)	$(110)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$
61	3.80			7.0279(32)	7.0802(31)	0.66283776(30)	0.66596960(29)	3200.275372(11)	$(110)^{le} \leftarrow (010)^{le}$
80	3.34		0.116(48)	6.9817(14)	7.0361(11)	0.66314814(21)	0.66632765(20)	3216.8892000(86)	$(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
69	5.90		1.35(12)	7.2754(48)	7.0285(33)	0.66269811(68)	0.66632711(16)	1278.278557(16)	$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
38	12.17			7.727(27)	7.155(31)	0.6642785(17)	0.6675997(18)	1271.469202(51)	$(011)^{\mathrm{lf}} \leftarrow (010)^{\mathrm{lf}}$
36	8.81			7.437(21)	7.0842(25)	0.6625381(13)	0.6659707(14)	1271.469040(38)	$(011)^{\text{le}} \leftarrow (010)^{\text{le}}$
43	6.32		-7.3(11)	7.344(16)	7.1598(73)	0.66895888(81)	0.66760102(66)	1326.589324(30)	$(030)^{\mathrm{lf}} \leftarrow (010)^{\mathrm{lf}}$
42	12.76			7.455(18)	7.104(18)	0.6657236(13)	0.6659725(13)	1326.589367(43)	$(030)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$
81	5.45		3.051(66)	8.5395(21)	7.0370(16)	0.66712037(32)	0.66632797(31)	1334.980126(13)	$(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
42	15.43			7.293(27)	7.086(28)	0.6626987(19)	0.6659695(19)	604.245275(45)	$(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$
44	5.95			7.419(10)	7.253(10)	0.66253555(71)	0.66269666(69)	667.223390(22)	$(011)^{1e} \leftarrow (001)^{0e}$
30	42.34		48. (27)	8.34(28)	7.74(16)	0.6640551(91)	0.6642722(85)	671.55653(24)	$(021)^{2f} \leftarrow (011)^{1f}$
30	41.20			6.49(13)	7.78(12)	0.6640577(70)	0.6625449(68)	671.55687(22)	$(021)^{2e} \leftarrow (011)^{1e}$
27	21.60		-2.49(66)	9.150(70)	7.075(43)	0.66640600(39)	0.6663307(34)	2598.97131(13)	$(021)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
69	9.99	12.0(21)	-3.25(76)	6.9448(90)	7.0762(40)	0.66314664(75)	0.66596961(70)	2542.856352(30)	$(100)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$
51	14.00		-5.0(17)	7.584(24)	7.052(12)	0.6590343(14)	0.6663307(13)	2545.211580(60)	$(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$
25	25.26			2.905(60)	5.812(71)	0.6674570(48)	0.6671619(52)	1318.67932(11)	$(040)^{2e} \leftarrow (020)^{2e}$
33	39.29			7.114(81)	7.120(70)	0.6674429(62)	0.6671501(58)	1318.67985(15)	$(040)^{2f} \leftarrow (020)^{2f}$
41	35.98			10.858(38)	8.428(44)	0.6674028(35)	0.6671124(38)	1318.69646(13)	$(040)^{0e} \leftarrow (020)^{0e}$
39	7.17			I	-7.1 (11)	0.667748(75)	0.667627(85)	687.91331(67)	$(040)^{4e} \leftarrow (030)^{3e}$
39	7.17			6.624(21)	7.155(21)	0.6674217(16)	0.6671500(16)	683.082103(25)	$(030)^{3f} \leftarrow (020)^{2f}$
45	5.87			6.734(12)	5.714(13)	0.66742744(99)	0.6671548(10)	683.082157(15)	$(030)^{3e} \leftarrow (020)^{2e}$
36	14.38			7.429(37)	7.190(43)	0.6689635(25)	0.6671560(27)	648.134225(64)	$(030)^{1f} \leftarrow (020)^{2f}$
23	15.19			10.010(40)	8.082(35)	0.6657222(78)	0.6671639(93)	648.1345294(93)	$(030)^{1e} \leftarrow (020)^{2e}$
53	4.29			7.4309(54)	8.4975(50)	0.66572088(51)	0.66711849(40)	665.641979(14)	$(030)^{1e} \leftarrow (020)^{0e}$
63	1.00			7.1881(11)	7.1529(10)	0.66715296(10)	0.667599874(93)	678.4545260(26)	$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1f}$
71	1.3	-9.2(12)	-1.50(28)	5.6645(25)	7.0707749(95)	0.66715241(12)	0.66596941(10)	678.4545310(46)	$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1e}$
71	2.01		1.963(68)	8.5173(16)	7.0786(11)	0.66711883(16)	0.66596954(15)	660.9468362(56)	$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$
83	1.18			7.07958(44)	7.03495(40)	0.665969679(77)	0.666327323(74)	674.0327907(26)	$(010)^{1e} \leftarrow (000)^{0e}$
	$/10^{-5}$	$/10^{-16} { m cm}^{-1}$	$/10^{-12} {\rm cm}^{-1}$	$/10^{-7} { m cm}^{-1}$	$/10^{-7} { m cm}^{-1}$	$/ \mathrm{cm}^{-1}$	$/ \mathrm{cm}^{-1}$	$/ \mathrm{cm}^{-1}$	
#	σ	${ ilde L}^\prime_{ps}$	$ ilde{H}_{ps}^{\prime}$	${ ilde D}'_{ps}$	$ ilde{D}_{ps}^{\prime\prime}$	$ ilde{B}'_{ps}$	$ ilde{B}_{ps}^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_c$	Subbande

Tabelle 4.3 Spektroskopische Reihenentwicklungskonstanten in J(J+1) für P, R-Subbanden im FT-IR-Spektrum von H¹²CP.

Subbande	$ ilde{ u_c}$ / cm ⁻¹	${ ilde B}_{ps}^{"a} / { m cm}^{-1}$	$\Delta ilde{B}_{ps} / 10^{-3} \mathrm{cm}^{-1}$	$\Delta \tilde{D}_{ps}$ $/10^{-8}$ cm ⁻¹	$\Delta \tilde{H}_{ps}$ /10 ⁻¹⁴ cm ⁻¹	$\Delta \tilde{L}_{ps} / 10^{-16} \mathrm{cm}^{-1}$	$\sigma / 10^{-5}$	#
$(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$	674.0328011(33)	0.6660	1.272608(17)	1.1796(16)	2.07(45)		1.10	5 4
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$	660.9468511(50)	0.6676	-0.481547(68)	13.430(22)	-99.(25)	12.17(88)	1.41	42
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$	678.4545504(47)	0.6676	-0.447528(68)	-14.934(24)	-222.(29)	-6.7(12)	1.03	36
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e}$	678.4545430(22)	0.6659	1.1833312(91)	1.08376(76)			0.77	44
$(030)^{1e} \leftarrow (020)^{2f}$	648.134341(32)	0.6672	-1.43247(23)	2.397(31)			5.89	23
$(030)^{1f} \leftarrow (020)^{0e}$	665.642006(11)	0.6671	1.83908(14)	-11.749(46)	-898.(42)		1.84	29
$(030)^{1f} \leftarrow (020)^{2e}$	648.134187(50)	0.66716	1.80696(37)	17.304(52)			9.95	25
$(030)^{3e} \leftarrow (020)^{2f}$	683.081823(83)	0.6672	0.27455(74)	-4.60(10)			24.12	27
$(030)^{3f} \leftarrow (020)^{2e}$	683.082523(68)	0.6672	0.26958(65)	9.452(98)			17.60	22
$(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$	653.06190(85)	0.6689635	-1.713(14)	-3.69(52)			62.66	-1
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{1f}$	670.54551(29)	0.6689635	-1.5219(30)	-4.825(66)			27.36	10
$(040)^{2f} \leftarrow (030)^{1e}$	670.54450(20)	0.6657222	1.7278(24)	-2.18(52)			33.38	14
$(040)^{4e} \leftarrow (030)^{3f}$	687.914325(37)	0.667417	0.16977(38)	1.116(73)			42.59	12
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{1f}$	670.54552(28)	0.0	-1.52222(28)	-4.832(55)			24.10	10
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{1f}$	670.54453(20)	0.0	-1.72780(24)	-2.11(52)			28.60	14
$(011)^{1f} \leftarrow (001)^{0e}$	667.223379(24)	0.6627	1.58105(16)	4.591(21)			5.77	32
$(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$	604.245213(38)	0.6675999	-4.90112(43)	1.44(13)	247.(99)		7.04	31
$(030)^{\mathrm{lf}} \leftarrow (010)^{\mathrm{le}}$	1326.589021(56)	0.665969	3.0369(99)	0.0169(24)			7.36	я

Tabelle '
4.4 Spektroskopische
: Reihenentwicklungskonstanten in J
(J + U)
1
für Q-
Zweige
im FT-II
R-Spektrum
von F
$\rm H^{12}CP$
•

σ Standardabweichung des Fits. # Zahl der im Bandensystem zugeordneten Übergänge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang A angegeben.

Subbande	$/\mathrm{cm}^{-1}$	B_{ps}^{ps}	$\frac{B_{ps}}{cm^{-1}}$	$/10^{-7} { m cm}^{ps} { m cm}^{-1}$	$/10^{-7} { m cm}^{ps} { m cm}^{-1}$	$/10^{-5}$	-11
$(010)^{\mathrm{le}} \leftarrow (000)^{\mathrm{0e}}$	669.2549132(41)	0.63841848(12)	0.63799528(12)	6.4958(12)	6.5335(12)	1.66	
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$	655.13683(10)	0.6380093(53)	0.6391298(56)	6.85(11)	8.21(13)	23.01	
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1f}$	673.77979(19)	0.6395628(77)	0.639047(11)	5.8(15)	5.8(13)	2.42	
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1e}$	673.780071(60)	0.6379908(30)	0.6389928(29)	6.426(63)	5.299(55)	13.24	
$(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	1324.39266(32)	0.63844(11)	0.63913(13)	6.2(30)	7.5(32)	11.61	
$(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	3204.638567(32)	0.638567(32)	0.63555058(98)	6.506(10)	6.455(11)	10.61	

H
a
ĕ
Ě
Ð
4
Ċn
70
Ğ.
ek
Ħ
õ
k
ğ
ĿS.
ch
ē
Ę
e.
he
n
'n
Ť.
Ξ·
K
Lu lu
an Bu
Ň
6
ns
÷.
ĥ
ਿੰਦ
р
ш.
Ċ.
<u>,</u>
7
+
1
÷
E:
Ч
чт.
ц Т
Š
H
ğ
ц£
d
'n
≓.
Ц
Ţ
÷
÷
ဘ ၂
S
De
kt
JT
Ш
VO
'n
Η
13
Õ
P.

Zahl der im Bandensystem zugeordneten Übergänge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang B angegeben.

 $\label{eq:constant} \textbf{Tabelle 4.6 Spektroskopische Reihenentwicklungskonstanten in $J(J+1)$ für Q-Zweige im FT-IR-Spektrum von H^{13} CP. In the second second$

Subbande	$\frac{ ilde{ u}_c}{ m cm}^{-1}$	${ ilde B}^{{ ilde B}^{\prime\prime\prime}}_{ps} = 1$	$\frac{\Delta \tilde{B}_{ps}}{/10^{-3}}\mathrm{cm}^{-1}$	${\Delta \tilde{D}_{ps}\over /10^{-8}~{ m cm}^{-1}}$	$\sigma / 10^{-5}$	#
$(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$	669.2549267(59)	0.6384	1.085026(32)	1.0063(33)	1.89	40
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$	655.136915(78)	0.6395	-0.39031(67)	12.25(10)	1.11	19
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$	673.780331(57)	0.6395	-0.50748(42)	-12.140(58)	6.04	18
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e}$	673.78007(12)	0.6380	1.0041(18)	1.93(60)	8.55 5	12

σ Standardabweichung des Fits. # Zahl der im Bandensystem zugeordneten Übergänge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang B angegeben.

44



Abbildung 4.6 Zusammenstellung der Q-Zweige des ν_2 Bandensystems von H¹²CP.



Abbildung 4.7 Fortsetzung der Q-Zweige des ν_2 Bandensystems von H¹²CP und H¹³CP.



Abbildung 4.8 Übersicht der zugeordneten Q-Zweige $(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$ und $(040)^{2e,f} \leftarrow (030)^{1e,f}$ von H¹²CP. Die intensitätsstarken Linen gehören zum fundamentalen Q-Zweig $(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$ von H¹³CP.

$(v_1v_2v_3)^{l_{2^{\mathbf{s}}}}$	$\tilde{G}_c/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_c/\mathrm{cm}^{-1}$
	$\mathbf{H}^{12}\mathbf{CP}$	$\mathbf{H}^{13}\mathbf{CP}$
$(010)^{1e}$	674.0327907(26)	669.2549132(41)
$(010)^{1f}$	674.0328011(33)	669.2549267(59)
$(001)^{0e}$	1278.27844(16)	· · · ·
$(020)^{0e}$	1334.97969(10)	1324.39183(12)
$(020)^{2e}$	$1352.487336\ (15)$	1343.03507(13)
$(020)^{2f}$	1352.4873311(32)	1343.03491(12)
$(011)^{1e}$	1945.501907(57)	
$(011)^{1f}$	1945.501952~(29)	
$(030)^{1e}$	2000.621779(49)	
$(030)^{1f}$	2000.621679~(53)	
$(030)^{3e}$	2035.569481(38)	
$(030)^{3f}$	2035.569484~(80)	
$(002)^{0e}$	2545.211580~(60)	
$(040)^{0e}$	2653.67615(16)	
$(040)^{2e}$	2671.16666(11)	
$(040)^{4e}$	2723.48379(15)	
$(021)^{0e}$	2598.97131(13)	
$(021)^{2e}$	2617.05878(23)	
$(100)^{0e}$	3216.8892000(86)	3204.638567(32)
$(110)^{10}$	3874.308163(11)	
$(110)^{1f}$	$3874.308166\;(21)$	

Tabelle 4.7 \tilde{G}_c -Werte von H¹²CP und H¹³CP, berechnet als gewichtete Mittelwerte der Werte aus den Tabellen 4.3–4.6.

$(v_1v_2v_3)$	${ ilde G}_v/{ m cm^{-1}}$	$\tilde{x}_l/\mathrm{cm}^{-1}$
(010)	674.6995842(32)	
(020)	1332.3452(30)	5.70269(74)
(030)	1989.720 (16)	$5.761.8(18)^{\prime}$
(040)	2641 423 (78)	5,83420(20)
(001)	1280.9125(30)	()
(011)	1951 197 2 (15)	
(100)	3216 889 192 (6)	
(110)	3874.971832(8)	
· · · ·	· · · ·	
$(v_1v_2v_3)$	${ ilde B}_v/{ m cm^{-1}}$	${\widetilde d}_{Jl}/10^{-5}{ m cm}^{-1}$
(000)	0.666327465(21)	
(010)	0.666783507(20)	
(020)	0.667.344.65(27)	-4.9327(65)
(020)	0.667.918.3(18)	-5.618(20)
(040)	0.668543(17)	-6.06(11)
(010)	0.662.472.33(28)	0.00(11)
(011)	0.662 882 6 (16)	
(100)	0.0020030(10) 0.663148080(58)	
(100)	0.003148080(38)	
(110)	0.003 004 734 (73)	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}/10^{-3}{ m cm}^{-1}$	${\widetilde q}_J/10^{-9}{ m cm}^{-1}$
(010)	1 620 224 0 (66)	7 385 0 (67)
(010)	1.0303240(00) 1.650701(79)	-7.565.5(07)
(020)	1.039701(72) 1.71811(29)	-7.577(79)
(030)	1.71011(32) 1.7925(26)	-12.01(12)
(040)	1.7233(30) 1.54247(66)	1 82 (20)
(011)	1.545 47 (00)	1.62(39) 7 650(79)
(110)	1.050 338 (43)	-7.650(72)
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v/10^{-13}~{ m cm}^{-1}$
(000)	0 704 010 (55)	3 68 (28)
(010)	$0.712\ 134\ (54)$	3.95(29)
(010)	0.712154(54)	2.93 (23)
(020)	0.713100(02) 0.72748(12)	2.33(33) 2.53^{a}
(030)	0.72740(12) 0.7265(39)	3.52 3.59^{a}
(040)	0.7203 (39)	0.04 1.22 (96)
(001)	0.70000(13)	4.32 (00)
(011)	0.71569(26)	4.4
(100)	0.698 92 (14)	6.90(96)
(110)	0.707 14 (17)	4.5 (11)
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F/\mathrm{cm}^{-1}$	
(020)/(001)	11.9347(64)	
(030)/(011)	16.922(19)	
()/(0++)	()	

Tabelle 4.8 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [30] für Grund- und angeregte Zustände der Knickschwingung ν_2 von H¹²CP.

^a Fixiert auf den Mittelwert der \tilde{H}_v der Niveaus (000), (010) und (020). ^b Auf diesen Wert fixiert.

4.3.5 Die Fermi-Resonanz (020)/(001) im IR-Spektrum von H¹²CP

Die im Energieniveaudiagramm niedrigst liegende Fermi-Resonanz (020)/(001) ist in Abbildung 4.1 dargestellt. Es handelt sich um ein globale Resonanz, die alle Rotationsvibrationsübergänge der beiden Energieniveaus (020) und (001) erfaßt.

Für Zustände mit Anregung der Knickschwingung ν_2 wird die Hamiltonmatrix in symmetrischen Rotationsbasiswellenfunktionen entwickelt und für jeden *J*-Wert faktorisiert und diagonalisiert. Die Außerdiagonalmatrixelemente in *l* und die Diagonalmatrixelemente sind dann durch die Gleichungen 2.3.1 gegeben.

Eine wichtige Bedeutung kommt der Wahl der Startwerte für den jeweiligen Fit zu. Grundsätzlich benutzt man die Ergebnisse einfacher Reihenentwicklungen als Startwerte. Details dazu werden in den Unterkapiteln 4.3.4 und 4.3.8 besprochen.

Im Folgenden wird die mathematische Formulierung der Fermi-Resonanz zwischen den Vibrationszuständen (020)/(001) beschrieben. Im Fall der Vibrationszustände (020) und (001) ist die Hamiltonmatrix in der faktorisierten Basis $|v_1v_2v_3, ls\rangle$, wobei s die Symmetrie (s: e/f, Symmetrie) spezifiziert, aufzustellen. Die faktorisierte Basis erhält man aus Matrix **H** (Gl. 4.1), indem man sie nach Gleichung (4.2) Wang-Transformiert (p: Parität der Wellenfunktion + oder -). Die resultierende Matrix **H**' (Gl. 4.4) wird dann in die beiden Submatrizen 4.5 zerlegt. Diese beiden Matrizen werden für das Programm LINC programmiert. Für die Indexbezeichnung der Außerdiagonalelemente besteht aufgrund der Symmetrie der Matrizen entlang der Diagonalen kein Unterschied zwischen Elementen z. B. U_{13} und U_{31} . Die entsprechenden Außerdiagonalelemente werden daher im Folgenden nicht unterschieden.

	$ v_1v_2v_3,\mathrm{p}l angle$	020,-2 angle	020,+0 angle	020,+2 angle	001,+0 angle	
	$\langle 020, -2 $	E_{22}	U_{02}	0	0	
$\mathbf{H} =$	$\langle 020, +0 $	U_{02}	E_{00}	U_{02}	W_F	(4
	$\langle 020, +2 $	0	U_{02}	E_{22}	0	
	$\langle 001, +0 $	0	W_F	0	E_{00}^{\prime}	

$$\mathbf{H}' = \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{H} \mathbf{X} \tag{4.2}$$

mit

$$\mathbf{X} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} \end{bmatrix}.$$
 (4.3)

Durch die Wang-Transformation nehmen die in Gleichung 4.1 rechtwinklig eingerahmten Matrixelemente den Wert Null an, somit können e- und f-Blöcke getrennt weiter bearbeitet werden,

 $|020,0e\rangle$ $|020, 2f\rangle$ $|020, 2e\rangle$ $|v_1v_2v_3, ls\rangle$ $|001, 0e\rangle$ (020, 2f) E_{22} 0 0 0 $\mathbf{H}^{\prime} =$ $\langle 020, 0e \rangle$ 0 E_{00} $\sqrt{2}U_{02}$ W_F (4.4) $\sqrt{2}U_{02}$ $\langle 020, 2e |$ 0 E_{22} 0 $\langle 001, 0e \rangle$ 0 W_F 0 E'_{00} $|020,0e\rangle$ $|020,2e\rangle$ $|v_1v_2v_3, ls\rangle$ $|001, 0e\rangle$ $|v_1v_2v_3, ls\rangle$ E_{00} $\sqrt{2}U_{02}$ W_F $\langle 020, 0e \rangle$ (020, 2f) E_{22} (4.5) E_{22} $\sqrt{2}U_{02}$ 0 $\langle 020, 2e \rangle$ 0 $E'_{\rm or}$ (001, 0e) W_F

wie in den Matrizen 4.5 dargestellt.

Das Matrixelement E'_{00} des $(001)^{0e}$ Vibrationsniveaus wird mit Gleichung (2.13) und die Matrixelemente der Knickschwingung (020), E_{00} und E_{22} , werden mit Gleichung (2.14) berechnet. Die Definition des Fermi-Resonanzmatrixelements \tilde{W}_F ist in Kapitel 4.3.10 detailiert beschrieben [31].

4.3.6 Die Fermi-Resonanz (030)/(011) im IR-Spektrum von H¹²CP

Für die Resonanz-Diade (030)/(011), siehe Abbildung 4.1, bei der insbesondere e-e- und f-f-Symmetriewechselwirkungen, in der Form $(030)^{1e}/(011)^{1e}$ und $(030)^{1f}/(011)^{1f}$, zu betrachten sind, wurde die folgende Matrix aufgestellt:

	$\left v_{1}v_{2}v_{3},\mathrm{p}l ight angle$	$ 030, +1\rangle$	$ 030,+3\rangle$	$ 011, +1\rangle$	030,-1 angle	030,-3 angle	$ 011-1\rangle$	
	(030, +1]	E_{11}	U_{13}	W_F	U_{11}	0	0	
	$\langle 030, +3 $	U_{13}	E_{33}	0	0	0	0	
$\mathbf{H} = \mathbf{I}$	$\langle 011, +1 $	W_F	0	E_{11}	0	0	$U_{11}^{'}$	(4.6)
	$\langle 030, -1 $	U_{11}	0	0	E_{11}	U_{13}	W_F	
	$\langle 030, -3 $	0	0	0	U_{13}	E_{33}	0	
	$\langle 011, -1 $	0	0	U_{11}^{\prime}	W_F	0	$E_{11}.$	

Vor der Diagonalisierung dieser Matrix wird diese durch eine Wang-Faktorisierung, wie in Abschnitt 2.3.6 theoretisch beschrieben, transformiert:

$$\mathbf{H}' = \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{H} \mathbf{X} \tag{4.7}$$

mit

$$\mathbf{X} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(4.8)

_	$\left v_{1}v_{2}v_{3},l\mathbf{s}\right\rangle$	030,1f angle	$ 030,3{ m f} angle$	$ 011,1f\rangle$	$ 030,1\mathrm{e} angle$	$ 030,3\mathrm{e} angle$	$ 0111,\mathrm{e} angle$	
	$\langle 030, 1\mathrm{f} $	$E_{11} - U_{11}$	U_{13}	W_F	0	0	0	
	$\langle 030, 3{ m f} $	U_{13}	E_{33}	0	0	0	0	
$\mathbf{H}^{'} =$	$\langle 011, 1f $	W_F	0	$E_{11} - U_{11}'$	0	0	0	(4.9)
	$\langle 030, 1e $	0	0	0	$E_{11} + U_{11}$	U_{13}	W_F	
	$\langle 030, 3\mathrm{e} $	0	0	0	U_{13}	E_{33}	0	
	$\langle 011, 1e $	0	0	0	W_F	0	$E_{11} + U_{11}'$.	

Durch die Transformation wird bewirkt, daß in der 6×6 Matrix die Matrixelemente von zwei Quadranten den Wert Null annehmen. Das war vor der Transformation, wie in Matrix 4.6 zu sehen, nicht für alle Matrixelemente dieser Quadranten der Fall. Durch die Transformation geht die Nomenklatur von p*l* (p: Parität + oder -, *l*: *l*-Typ-Quantenzahl) in die Bezeichnung s*l* (s: Symmetriebezeichnung e, f; *l*-Typ-Quantenzahl) über. Die Symmetrie der Subniveaus wird mit e und f gekennzeichnet. Matrix 4.9 kann nun in zwei Submatritzen (4.10 und 4.11) mit eund f-Subniveaus ausgedrückt werden:

$\langle 030, 1e \qquad E_{11} + U_{11} \qquad U_{13} \qquad W_F$
$\langle 030, 3e U_{13} E_{33} 0$
$\langle 011, 1e \qquad W_F \qquad 0 \qquad E'_{11} + U'_{11},$

$ v_1v_2v_3, ls angle$	$ 030,1{ m f} angle$	$ 030,3{ m f} angle$	$ 011,1{ m f} angle$
$\langle 030, 1{ m f} $	$E_{11} - U_{11}$	U_{13}	W_F
$\langle 030, 3{ m f} $	U_{13}	E_{33}	0
$\langle 011, 1f $	W_F	0	$E'_{11} - U'_{11}.$

Diese beiden Matrizen können dann getrennt für jeden J-Wert diagonalisiert werden. Durch die Transformation ändert sich nicht einfach nur die Position der Matrixelemente U_{11} , sondern in der Folge auch ihr Wert, weil sich durch den Positionswechsel die Symmetrie eines der beiden verknüpften Niveaus ändert. Dies ist ein entscheidender Punkt, der natürlich bei der Programmierung berücksichtigt werden muß. In Abschnitt 2.3.1 ist die mathematische Darstellung der Matrixelemente gegeben. Für die Beschreibung der *l*-Typ-Resonanz maßgebend sind Terme nach Gleichung 2.15. Erst die Darstellung der Matrix mit e/f-Symmetrie bildet die Physik der zu beschreibenden Rotationsvibrationszustände korrekt ab. Anhand der in der vorliegenden Matrixdarstellungen in e/f-Symmetrie ist deutlich zu erkennen, daß e- und f-Zustände nicht gegenseitig wechselwirken. Physikalisch können Niveaus untereinander nur dann wechselwirken, wenn die zugehörigen Wellenfunktionen gleiche Symmetrie besitzen. Niveaus mit ebzw. f-Symmetrie können nicht wechselwirken, also müssen die Matrixelemente, die Niveaus mit eund f-Symmetrie verbinden, gleich null sein. Aus diesem Grunde liefert eine Diagonalisierung ohne vorhergehende Wang-Transformation keine physikalisch sinnvollen Werte, da es Matrixelemente gibt, welche Wellenfunktionen verschiedener Parität (+ oder -) koppeln und somit eine physikalische Wechselwirkung vortäuschen, die nicht existiert. Noch vor einigen Jahren war die Reduktion dieses 6×6 Matrix-Problems auf ein zwei mal 3×3 Problem ebenfalls ein wichtiger Faktor für eine speicherschonende Programmierung. Dies spielt heute durch die Entwicklung leistungsfähiger Computer mit sehr großem Hauptspeicher keine so entscheidende Rolle mehr. Weiterhin kann durch die Diagonalisierung von kleinen gegenüber großen Matrizen eine Rechenzeitverkürzung erreicht werden. Dies spielt für kleine Matrizen heute ebenfalls keine große Rolle mehr. Zusätzlich ist das Wang-Konzept in Bezug auf die Auswahlregeln und Nomenklatur in der Spektroskopie sehr elegant und didaktisch wertvoll. Die Nomenklatur, als Beschreibung der Physik der Molekülzustände, wird ebenfalls in der Buchhaltung der Computerrechenprogramme abgebildet.

4.3.7 Die Fermi-Resonanz (040)/(021)/(002) im IR-Spektrum von H¹²CP

Die Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) gliedert sich in resonante Zustände mit l = 0 und l = 2. Da bei einer Fermi-Resonanz nur Energieniveaus mit einem $\Delta l = 0$ in Wechselwirkung treten können, ergeben sich zwei Gruppen von Resonanzzuständen: $(040)^0/(021)^0/(002)^0$ und $(040)^2/(021)^2$, die in Abbildung 4.1 dargestellt sind. Neben den Resonanzgruppen mit l = 0 und l = 2 sind auch e-e- und f-f-Symmetriewechselwirkungen, in der Form $(040)^{0e}/(021)^{0e}/(002)^{0e}$, $(040)^{2e}/(021)^{2e}$ und $(040)^{2f}/(021)^{2f}$ zu betrachten. Für das Programm LINC wurde die folgende Matrix aufgestellt und programmiert:

	$ v_1v_2v_3, \mathbf{p}l\rangle$	(021, -2)	(040, -4)	(040, -2)	(040, +0)	(040, +2)	(040, +4)	(021, +0)	(021, +2)	(002, +0)	
	(021, -2)	E_{22}	0	0	0	0	0	0	U_{02}	0	
	(040, -4]	0	E_{44}	U_{42}	0	0	0	0	0	0	
	(040, -2)	0	U_{42}	E'_{22}	U_{02}	0	0	0	0	0	
- H =	(040, +0)	0	0	U_{02}	E_{00}	U_{02}	0	0	0	0	(4.12)
	(040, +2)	0	0	0	U_{02}	E2	U_{42}	0	0	0	()
	(040, +4]	0	0	0	0	U_{42}	E_{44}	0	0	0	
	(021, +0)	0	0	0	0	0	0	E'_{00}	U'_{02}	0	
	(021, +2)	U_{02}	0	0	0	0	0	U'_{02}	E_{22}	0	
	(002, +0)	0	0	0	0	0	0	0	0	E_{00}''	

Um diese 9×9 Matrix programmieren zu können, wird zunächst eine Wang-Faktorisierung (siehe Kapitel 2.3.6) durchgeführt. Durch die Transformation gehen die Matrixelemente, die mit den kleinen Rechtecken eingerahmt sind, in den Wert 0 über und die Matrix **H** liegt dann in der transformierten Form als **H'** blockdiagonal vor. Die Blöcke mit e/f-Symmetrie können dann anschließend separat diagonalisiert werden.

(4.13)

$$\mathbf{X} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} \end{bmatrix}$$
(4.14)

_	$ v_1v_2v_3, ls\rangle$	$\langle 021, 2f \rangle$	$\langle 040, 4f $	$\langle 040, 2f $	$\langle 040, 0e \rangle$	$\langle 040, 2e \rangle$	$\langle 040, 4e \rangle$	$\langle 021, 0e \rangle$	$\langle 021, 2e \rangle$	$\langle 002, 0e \rangle$	_
-	$\langle 021, 2f $	E_{22}	0	0	0	0	0	0	0	0	_
	$\langle 040, 4f $	0	E_{44}	U_{42}	0	0	0	0	0	0	
	$\langle 040, 2f $	0	U_{42}	E'_{22}	0	0	0	0	0	0	
н′ _ ⁻	$\langle 040, 0e $	0	0	0	E_{00}	$\sqrt{2}U_{02}$	0	0	0	0	(4.15)
	$\langle 040, 2e $	0	0	0	$\sqrt{2}U_{02}$	E2	U_{42}	0	0	0	(4.15)
	$\langle 040, 4e $	0	0	0	0	U_{42}	E_{44}	0	0	0	
	$\langle 021, 0e $	0	0	0	0	0	0	E'_{00}	$\sqrt{2}U'_{02}$	0	
	$\langle 021, 2e \rangle$	0	0	0	0	0	0	$\sqrt{2}U'_{02}$	E_{22}	0	
	$\langle 002, 0e $	0	0	0	0	0	0	0	0	$E_{00}^{\prime \prime}$	

Aufgrund der Fermi-Resonanz müssen noch die entsprechenden Matrixelemente \tilde{W}_F, \tilde{W}_E und \tilde{W}_I in **H**' eingefügt werden. Diese Elemente stehen nur im e- und/oder f-Block; die vorher durchgeführte Wang-Faktorisierung ist davon nicht betroffen. Die für das Programm LINC programmierte Matrix ist mit **H**" bezeichnet:

	$ v_1v_2v_3, ls\rangle$	$\langle 021, 2f \rangle$	$\langle 040, 4f $	$\langle 040, 2f \rangle$	$\langle 040, 0e \rangle$	$\langle 040, 2e \rangle$	$\langle 040, 4e \rangle$	$\langle 021, 0e \rangle$	$\langle 021, 2e $	$\langle 002, 0e $	
-	$\langle 021, 2f $	E_{22}	0	W_I	0	0	0	0	0	0	
	$\langle 040, 4f $	0	E_{44}	U_{42}	0	0	0	0	0	0	
	$\langle 040, f $	W_I	U_{42}	E'_{22}	0	0	0	0	0	0	
н″ –	$\langle 040, 0e $	0	0	0	E_{00}	$\sqrt{2}U_{02}$	0	W_E	0	W_F	 (4.16)
	$\langle 040, 2e $	0	0	0	$\sqrt{2}U_{02}$	E2	U_{42}	0	W_I	0	(4.10)
	$\langle 040, 4e $	0	0	0	0	U_{42}	E_{44}	0	0	0	
	$\langle 021, 0e $	0	0	0	W_E	0	0	E'_{00}	$\sqrt{2}U_{02}'$	0	
	$\langle 021, 2e $	0	0	0	0	W_I	0	$\sqrt{2}U_{02}'$	E_{22}	0	
	$\langle 002, 0e $	0	0	0	W_F	0	0	0	0	$E_{00}^{\prime \prime}$.	

Die aus den anschließenden Fits erhaltenen Konstanten sind in Tabelle 4.9 zusammengefaßt.

4.3.8 Kombinierte Fits von H¹³CP

Zur Untersuchung der Fermi-Resonanz von H¹³CP benötigt man experimentelle Daten für das Resonanz-Paar (020)/(001). Die hier vorgelegten Daten geben nur Information zu den Rotationsvibrationsenergieniveaus von (000), (010) und (020). Die Streckschwingungsbande ν_3 ist die intensitätsschwächste fundamentale Schwingung von HCP, welche nicht gemessen werden konnte. Um den Effekt der erwarteten Fermi-Resonanz für H¹³CP zu simulieren, wurden die Werte von \tilde{B}_v und \tilde{D}_v für den (001) Vibrationszustand geschätzt. Der Fermi-Resonanz-Parameter wurde auf den bei H¹²CP ermittelten Wert festgesetzt. Für \tilde{G}_v von H¹³CP konnte ein von BOTSCHWI-NA and SEBALD [32] berechneter Wert von 1247.3 cm⁻¹ benutzt werden. Um Informationen über die Verlässlichkeit dieses Wertes zu erhalten, bietet es sich an, den analogen, für H¹²CP berechneten Termwert mit dem experimentell bestimmten Wert zu vergleichen (siehe Tabelle 4.3). BOTSCHWINA und SEBALD geben für das (001) Niveau von H¹²CP einen ab initio-Wert von 1278.2 cm⁻¹ an, der dem gemessenen Wert entspricht. Aufgrund dieser guten Übereinstimmung kann davon ausgegangen werden, daß der Termwert des Niveaus (001) von $H^{13}CP$ nahe beim wirklichen aber experimentell nicht zugänglichen Wert liegt und stellt für die durchgeführte Berechnung die best mögliche Approximation dar. Bevor allerdings der ab initio-Wert der Streckschwingungsbande von H¹³CP für eine Anpassung der Parameter der Hamiltonmatrix (Abschnitt 2.3.1) an die gemessenen Daten benutzt werden kann, muß dieser gestörte Termwert des Niveaus (001) in einen ungestörten Termwert korrigiert werden. Die Werte von 1247.3 cm^{-1} und 1278.3 cm⁻¹ beziehen sich auf die gestörten Bandenzentren von H¹³CP und H¹²CP, welche sich aus den IR-Spektren ergeben. Die ungestörten Termwerte lassen sich durch die Lösung der

$(v_1v_2v_3)$	${\tilde G}_v/{ m cm^{-1}}$	$\tilde{x}_l/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{y}_l/10^{-4}\mathrm{cm}^{-1}$
$(002) \\ (021) \\ (040)$	$\begin{array}{c} 2551.03(93)\\ 2605.41(80)\\ 2641.423(78)\end{array}$	$5.85\ (21)\\5.834\ (20)$	-2.3(13)
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{d}_{Jl}/10^{-5}{ m cm}^{-1}$	
$(002) \\ (021) \\ (040)$	$\begin{array}{c} 0.658498(42)\\ 0.663454(78)\\ 0.668543(17) \end{array}$	-6.6(21) -6.06(11)	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v/10^{-13}~{ m cm}^{-1}$	
$(002) \\ (021) \\ (040)$	$\begin{array}{c} 0.702 \; 6 (64) \\ 0.726 \; 5 (39) \\ 0.735 \; 3 (36) \end{array}$	${4.32 \atop {}^{a}}{4.4 \atop {}^{b}}{3.52 \atop {}^{c}}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}_v/10^{-3}~{ m cm}^{-1}$	${\widetilde{q}}_J/10^{-9}~{ m cm}^{-1}$	
(021) (040)	$\frac{1.540(21)}{1.7235(48)}$	$\frac{1.8}{97.(59)^d}$	
$(v_1v_2v_3) / (v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F/\mathrm{cm}^{-1}$		
$(002)^{0e}/\ (040)^{0e}$	17.79(79)		
$(v_1v_2v_3) / (v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_E/~{ m cm}^{-1}$		
$(021)^{0e}/\ (040)^{0e}$	23.5(10)		
$\overline{(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)}$	$ ilde W_I / { m cm}^{-1}$		
$(021)^{2e,f}/(040)^{2e,f}$	20.252(85)		

Tabelle 4.9 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [30] für Grund- und angeregte Zustände der Knickschwingung ν_2 und der Streckschwingung ν_3 von HCP der Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002).

^a Der Wert des Parameters konnte nicht bestimmt werden und wurde auf dem Wert von \tilde{H}_v (001) festgehalten.

 \tilde{H}_v wurde auf dem Wert des (011) Zustandes festgehalten.

 $\tilde{E} = \tilde{H}_v$ wurde auf dem Wert des (030) Zustandes festgehalten.

inversen Säkulargleichung der Fermi-Resonanzmatrix der in Wechselwirkung stehenden Zustände (020)/(001) abschätzen. Dabei muß der Wert des Resonanzparameters \tilde{W}_F festgehalten werden. Dieses Verfahren liefert einen entstörten Termwert von 1249.2 cm⁻¹ für das (001) Niveau von H¹³CP. Da die Wechselwirkung der Niveaus (020) und (001) nicht sehr groß ist, ist eine grobe Schätzung von \tilde{B}_v and \tilde{D}_v ausreichend. Die Werte dieser beiden Konstanten wurden für $v_3 = 1$ von H¹³CP auf die Werte von H¹²CP für $v_1 = 1$ fixiert. In Abbildung 4.9 wird eine graphische Darstellung der Lage der gestörten und ungestörten Termwerte von H¹²CP und H¹³CP gegeben. Die für H¹³CP erhaltenen spektroskopischen Konstanten sind in Tabelle 4.10 zusammengefaßt. Die Unsicherheiten der Parameter des Niveaus (020) in Tabelle 4.10 für H¹³CP sind unreallistisch klein, da \tilde{W}_F , \tilde{G}_v , \tilde{B}_v und \tilde{D}_v des (001) Vibrationszustands während der Anpassung nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate festgehalten werden mußten.

$(v_1v_2v_3)$	${ ilde G}_v/{ m cm}^{-1}$	$\tilde{x}_l/\mathrm{cm}^{-1}$
(010)	669.8936681(36)	
(020)	$1322.497\ 310\ (3)$	5.773420(17)
(001)	1249.2 ^{<i>a</i>}	
(100)	3204.638566(42)	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{d}_{Jl}/10^{-5}{ m cm}^{-1}$
(000)	0.638418619(30)	
(010)	0.638748219(36)	
(020)	0.63920298(27)	-5.267(13)
(001)	$0.635\ 551^{\ b}$	
(100)	$0.635\;549\;93(27)$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}/10^{-3}~{ m cm}^{-1}$	${{{\tilde q}_{J}}}/{10^{-9}{ m cm^{-1}}}$
(010)	$1.508\ 305\ (26)$	-6.350(34)
(020)	1.5309(26)	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	
(000)	0.649716(91)	
(010)	$0.656\ 637\ (94)$	
(020)	$0.662\;93(45)$	
(001)	$0.645^{\ b}$	
(100)	$0.64455\;(35)$	
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F / 10^{-6} \mathrm{cm}^{-1}$	
(020)/(001)	11.9347^{c}	

Tabelle 4.10 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [30] für Grund- und angeregte Zustände der Knickschwingung ν_2 und für den Grundzustand der Streckschwingung ν_1 von H¹³CP.

^{*a*} Geschätzter Wert für das ungestörte Bandenzentrum von ν_3 (siehe Text).

^b Auf die Werte des Niveaus (100) gesetzt.

^c Auf dem analogen Wert von H¹²CP festgehalten.

4.3.9 Harmonische Wellenzahlen und Anharmonizitätskonstanten von H¹²CP

Für ein dreiatomiges (i = 3), lineares Molekül können die harmonischen Wellenzahlen $\tilde{\omega}_i$ und die Anharmonizitätskonstanten \tilde{x}_{ij} , \tilde{y}_{232} und \tilde{y}_{ll} wie folgt berechnet werden:

$$\tilde{G}_{v} = \sum_{i=1}^{3} \tilde{\omega}_{i} \left(v_{i} + \frac{d_{i}}{2} \right) + \sum_{i \ge j} \tilde{x}_{ij} \left(v_{i} + \frac{d_{i}}{2} \right) \left(v_{j} + \frac{d_{j}}{2} \right) + \tilde{g}_{22}l^{2} + \tilde{g}_{232} \left(v_{2} + 1 \right)^{2} \left(v_{3} + \frac{1}{2} \right) + \tilde{g}_{ll} l^{2} \left(v_{2} + 1 \right) .$$

$$(4.17)$$

Für ein dreiatomiges Molekül liefert diese Reihenentwicklung im Folgenden 12 verschiedene Konstanten, wie in Tabelle 4.13 benannt. Um diese 12 verschiedenen spektroskopischen Konstanten zu ermitteln, muß mindestens ein Datensatz von 12 verschiedenen Vibrationszuständen vorhanden sein. Diese Arbeit gibt präzise Daten für die Zustände (000), $(010)^1$, $(020)^{0,2}$, $(030)^{1,3}$, $(040)^{0,2,4}$ (100), (001), (002), $(011)^1$, $(110)^1$ und $(021)^{0,2}$ an. Der experimentell verfügbare Datensatz erlaubte die Bestimmung von 10 bzw. 11 Konstanten; lediglich nur \tilde{x}_{13} konnte nicht bestimmt werden, da die Summationsbande (101) nicht gemessen werden konnte. Um \tilde{x}_{33} zu bestimmen, wurde ein entstörter Termwert für das $(002)^0$ Niveau benötigt. Der für das Energieniveau $(002)^0$ durch hochaufgelöste FT-IR-Messungen bestimmte Termert (\tilde{G}_c) betrug 2545.20942 (52) cm⁻¹ [20]. Dieser Zustand ist Teil der Fermi-Triade $(040)^0/(021)^0/(002)^0$. Die Triade ist mittlerweile vollständig beschrieben (Kapitel 4.3.7). Das bedeutet, daß Übergänge zu allen zur Beschreibung der Fermi-Resonanz nötigen Subniveaus (040)⁴, (040)², (040)⁰, (021)², (021)⁰ und (002)⁰, gemessen wurden. Die im Rahmen der Datenreduktion ermittelten Reihenentwicklungsparameter sind in den Tabellen 4.3 und 4.4 zusammengafaßt. Diese experimentellen Ergebnisse sind die Basis zur Bestimmung der ungestörten Termenergiewerte über den Hamiltonian von YAMADA et al. [30] (siehe Tabelle 4.9). Da diese Daten zum Zeitpunkt unserer Publikation JUNG et al. [28] noch nicht vorlagen, wir die erzielten Teilergebnisse zur Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) aber mitteilen wollten, mußten wir die ungestörten Termwerte durch eine Simulation bestimmen. Dabei lieferte die auf einem Monte-Carlo-Verfahren basierende Simulation der ungestörten Termwerte, Ergebnisse (Tabelle 4.11), die erstaunlich gut mit den später, experimentell vollständig bestimmten Termwerten des effektiven Hamiltonoperators übereinstimmen (Tabelle 4.9). Das Vorgehen zur Abschätzung der ungestörten Energietermwerte war dabei wie folgend:

Aus der Literatur standen experimentelle, gestörte Termwerte der Zustände $(002)^0$ [20] und $(021)^0$ [5] zur Verfügung. Aus dem \tilde{G}_c -Wert des Niveaus $(040)^4$ wurde der Termwert für das (040)⁰ Rotationsvibrationsniveau extrapoliert. Zur Berechnung der anharmonischen Konstanten muß aber ein entstörter Termwert verwendet werden. Dies wurde erreicht, indem zuerst die Fermi-Resonanz-Wechselwirkung (021)⁰/(040)⁰ betrachtet wurde. Der Fermi-Wechselwirkungsparameter wurde dabei, wie im nächsten Abschnitt gezeigt, auf der Basis von \tilde{W}_F der Fermi-Diade $(001)^0/(020)^0$ bestimmt. Der durch Fermi-Resonanz gestörte Termwert des $(040)^0$ Niveaus sollte, anhand der vorliegenden Extrapolation aus dem Termwert des $(040)^4$ Niveaus, im Bereich von 2653.6-2656.4 cm⁻¹ zu finden sein. Die aufgezeichneten FT-IR-Spektren wurden daraufhin auf entsprechende Übergänge untersucht. Tatsächlich wurde ein intensitätsschwacher Q-Zweig bei 653.45 cm⁻¹ der Subbande $(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$ (Abbildung 4.8) zugeordnet. Daraus ergab sich ein gestörter Vibrationstermwert von 2654.02 cm⁻¹ für das $(040)^0$ Niveau, der im abgeschätzten Bereich lag. Damit war der Q-Zweig bei 653.45 cm⁻¹ ein guter Kandidat für die gesuchten Übergänge zum Niveau (040)⁰. Ein anderer, sehr schwacher Q-Zweig bei 670.55 cm⁻¹, der durch den H¹³CP Q-Zweig $(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$ überlappt ist, wurde dem Q-Zweig-Subbandensystem $(040)^{2e,f} \leftarrow (030)^{1e,f}$ zugeordnet (Abbildung 4.8). Die J-Zuordnung war zu diesem Zeitpunkt noch nicht möglich, da keine entsprechenden Übergänge aus P- und R-Zweigen zugeordnet waren. Der Termwert des gestörten (040)² Niveaus konnte nun berechnet werden und lag bei 2671.17 cm⁻¹. Zuordnungen zu den $(040)^0$ und $(040)^2$ Niveaus durch Q-Zweig-Subbanden wurden in der Folge durch Übergänge aus P- und R-Zweigen bestätigt (siehe Tabelle 4.3). Für jeden Q- oder P/R-Zweig konnten 10 - 20 Linien gemessen werden. Die in diesem Abschnitt erläuterten Berechnungen dienten als Modell für die zu diesem Zeitpunkt experimentell nicht zugänglichen gestörten Termwerte der Niveaus (040)^{0e} und, (021)^{0e,2e,f}, die Eigenwerte der Fermi-Triade $(040)^0/(021)^0/(002)^0$ (Abbildung 4.1):

$v_1v_2v_3, l\rangle$	002,0 angle	021,0 angle	040,0 angle
$\langle 002, 0 $	E_{11}	W_F	0
$\langle 021, 0 $	W_F	E_{22}	W_E
$\langle 040, 0 $	0	W_E	E_{33} .

Erst nach der durchgeführten Monte-Carlo Simmulation der Fermi-Resonanz-Triade wurden Übergänge zu allen Subniveaus gemessen. Bezieht man für die Fermi-Resonanz-Triade die *l*-Typ-Resonanz mit ein, kann das Problem durch die folgende sechsdimensionale Matrix für Niveaus mit e-Symmetrie,

$v_1v_2v_3, l angle$	040,0 angle	040,2 angle	040,4 angle	021,0 angle	021,2 angle	002,0 angle
$\langle 040,0 $	E_{00}	$\sqrt{2}U_{02}$	0	W_E	0	0
$\langle 040,2 $	$\sqrt{2}U_{02}$	E_{22}	U_{24}	0	W_I	0
$\langle 040,4 $	0	U_{24}	E_{44}	0	0	0
$\langle 021, 0 $	W_E	0	0	$E_{00}^{\prime\prime}$	$\sqrt{2}U_{02}^{\prime}$	W_F
$\langle 021,2 $	0	W_I	0	$\sqrt{2}U_{02}^{'}$	E_{22}^{\prime}	0
$\langle 002, 0 $	0	0	0	W_F	0	E_{00}^{\prime}

und analog für Niveaus mit f-Symmetrie beschrieben werden:

$v_1v_2v_3, l\rangle$	040,2 angle	040,4 angle	021,2 angle
$\langle 040,2 $	E_{22}	U_{24}	W_I
$\langle 040,4 $	U_{24}	E_{44}	0
$\langle 021, 2 $	W_I	0	E_{22}' .

Im Rahmen der Monte-Carlo Simulation der Fermi-Resonanz (040)/(021)/(002) wurde zunächst nur das Vibrationsproblem für l = 0, wie in Gleichung (2.13) und Matrix 4.18 gezeigt, bearbeitet. Erst später konnten auch IR-Übergänge zu den Subenergieniveaus $(040)^2$, $(021)^2$ und $(021)^0$ hochaufgeöst gemessen und zugeordnet werden. Wie im nächsten Abschnitt zu sehen ist, wurde die Fermi-Resonanz-Wechselwirkungskonstante \tilde{W}_F als Funktion von v_2 , v_3 und l voraus berechnet, um den Effekt der Fermi-Resonanz für die Triade simulieren zu können. Anschließend wurde durch ein Monte-Carlo-Verfahren die Säkulargleichung gelöst. Durch Minimierung der Fehlerquadratsumme der Differenz aus gestörten und ungestörten Termwerten wurden in 10^6 Rechenzyklen die besten Werte der ungestörten Terme (040), (021) und (002) für l = 0bestimmt. Die Ergebnisse sind in Tabelle 4.11 dargestellt. Der ungestörte Termwert des (002)⁰ Niveaus wurde zur Berechnung der Anharmonizitätskonstante \tilde{x}_{33} benötigt.

Tabelle 4.11 Gestörte und ungestörte Termwerte der Fermi-Resonanz-Triade $(040)^0/(021)^0/(002)^0$.

$(v_1v_2v_3)^l$	Gestört / $\rm cm^{-1}$	Ungestört $/ \mathrm{cm}^{-1}$
$(040)^{0}$	2653.68	$2642.7730(10)^a$
$(021)^{0}$	$2598.(5)^{b}$	2604.5
$(002)^{0}$	$2545.20942(52)^{c}$	2550.2

 $^a\,$ Erste Abschätzung. Zu Anfang der Analyse waren nur Übergänge zu l=4des (040) Niveaus zugeordnet.

^b Der Termwert wurde aus der Referenz [5] entnommen.

^c Der Termwert wurde der aus Referenz [20] entnommen.

Die aus den IR-Spektren bestimmten \tilde{G}_v -Termwerte sind in Tabelle 4.12 zusammengefaßt; die daraus berechneten Werte der Konstanten \tilde{x}_{ii} , \tilde{x}_{ij} und $\tilde{\omega}_i$ sind in Tabelle 4.13 aufgeführt.

$(v_1v_2v_3)^l$	$\tilde{G}_v/\mathrm{cm}^{-1}$
$(010)^1$	674.6995842(32)
$(001)^{0}$	1280.9125(30)
$(020)^{0}$	1332.35002(60)
$(020)^2$	1355.14(19)
$(011)^1$	1951.2(66)
$(030)^{1}$	1995.720(24)
$(030)^3$	2041.58(36)
$(002)^{0}$	2551.03(93)
$(021)^{0}$	2605.41(80)
$(040)^{0}$	2641.423(78)
$(040)^2$	2664.760(86)
$(040)^4$	2734.71(80)
$(100)^{0}$	3216.889192(6)
$(110)^{1}$	3874.971832(8)
$(200)^{0}$	$6322.3868(13)^a$

Tabelle 4.12 Vibrationstermwerte \tilde{G}_v von $\mathrm{H}^{12}\mathrm{CP}$.

^a Termwert aus Ref. [20] entnommen.

Tabelle 4.13 Harmonische Wellenzahlen und Anharmonizitätskonstanten von H¹²CP.

Konstanten	/ cm ⁻¹ A	$/ \mathrm{cm}^{-1}$ B	Strey & Mills Ref. [33] ^a	Puzzarini <i>et al.</i> Ref. [9] ^b	Puzzarini <i>et al.</i> Ref. [9] ^c	Koput Ref. $[34]^d$
$\tilde{\omega}_1$	3346.47 (22)	3346.4700 (66)	3392.7^{f}	3336.9	3346.6	3345.1
$\tilde{\omega}_2$	689.03(16)	688.218(51)	682.4^{f}	688.9	687.9	688.2
${ ilde \omega}_3$	1298.67(31)	1297.7(46)	1296.5^{f}	1288.7	1290.5	1294.9
\tilde{x}_{11}	-55.696(57)	-55.6958(33)	-87.7	-52.64	-56.34	-56.79
\tilde{x}_{22}	-3.151(34)	-2.884(13)	-2.2	-2.45	-2.21	-2.32
${ ilde x}_{33}$	-5.398(57)	-5.4(23)	-5.0	-5.70	-3.67	-5.64
\tilde{x}_{12}	-16.610(75)	-16.61690(50)	-5.3	-15.66	-15.63	-16.26
\tilde{x}_{13}	$[-3.15]^{e}$	$[-3.15]^{e}$	-2.1	-2.78	-2.65	-3.15
\tilde{x}_{23}	-5.88(26)	-4.415(17)	-7.0	-6.02	-5.75	-5.10
$ ilde{g}_{22}$	5.552(26)	5.595(24)	5.1	4.29	4.18	4.36
$ ilde{y}_{ll}$	$0.0695\ 5\ (69)$	0.054(11)	0.0	0.0	0.0	0.0
$ ilde{y}_{232}$	0.491(64)	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

A Ohne gewichteten Fehler berechnet.

B Mit gewichtetem Fehler berechnet.

^a Die Methode der Berechnung ist im Text und der dort angeführten Referenz erklärt.

^b CASSCF + MRCI.

- ^c Skaliertes Kraftfeld und angepaßte Gleichgewichtsgeometrie.
- d CCSD(T)/cc-pVQZ.
- ^eDer Wert für \tilde{x}_{13} ist Ref. [34] entnommen.
- ^{*f*} Berechnet aus ν_i , \tilde{x}_{ii} und \tilde{x}_{ij} wie in Ref. [33] angegeben.

Nachdem, wie in Kapitel 4.3.7 beschrieben, die ungestörten Termwerte der Niveaus (040), (021) und (002) auch experimentell aus dem IR-Spektrum bestimmt werden konnten, wurden die anharmonischen Konstanten aus Tabelle 4.13 auf der Basis der ungestörten Termwerte neu berechnet, es wurde kein geschätzter Termwert mehr für das (002) Energieniveau benutzt. Die Werte in Tabelle 4.13 unterscheiden sich daher leicht von den in unserer Publikation JUNG *et al.* [28] genannten Daten. Die Werte Spalte A und Spalte B aus Tabelle 4.13 beziehen sich auf einen Fit mit und ohne gewichteten Fehler. Die Werte aus Spalte B besitzen aufgrund der Gewichtung der Fehler der effektiven Werte der Rotationsvibrationstermwerte eine höhere Verläßlichkeit als Werte aus Spalte A. Weiterhin wurde im Fit, der zu den Ergebnissen aus Spalte B führt, ein Parameter weniger angepaßt. Damit liegt der Freiheitsgrad des Fits aus Spalte B eins höher als bei Spalte A [siehe Gleichung (2.26)]. Je größer der Freiheitsgrad eines Fits ist, je verläßlicher sind die Ergebnisse.

Für \tilde{x}_{13} wurde ein *ab inito*-Wert [34] benutzt, der festgehalten wurde. Daraus folgt, daß die Werte von $\tilde{\omega}_1$ und $\tilde{\omega}_3$ nur entsprechend der Güte von \tilde{x}_{13} bestimmt sind. In Tabelle 4.13 wird zusätzlich ein Vergleich der harmonischen Wellenzahlen und der Anharmonizitätskonstanten gegeben, die aus berechneten Termwerten nach verschiedenen Verfahren ermittelt wurden. Die erste Abschätzung dieser Parameter wurde von STREY und MILLS [33] vorgenommen. Das exakte Vorgehen kann der genannten Literatur [33] entnommen werden. Die Werte der drei letzten Spalten in Tabelle 4.13 sind die Ergebnisse von *ab initio*-Berechnungen und zeigen gute Übereinstimmung mit den experimentell bestimmten Werten.

4.3.10 Fermi-Resonanzmatrixelemente von HCP

Kombinierte Fits von FT-IR- und Rotationsübergängen [25] für H¹²CP ergaben die folgenden Fermi-Resonanz-Matrixelemente: $\tilde{W}_F (001)^0/(020)^0 = 11.9347(64) \text{ cm}^{-1}$ und $\tilde{W}_F (011)^1/(030)^1 = 16.922(19) \text{ cm}^{-1}$. Der Resonanzparameter \tilde{W}_{FJ} , gemäß

$$\tilde{W}_F = \tilde{W}_F + \tilde{W}_{FJ}J(J+1) \tag{4.21}$$

war im Fit nicht bestimmbar. Aus dem Matrixelement \tilde{W}_F kann der Parameter \tilde{k}_{223} der Potentialfunktion von HCP nach der Formel von PAPOUŠEK and ALIEV [31]:

$$\tilde{W}_F = -\frac{\tilde{k}_{223}}{\sqrt{2}}\sqrt{(v_2+2)^2 - l_2^2} \frac{\sqrt{v_3}}{2}.$$
(4.22)

berechnet werden. Das Matrixelement W_F ist als Funktion der Vibrationsquantenzahlen der Fermi-Resonanzpolyaden mit dem Potentialparmameter \tilde{k}_{223} verknüpft. Wie bei den übrigen Molekülparametern z.B. \tilde{B}_v , \tilde{D}_v , \tilde{q}_v etc. sollte, wie auch für \tilde{k}_{223} , eine gleichmäßige Änderung in positive oder negative Richtung vom Grundzustand aus zu angeregten Schwingungsbanden zu beobachten sein.

In den nächsten Abschnitten werden die exakten und kompletten Meßdaten der Triade (040)/(021)/(002) für l = 0, 2 besprochen (siehe Abbildung 4.1).

Zur Bestimmung von k_{223} der Resonanzdiade $(001)^0/(020)^0$, werden in Gleichung 4.22 die Quantenzahlen $v_2 = 0$, $v_3 = 1$ und $l_2 = 0$ eingesetzt und man erhält:

$$\tilde{k}_{223} = -\frac{\tilde{W}_F}{\sqrt{2}} = -16.8782 \,(91) \,\,\mathrm{cm}^{-1}.$$
(4.23)

Die Differenz der beiden \tilde{k}_{223} Werte von etwa 0.05 cm⁻¹ mit zunehmender Vibrationsanregung könnte eine langsame Zunahme im effektiven Wert des Potentialparameters bedeuten. Für Werte der Fermi-Resonanzelemente der Tiade (040)/(021)/(002) findet man gegenüber \tilde{k}_{223} aus der Diade (001)/(020) beides, leichte Zunahmen und leichte Abnahmen.

$(v_1v_2v_3)$	$^{1)} \tilde{G}_v{}^{calc} / \mathrm{cm}^{-1}$	$^{2)} \tilde{G}_v{}^{calc} / \mathrm{cm}^{-1}$	$(v_1v_2v_3)$	$^{1)} \tilde{G}_v{}^{calc} / \mathrm{cm}^{-1}$	$^{2)} \tilde{G}_v{}^{calc} / \mathrm{cm}^{-1}$
(000)	0.0	0.0	(005)	6296.6(27)	6297.(74)
(010)	674.69(93)	674.700(64)	(200)	6322.39(57)	6322.390(23)
(001)	1280.91(42)	1280.9(66)	(024)	6359.9(46)	6356. (50)
(020)	1332.33(56)	1332.33(15)	(112)	6410.9(15)	6410.9(17)
(011)	1951.20(83)	1951.2(66)	(043)	6416.6(73)	6399.(31)
(030)	1989.78(93)	1989.85(25)	(150)	6421.1(20)	6421.39(51)
(002)	2551.03(88)	2551.(17)	(131)	6424.3(23)	6421.4(66)
(040)	2641.42(14)	2641.60(37)	$(0\ 10\ 0)$	6429.2(59)	6431.0(16)
(100)	3216.89(26)	3216.890(93)	(062)	6454.9(92)	6426.(17)
(012)	3216.9(15)	3217.(17)	(210)	6963.86(69)	6963.850(73)
(050)	3287.2(19)	3287.58(51)	(034)	7007.6(67)	6996.(50)
(003)	3810.4(14)	3810.~(31)	(103)	7017.8(14)	7018.(31)
(022)	3867.7(24)	3866.(17)	(160)	7044.5(27)	7044.99(68)
(110)	3874.97(40)	3874.97(70)	(122)	7045.9(25)	7043.1(17)
(060)	3927.3(26)	3927.80(68)	(141)	7057.9(32)	7052.1(66)
(013)	4471.8(22)	4472 . (31)	(053)	7061.0(98)	7032.~(31)
(101)	4494.15(50)	4494.7(66)	(006)	7523.6(34)	7524.(102)
(120)	4516.00(67)	4515.99(14)	(220)	7588.28(94)	$7588.25\ (14)$
(032)	$4520.3\ (37)$	4514.(17)	(025)	7589.8(57)	7584.8(74)
(070)	$4561.5\ (33)$	$4562.25\ (88)$	(201)	7597.00(71)	7597.0(66)
(004)	$5085.9\ (20)$	5089.~(50)	$(0\ 12\ 0)$	$7645.3\ (82)$	7648.0(22)
(023)	$5119.2\ (35)$	5116.~(31)	(132)	7681.0(37)	7675.(17)
(111)	5148.33(88)	$5148.3\ (66)$	(151)	7686.6(44)	7677.1(66)
(130)	$5156.8\ (10)$	$5156.89\ (25)$	(230)	$8212.5\ (13)$	$8212.54\ (25)$
(042)	$5169.0\ (52)$	5157 . (17)	$(0\ 13\ 0)$	8244.6(93)	8247.6(26)
(080)	5189.9(41)	5190.9(11)	(104)	8275.8(20)	8263.(50)
(014)	5715.9(30)	$5715_{+}(50)$	(123)	8293.4(35)	8290.~(31)
(121)	$5785.9\ (15)$	5784.9(66)	(221)	8855.1(16)	8854.0(66)
(102)	5767.92(92)	5768.(17)	(202)	8860.8(10)	8861.(17)
(033)	5769.3(52)	5760.(31)			
(140)	5791.9(15)	5792.02(37)			
(090)	5812.4(50)	5813.8(13)			
(052)	$5813.9\ (70)$	5794.(17)			

Tabelle 4.14 Rotationsvibrationstermwerte \tilde{G}_v von H¹²CP nach Gleichung (4.17) berechnet.

¹⁾ Nach Gleichung 5.18, ohne gewichteten Fehler berechnet; $\sigma_{Fit} = 5.1 \times 10^{-2} \text{ cm}^{-1}$.

²⁾ Nach Gleichung 5.18, mit gewichtetem Fehler berechnet; $\sigma_{Fit} = 6.2 \times 10^{-5} \text{ cm}^{-1}$.

4.3.11 Berechnung von \tilde{G}_v -Werten der Fermi-Resonanz (040)/(021)/(002)

Die zuvor bestimmten Konstanten aus Tabelle 4.12 wurden benutzt, um einen Satz von \tilde{G}_{v} -Werten zu berechnen. Wie in Tabelle 4.14 beschrieben, wurden dazu Fits mit und ohne Berücksichtigung eines gewichteten Fehlers durchgeführt. Ohne gewichtete Fehlerbetrachtung wurde für jeden aus den IR-Spektren bestimmten Termwert ein Fehler von 1 cm⁻¹ angenommen.

Weiterhin wurden aus den experimentell bestimmten Rotationskonstanten die Wechselwirkungskonstanten von Rotation und Vibration in einem Fit nach Gleichung 5.22 bestimmt. Die Ergebnisse sind in Tabelle 4.15 aufgeführt. Die aus diesen Konstanten wiederrum berechneten Rotationskonstanten sind in Tabelle 4.16 den experimentellen Werten gegenübergestellt.
Konstante	$/{\rm cm}^{-1}$
B_e	0.6693850(59)
\tilde{lpha}_1	0.003147~(54)
\tilde{lpha}_2	-0.0003969(56)
\tilde{lpha}_3	$0.0038280\;(35)$
$ ilde{\gamma}_{11}$	-0.0000547(53)
$ ilde{\gamma}_{22}$	$0.0000217\;(13)$
$ ilde{\gamma}_{33}$	0.0^{a}
${ ilde \gamma}_{12}$	0.00007661(23)
$ ilde{\gamma}_{13}$	0.0^{a}
$ ilde{\gamma}_{23}$	$-0.0000272\ (34)$
$ ilde{\gamma}_{ll}$	0.0000131(14)
$\sigma_{Fit} = 6$	$.47 \times 10^{-7} \text{ cm}^{-1}$

Tabelle 4.15 Die Rotationsschwingungs-Wechselwirkungskonstanten von H¹²CP aus einem gewichtetem Fit an die Rotationskonstanten \tilde{B}_v des effektiven Hamiltonoperators angepaßt.

^{*a*} Der Wert konnte im Fit nicht bestimmt werden, *ab initio* berechnete Werte für $\tilde{\gamma}_{13}$ und $\tilde{\gamma}_{33}$ standen nicht zur Verfügung.

Tabelle 4.16 Gegenüberstellung von \tilde{B}_v -Werten mit nach Gleichung (5.22) berechneten Rotationskonstanten \tilde{B}_v^{calc} . Die Fehler wurden nach dem Fehlerfortpflanzungsgesetz ermittelt.

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{B}_v^{calc}/\mathrm{cm}^{-1}$
(000)	0.666327465(21)	0.666327(10)
(010)	0.666783507(20)	0.666814(15)
(020)	0.66734465(27)	0.667345(23)
(030)	0.6679183(18)	0.667919(33)
(040)	0.668543(17)	0.668536(45)
(001)	0.66247233(28)	0.662472(12)
(011)	0.6628836(16)	0.662932(19)
(021)	0.663454(78)	0.663435(27)
(100)	0.663148080(58)	0.663148(22)
(110)	0.663664734(73)	0.663725(25)
(002)	$0.658\ 498\ (42)$	0.658617(16)
(200)	0.6598593(47)	0.659859(43)

4.4 Diskussion

Spektroskopische Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach YAMADA et al. [30] konnten für die Vibrationszustände (001), (011), (010), (020), (030), (040), (100), (110), (002) und (021) für H¹²CP und (010), (020) und (100) für H¹³CP bestimmt werden. Die Lage der einzelnen Energieniveaus im Energietermschema kann in Abbildung 4.1 verfolgt werden. Die Konstanten des Grundzustandes liegen gerade außerhalb des 3 σ Bereichs der Rotationsdaten, die von DREAN et al. [25] angegeben wurden. Die in dieser Arbeit gemessenen FT-IR-Übergänge wurden gemeinsam mit den von DREAN [25] erhaltenen Rotationsübergängen gefittet. Mit einer Unsicherheit von durchschnittlich 50 MHz sind die Rotationsdaten um einen Faktor 80-100 präziser als die FT-IR-Linienpositionen. Somit bringt die simultane Bearbeitung aller Daten einen Gewinn an Genauigkeit für alle Parameter. Für die meisten Vibrationszustände konnten Rotations- und Zentrifugalverzerrungskonstanten bis \tilde{H}_v und *J*-abhängige Terme \tilde{q}_J der *l*-Typ-Aufspaltungsparameter gewonnen werden.

Die Analyse der Fermi-Resonanz-Parameter der drei Polyaden (020)/(001), (030)/(011) und (040)(021)/(002) wurden ausgeführt. Trotz starker Korrelation unter den Parametern \tilde{G}_v, \tilde{x}_l \tilde{q} and W_F konvergierten die Fits an den Hamiltonian nach YAMADA et al. [30]. Die Parameter des (040) Niveaus konnten anfangs nur für l = 4 bestimmt werden. Allerdings konnten die Vibrationsniveaus $(040)^0$ und $(040)^2$ in einer Abschätzung bestimmt werden, die dann in die Simulation der Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) einfloß. Die Abschätzung für Vibrationsniveaus von (040) mit l = 0, 2 führte dann auch zur Identifikation zugehöriger Subbanden in den neu gemessenen Spektren von HCP. Anschliessend konnte diese Fermi-Resonanz-Triade komplett analysiert (gefittet) werden, die dabei resultierenden Werte standen in sehr guter Übereinstimmung mit den Ergebnissen der dazu vorher durchgeführten Simulation, wie sie auch von JUNG et al. [28] veröffentlicht wurde. Weiterhin wurde die Fermi-Resonanz induzierte Subbande $(001) \leftarrow (010)$ zugeordnet. Die Intensität dieser Bande ist schwächer als die Intensität der $(030) \leftarrow (020)$ Banden, aber größer als die des $(040)^{4e,f} \leftarrow (030)^{3e,f}$ Banden Systems. Die erhaltenen spektroskopischen Konstanten sind in den Tabellen 4.8 und 4.10 zusammengefaßt und erlauben die Reproduktion der Linienpositionen bis zu einer Genauigkeit von 10^{-5} bis 10^{-4} cm⁻¹. Eine Zusammenfassung der gestörten und ungestörten Termwerte der (020)/(001) Fermi-Resonanz-Diade von H¹²CP und H¹³CP ist in Abbildung 4.9 gegeben.



Abbildung 4.9 Effekt der Fermi-Resonanz auf die Vibrationstermwerte der Niveaus (020)/(001) von H¹²CP und H¹³CP. Die gepunkteten Linien beschreiben die entstörten Niveaus und die gestrichelte Linie zeigt den Termwert des berechneten Niveaus (001) von H¹³CP.

Die Differenz der wechselwirkenden Termwerte ist für H¹³CP etwa 20 cm⁻¹ größer, nimmt man an, daß der *ab initio*-Wert für das (001) Niveau von H¹³CP verläßlich ist [32]. Die Isotopenabhängigkeit von \tilde{W}_F kann aber möglicherweise nicht vernachlässigt werden, sie wurde bisher noch nicht theoretisch bearbeitet.

Im Vergleich dazu beträgt die isotopenabhängige Verschiebung bei CO₂ 1.5 cm⁻¹ oder $\approx 3 \%$ von \tilde{W}_F [35] (¹²CO₂ 52.84 cm⁻¹ und, ¹³CO₂ 51.34 cm⁻¹).

Während der Auswertung der HCP-Spektren zeigte sich, daß die ermittelten Werte für den Fermi-Resonanz-Parameter \tilde{W}_F für zwei andere Spektroskopiegruppen, eine am MIT (USA) um Prof. R. W. Field und eine an der Tohoku Universität (Japan), zur Analyse von hoch angeregten Vibrationszuständen bis $\nu_2 = 42$, von Bedeutung sind [7]. Solch hoch angeregte Zustände können mit Methoden der stimulierten Emission (SEP, stimulated emission pumping) populiert werden. Experimentelle und theoretische Studien in der Region hoch angeregter Zustände benötigen zur Auswertung nicht nur spektroskopische Parameter die niedrig liegende Zustände beschreiben, sondern auch Parameter, die zufällige Anharmonische- und Rotationswechselwirkungen kennzeichnen. Aus Resonanzen in der Region niedriger Dichte von Rotationsvibrationszuständen kann das Auftreten von korrespondierenden Störungen in der Region mit hoher Dichte von Rotationsvibrationszuständen abgeleitet werden. HCP und HCN sind dreiatomige Moleküle, die in hoch angeregten Zuständen eine Isomerisierungsreaktion durch das Verschieben eines H-Atoms um die CP- oder CN-Gruppe ausführen können. Im Gegensatz zu HNC ist HPC auf der Potentialenergie-Hyperfläche nach den zur Zeit besten Berechnungen allerdings nicht durch ein Energieminimum gekennzeichnet [5]. Aus diesem Grunde sollten die Moleküle HCN und HCP signifikante Unterschiede im Verhalten hoch angeregter Zustände nahe der Isomerisierungsbarriere zeigen.

4.5 Literaturverzeichnis

- [1] T. E. GIER, HCP, A Unique Phosphorus Compound, J. Am. Chem. Soc. 83, 1769-1770 (1961).
- [2] J. K. TYLER, Microwave Spectrum of Methinophosphide, HCP, J. Chem. Phys. 40, 1170-1171 (1964).
- [3] J. W. C. JOHNS, J. M. R. STONE UND G. WINNEWISSER, Millimeter Wave Spectra of HCP and DCP, J. Mol. Spectrosc. 38, 437-440 (1971).
- [4] J. W. C. JOHNS, H. F. SHURVELL UND J. K. TYLER, A Spectroscopic Study of HCP, the Phosphorous Analogues of Hydrocyanic Acid, Can. J. Phys. 47, 893-920 (1968).
- [5] K. K. LEHMANN, S. C. ROSS UND L. L. LOHR, Experimental and *ab initio* Determination of the Bending Potential of HCP, J. Chem. Phys. 82, 4460–4469 (1985).
- [6] Y.-T. CHEN, D. W. WATT, R. W. FIELD UND K. K. LEHMANN, Observation of Highly Vibrationally Excited \tilde{X} ¹ Σ ⁺ HCP by Stimulated Emission Pumping Spectroscopy, J. Chem. Phys. 93, 2149–2151 (1990).
- [7] H. ISHIKAWA, Y.-T. CHEN, Y. OHSHIMA, B. RAJARAM, J. WANG UND R.W. FIELD, Stimulated Emission Pumping Spectroscopy of HCP near the Isomerization Barrier: $E_v ib \leq 25315$ cm⁻¹, J. Chem. Phys. 105, 7383-7401 (1996).
- [8] M. JUNG, Die Synthese von Methinophosphid (HCP) und das hochaufgelöste FT-IR-Spektrum, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universität Gießen, 1993.
- [9] C. PUZZARINI, R. TARRONI, P. PALMIERI, J. DEMAISON UND M. L. SENENT, Ro-vibrational Energy Levels and Equilibrium Geometry of HCP, J. Chem. Phys. 105, 3132–3141 (1996).
- [10] S. C. FARANTOS, H.-M. KELLER, R. SCHINKE, K. YAMASHITA UND K. MOROKUMA, Normal Mode and Isomerization Bending States in HCP: periodic Orbit Assignment and Spectroscopic Signature, J. Chem. Phys. 104, 10055–10058 (1996).
- [11] M. J. HOPKINSON, H. W. KROTO, J. F. NIXON UND N. C. P. SIMMONS, The Detection of the Reactive Molecule 1-Phosphapropyne, CH₃CP, Chem. Phys. Letters 42, 460-461 (1976).
- [12] H. W. KROTO, J. F. NIXON, N. C. P. SIMMONS UND N. C. P. WESTWOOD, FCP, C-Fluorophosphaethyne: Preparation and Detection by Photoelectron and Microwave Spectroscopy, J. Am. Chem. Soc. 100, 446-448 (1978).

- [13] S. FIRTH, S. KHALAF UND H. W. KROTO, Microwave Spectrum of Chlorophosphaethyne, ClCP, J. Chem. Soc. Faraday Trans. 88, 3393-3395 (1992).
- [14] D. MCNAUGHTON UND D. N. BRUGET, The Infrared Spectrum of Chlorophosphaethyne, ClCP, J. Mol. Spectrosc. 161, 336-350 (1993).
- [15] T. A. COOPER, H. W. KROTO, J. F. NIXON UND O. OHASHI, Detection of C-Cyanophosphaethyne, NCCP, by Microwave Spectroscopy, J.C.S. Chem. Comm. 333-334 (1980).
- [16] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, The ν_1 and $\nu_1 + \nu_2 \nu_2$ Infrared Absorption Bands of $\mathbf{H}^{12}\mathbf{CP}$, J. Mol. Spectrosc. 69, 319–325 (1978).
- [17] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, High-Resolution Infrared Absorption spectrum of \mathbf{H}^{12} CP. The ν_3 Band, J. Mol. Spectrosc. 79, 502–506 (1980).
- [18] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of Methinophosphide: *l*-Type Resonance and the ν_2 , $2\nu_2$ and $3\nu_2$ Bands of $H^{12}CP$; The ν_1 and ν_2 Bands of $H^{13}CP$, J. Mol. Spectrosc. 87, 490–505 (1981).
- [19] J.-M. GARNEAU UND A. CABANA, The ν₃ Vibration-Rotation Band of DCP and the Equilibrium Structure of Methinophosphide, Can. J. Phys. 60, 304-306 (1981).
- [20] A. CABANA, Y. DOUCET, J. M. GARNEAU, C. PEPIN UND P. PUGET, The Vibration-Rotation Spectrum of Methinophosphide: The Overtone Bands $2\nu_1$ and $2\nu_3$, the Summation Bands $\nu_1 + \nu_2$ and $\nu_2 + \nu_3$, and the Difference Band $\nu_1 - \nu_2$, J. Mol. Spectrosc. 96, 342– 350 (1982).
- [21] J. LAVIGNE, C. PEPIN UND A. CABANA, Vibration-Rotation Spectrum of DCP, J. Mol. Spectrosc. 99, 203-208 (1983).
- [22] J. LAVIGNE, C. PEPIN UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of $D^{12}CP$ in the Region of the ν_2 Band: The Spectroscopic Constants for the States 00^00 , 01^10 , 02^00 , and 02^20 and the Bond Lenghts of the Molecule, J. Mol. Spectrosc. 104, 49–58 (1984).
- [23] G. CH. MELLAU, B. P. WINNEWISSER UND M. WINNEWISSER, Absolute FT-IR Line Positions with a Relative Error of 10⁻¹⁰, Mikrochimica Acta, [Suppl.] 14, 575–577 (1997).
- [24] K. A. KEPPLER, , Dissertation (1995). The Ohio State University, Columbus, Ohio.
- [25] P. DREAN, J. DEMAISON, L. POTEAU UND J. M. DENIS, Rotational Spectrum and Structure of HCP, J. Mol. Spectrosc. 176, 139-145 (1996).
- [26] G. GUELACHVILLI UND K. NARAHARI RAO, Handbook of Infrared Standards, Academic Press, London, Academic Press, London, 1986.
- [27] A. DAX, J. S. WELLS, L. HOLLENBERG, A. G. MAKI UND W. URBAN, Sub Doppler Frequency Measurements on OCS at 87 THz (3.4 μ) with the CO Overtone Laser, J. Mol. Spectrosc. 168, 416-428 (1994).
- [28] M. JUNG, B. P. WINNEWISSER UND M. WINNEWISSER, High Resolution FT-IR Spectra of the ν_1 , ν_2 , and ν_3 bands of H¹²CP and of the ν_1 and ν_2 bands of H¹³CP, *J. Mol. Struct.* **413-414**, 31-48 (1997).
- [29] G. GUELACHVILI, M. BIRK, CH. J. BORDÉ, J. W. BRAULT, L. R. BROWN, B. CARLI, A. R. H. COLE, K. M. EVENSON, A. FAYT, D. HAUSAMANN, J. W. C. JOHNS, J. KAUPPINEN, Q. KOU, A. G. MAKI, K. NARAHARI RAO, R. A. TOTH, W. URBAN, A. VALENTIN, J. VERGÈS, G. WAGNER, M. H. WAPPELHORST, J. S. WELLS, B. P. WINNEWISSER UND M. WINNEWISSER, High Resolution Wavenumber Standards for the Infrared, Pure & Appl. Chem. 68, No. 1, 193–208 (1996).
- [30] K. M. T. YAMADA, F. W. BIRSS UND M. R. ALIEV, Effective Hamiltonian for Polyatomic Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 112, 347-356 (1985).

- [31] D. PAPOUŠEK UND M. R. ALIEV, Molecular Vibrational-Rotational Spectra, Elsevier Scientific Publishing Company, Amsterdam, 1982.
- [32] P. BOTSCHWINA UND P. SEBALD, Vibrational Frequencies from Anharmonic ab initio/Empirical Potential Energy Functions: Stretching Vibrations of Hydroisocyanic Acid, Phosphaethyne, Isocyanoacetylene, and Phosphabutadiyne, J. Mol. Spectrosc. 100, 1-23 (1983).
- [33] G. STREY UND I. M. MILLS, The Anharmonic Force Field and Equilibrium Structure of HCN and HCP, Mol. Phys. 26, 129–138 (1973).
- [34] J. KOPUT, The Equilibrium Structure and Spectroscopic Constants of HCP an *ab initio* Study, Chem. Phys. Lett. 263, 401-406 (1996).
- [35] I. SUZUKI, General Anharmonic Force Constants of Carbon Dioxide, J. Mol. Spectrosc. 25, 479-500 (1968).

Kapitel 5

FT-IR-SPEKTREN VON DCP

5.1 Einleitung

Die ersten spektroskopischen Arbeiten an DCP wurden 1964, vier Jahre nach der ersten wissenschaftlichen Arbeit über HCP, von TYLER [1] beschrieben. Die wichtigsten Literaturstellen zu DCP sind im folgenden Kapitel erläutert und sind in den Bereichen Mikrowellen- und Infrarotspektroskopie angesiedelt. Die vorliegende Arbeit leistet einen umfangreichen Beitrag zur FT-IR-Spektroskopie von DCP. In Abbildung 5.1 wird ein Überblick zu den in Giessen bestimmten Termwerten gegeben.

5.1.1 Fourier-Transform-Infrarot-Messungen

FT-IR-Spektren wurden in den spektralen Bereichen der drei Fundamentalen ν_1 , ν_2 und ν_3 mit einem BRUKER IFS 120 HR Interferometer aufgenommen. Die entsprechenden Bandenzentren \tilde{G}_c liegen bei 2419.43 cm⁻¹, 524.65 cm⁻¹ und 1231.40 cm⁻¹. Die Aufnahmebedingungen der einzelnen Messungen sind in Tabelle 5.1 aufgelistet.

Der Zerfall von DCP während der Messungen in der White-Typ-Meßzelle aus Glas war im Zeitraum der Messungen von ein bis zwei Tagen vernachlässigbar. In jedem Spektralbereich wurde je ein Spektrum mit hohem Druck und ein Spektrum mit niedrigem Druck aufgenommen, wie in Tabelle 5.1 angegeben. Im Spektrum mit hohem Gesamtdruck konnten die Linienpositionen der intensitätsstärksten Übergänge mit sehr kleinen Transmissionswerten nicht immer bestimmt werden. Die Linienpositionen dieser Übergänge konnten den Spektren mit niedrigem Druck oder kleinerer optischer Weglänge (Multireflexionszelle) entnommen werden. Die Kalibration wurde mit den gleichen Hilfsmitteln wie für HCP durchgeführt. Die Kalibrationsdaten sind in Tabelle 5.2 dargestellt; alle verwendeten Kalibrationslinienpositionen sind im Anhang B angegeben. Mit den erhaltenen Kalibrationsfaktoren wurden die Transmissionspektren kalibriert, aus denen dann die Listen der Linienpositionen erzeugt wurden. Die gemessenen Interferogramme, die Background-, Einkanal- und Transmissionspektren sind im Anhang in Tabelle C angegeben.

5.2 Analyse und Zuordnung der DCP-Spektren

Abbildung 5.1 zeigt den durch die FT-IR-Messungen bestimmten Teil des Termwertediagramms von D¹²CP. Die durch Fermi-Resonanzen verknüpften Terme sind gekennzeichnet.

5.2.1 Darstellung und Beschreibung der aufgenommenen FT-IR-Spektren

Die folgenden Abbildungen von FT-IR-Transmissionsspektren von DCP geben einen Überblick zu den fünf Meßbereichen. Die Meßbedingungen sind in Tabelle 5.1 zusammengefaßt. In den



Abbildung 5.1 Ausschnitt aus dem Termwertdiagramm von $D^{12}CP$ mit Darstellung der auftretenden Resonanzen. Die Resonanzsysteme mit den beteiligten Termen sind schattiert. Ab initio-Werte der gepunkteten Terme sind aus Tabelle 5.20 [4] entnommen. Übergänge zu diesen Niveaus konnten nicht gemessen werden. In rot sind Terme dargestellt, die in zuerst in Giessen aus hochaufgelösten FT-IR-Messungen bestimmt wurden.

Meßbedingungen	Spektralbereich A) 375–850 cm	1		Sp B)	ektralbereich 1900–2750 cr	n^{-1}
Index	0	1	2	3		4
Gesamtdruck ^a /mbar Länge der Meßzelle ^b /cm Optische Weglänge /cm Optische Fenster Lichtquelle Optische Filter / cm ⁻¹ Apertur Ø /mm Strahlungsteiler Detektor, (T/K) Auflösung ^c / cm ⁻¹ Dopplerlinienbreite / cm ⁻¹ Scans pro Block Gesamtsumme der Scans Temperatur / K	1.72 82 1630 KBr Globar 375–850 1.7 3.5 μ -Mylar Ge:Cu (4.2) 0.001 50 200 297.05 ZTDCPKS.1	$\begin{array}{c} 0.156\\ 82\\ 1630\\ \text{KBr}\\ \text{Globar}\\ 375-850\\ 1.7\\ 3.5\mu\text{-Mylar}\\ \text{Ge:Cu} (4.2)\\ 0.00189\\ 0.001\\ 40\\ 40\\ 296.85\\ \text{ZTDCPL} 1 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.008 \\ 82 \\ 1630 \\ \text{KBR} \\ \text{Globar} \\ 375-850 \\ 1.7 \\ 3.5 \mu\text{-Mylar} \\ \text{Ge:Cu } (4.2) \\ 0.00189 \\ 0.001 \\ 30 \\ 30 \\ 296.65 \\ \text{ZTDCPM.1} \end{array}$	1.8 82 196 KE Gla 190 1.3 Ge In: 0.0 0.0 50 200 296 TE	5 58 3R 50bar 00–2750 auf KBr Sb (77) 0356 040 5.4 0CPAS 1	0.55 82 1968 KBr Globar 1900–2750 1.3 Ge auf KBr In:Sb (77) 0.00356 0.0040 50 200 296.65 TDCPBS.1
Meßbedingungen	Spektralbereich C) 3300–4200		Spektralbere D) 4600–550	ich 0	Spektralbere E) 4500–590	ich 0
Index	5	6	7		8	
Gesamtdruck ^a /mbar Länge der Meßzelle ^b /cm Optische Weglänge /cm Optische Fenster Lichtquelle Optische Filter / cm ⁻¹ Apertur Ø /mm Strahlungsteiler Detektor, T/K Auflösung ^c / cm ⁻¹ Dopplerlinienbreite / cm ⁻¹ Scans pro Block Gesamtsumme der Scans Temperatur / K	2.0 82 1968 KBr Wolfram 3300–4200 1.5 Ge auf KBr In:Sb (77) 0.0070 0.0065 50/25 325 296.15 ZTDCPGS 1	0.28 82 1968 KBr Wolfram 3300-4200 1.5 Ge auf KBr In:Sb (77) 0.0070 0.0065 50 50 296.15 ZTDCPES 1	3.64 82 1968 KBr Wolfram 4600–5500 1.5 Ge auf KBr In:Sb (77) 0.00967 0.009 50 300 295.55 ZTDCPDS 1		3.0 82 1968 KBr Globar 45005900 1.3 Ge auf KBr In:Sb (77) 0.01667 0.009 50/10 60 296.15 ZTDCPJS 1	

Tabelle 5.1 Zusammenstellung der Bedingungen für die FT-IR-Messungen von DCP

^a Summe des Drucks von DCP und der Nebenbestandteile.

 b White-Typ-Meßzelle.

^c 1/Maximum Optical Path Difference.

Die Zusammenstellung der gemessenen Einkanal- und Hintergrundspektren und den daraus berechneten Transmissionsspektren ist im Anhang C aufgeführt.

	A) 375-	-850 cm^{-1}		B) 1900–2750 $\mathrm{cm^{-1}}$	
Index	0	1	2	3	4
Kalibrationsgas Zahl der Linien im Fit Standardabweichung des Fits /10 ⁻⁵ cm ⁻¹	$\begin{array}{c} \mathrm{CO}_2{}^a \\ 18 \end{array}$	$\begin{array}{c} \mathrm{CO_2}^a \\ 18 \end{array}$	$\begin{array}{c} \mathrm{CO_2}^a \\ 18 \end{array}$	CO 18 4.5	CO 22 3.7
ł	C) 330	$0-4200 \text{ cm}^{-1}$	D) 4600–5500 $\rm cm^{-1}$	E) $4500-5900 \text{ cm}^{-1}$	
Index	5	6	7	8	
Kalibrationsgas Zahl der Linien im Fit Standardabweichung	$\underset{11}{\overset{\mathrm{H}_{2}}{\mathrm{O}^{b}}}$	H_2O^b	H_2O^b	H_2O^b	
des Fits $/10^{-5}$ cm ⁻¹	3.4	4.9	5.0	24.5	

 ${\bf Tabelle \ 5.2} \ {\rm Interne} \ {\rm Kalibration} \ {\rm der} \ {\rm FT-IR-Messungen} \ {\rm von} \ {\rm DCP}$

^a Referenzlinen aus Ref. [2].

^b Referenzlinen aus Ref. [2] (siehe Text).

^c Referenzlinen aus Ref. [3].

Die Tabellen mit den Kalibrationslinienpositionen sind im Anhang B angegeben.

Abbildungen der IR-Spektren werden einige der zugeordneten Banden durch sogenannte Zuordnungskämme dargestellt, wobei die einzelnen Zacken der Kämme auf die jeweilige Lage eines Übergangs (Linie) deutet. Zur besseren Gliederung sind die Zuordnungskämme farbig dargestellt. Die Linienpositionen der einzelnen Banden sind im Anhang J und B abgedruckt. In Abbildung 5.2 ist das FT-IR-Spektrum im spektralen Bereich der Knickschwingung ν_2 von 470–780 cm⁻¹ angeführt. Da sich in diesem Meßbereich die meisten Banden (P/R- und vor allem Q-Zweige) befinden, werden hier keine Zuordnungen in Form von Zuordnungskämmen gezeigt. Diese werden im übernächsten Kapitel speziell für einzelne Q-Zweige vorgestellt. Bei der Synthese von DCP entstand auch HCP, somit sind IR-Spektren von DCP und HCP in Abbildung 5.2 zu sehen. Das Bandenzentrum der ν_2 von HCP liegt bei 674 cm⁻¹, etwa 150 cm⁻¹ zu höheren Wellenzahlen verschoben, so daß die betrachteten Spektren beider Moleküle kaum überlappen.

In der nächsten Abbildung 5.3 des Transmissionsspektrums TDCPAS.1 ist der Meßbereich von 2220–2570 cm⁻¹ dargestellt. Dieser Bereich ist sehr wichtig, da Subbanden zweier Fermi-Resonanz-Systeme (100)/(002) und (110)/(012) zugeordnet wurden. Die in grün dargestellte Zuordnung wurde aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHCPK.1 von HCP gewonnen (siehe Kapitel 4.3.1). Linienpositionen von Linien mit zu kleinen Transmissionswerten wurden aus dem Spektrum TDCPBS.1 bestimmt (siehe Abbildung 5.4). Bei zu kleinen Transmissionswerten oder bei "angeschlagenen" Linien ist der Fehler der Linienposition zu groß. Solche Linien sind für die Datenreduktion nicht geeignet. In Kapitel 2.2 wird beschrieben, wie der Transmissionswert einer Linie mit der relativen Unsicherheit ihrer Linienposition zusammenhängt. Für alle in dieser Arbeit zugeordneten Linien wurde ein entsprechender Wert der Unsicherheit der Linienposition berechnet. Im Spektrum TDCPAS.1 mit hohem Gesamtdruck, ist das Bandensystem (100)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f} von HCP schwach zu erkennen.

Die FT-IR-Spektren der Abbildungen 5.5 und 5.6 wurden aufgezeichnet, um die Banden $(101)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ und $(003)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ zuzuordnen. Die beiden Terme (101) und (003) stehen, wie in Abbildung 5.1 gezeigt, ebenfalls in einer Fermi-Resonanz zueinander. In dem Meßbereich von 3500-3950 cm⁻¹ befinden sich mehrere starke CO₂ Banden (CO₂ entstand bei der Darstellung von DCP). Eine Zuordnung der gesuchten Übergänge von DCP gelang bisher noch nicht.

In Abbildung 5.7 werden die Banden der ersten Fermi-Resonanz-Triade (200)/(004)/(102) in der Form von Zuordnungskämmen dargestellt. Die unterschiedliche Strichlänge der Zacken der Zuordnungskämme soll dabei auf die zu höheren Wellenzahlen zunehmende Transmission der einzelnen Banden hinweisen. Die Lage der Bandenzentren wird explizit genannt. Das gleiche Transmissions-FT-IR-Spektrum ist in Abbildung 5.8 gezeigt. In diesem Meßbereich sind neben der Fermi-Resonanz-Triade (200)/(004)/(102) auch Übergänge zur gleichen Fermi-Resonanz-Triade mit einer einfach angeregten Knickschwingung ν_2 , nämlich (210)/(112)/(014), zugeordnet. Die Linien sind sehr schwach, und ihre Lage kann nur durch die Zuordnungskämme erahnt werden. Es war nicht möglich, Übergänge des intensitätsschwächsten Bandensystems $(014)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ zuzuordnen. Die Berechnung des Termwertes und die anschließende Auswertung werden in Kapitel 5.6 beschrieben.

Im Übersichtsspektrum in Abbildung 5.9 (Transmissionsspektrum ZTDCPJS.1) ist der Meßbereich von 5390-5690 cm⁻¹ dargestellt. Die getroffenen Zuordnungen von vier Subbanden sind noch unvollständig. Bisher konnte nur die Zuordnung für die unteren Terme der IR-Übergänge auf der Basis von Kombinationsdifferenzen getroffen werden. Die Termwerte der oberen Niveaus liegen um 8000 cm⁻¹. Da die Dichte der Zustände zu größeren Wellenzahlen zunimmt, wird die Zuordnung der oberen Terme schwieriger. Zusätzlich erschwert wird diese durch das Auftreten von Resonanzpolyaden. Eine korrekte Zuordnung kann nur dann erfolgen, wenn Übergänge zu allen Niveaus vorliegen.

5.2.2 Reihenentwicklungskonstanten von D¹²CP und D¹³CP

Die Reihenentwicklungskonstanten für D¹²CP sind in den Tabellen 5.4 und 5.5 aufgeführt. Die entsprechenden Konstanten für D¹³CP finden sich in den Tabellen 5.6 und 5.7. Die Berechnung dieser Konstanten ist in Kapitel 2.2 erläutert. Die aus den Werten dieser Tabellen berechneten \tilde{G}_c -Termwerte sind in Tabelle 5.3 aufgeführt. Zur Berechnung wurden alle Subbanden in den möglichen Kombinationen zu einem Term unter Berücksichtigung der Fehlerfortpflanzung benutzt. Die angegebenen \tilde{G}_c -Werte wurden dann durch eine gewichtete Mittelwertbildung erhalten.

$(v_1v_2v_3)^{l_2}$	$\tilde{G}_c/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_c/\mathrm{cm}^{-1}$
	$\mathbf{D}^{12}\mathbf{CP}$	$\mathbf{D}^{13}\mathbf{CP}$
$(010)^{1}$	524.6524513(76)	518.3418919(13)
$(020)^{0}$	1037.5017635(31)	1025.611478(83)
$(020)^2$	$1050.655\ 112\ 2\ (96)$	1038.103507(35)
$(001)^{0}$	$1231.403\ 600\ (42)$	· · · · ·
$(011)^{1}$	$1756.82900(\hat{6}9)^{'}$	
$(030)^{1}$	1552.2079573(49)	
$(030)^3$	1578.083533(39)	
$(040)^{0}$	2055.992883(14)	
$(040)^2$	2068.765621(69)	
$(040)^4$	$2107.013\ 592\ (38)$	
$(100)^{0}$	2419.426768(29)	2388.47066(12)
$(002)^{0}$	2462.572656(27)	2422.825057(63)
$(110)^{1}$	2935.071259(16)	· · ·
$(012)^{1}$	2986.9905042(61)	
$(120)^{0}$	3438.5478617(69)	
$(120)^2$	3451.40079(15)	
$(200)^{0}$	4789.052934(32)	
$(004)^{0}$	$4832.277\ 555\ (27)$	
$(102)^{0}$	4915.02150(16)	
$(210)^{1}$	5293.803002(18)	
$(112)^1$	5350.80989(23)	

Tabelle 5.3 \tilde{G}_c , berechnet als gewichteter Mittelwert aus den Tabellen 5.4–5.7







Abbildung 5.3 Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums (TDCPAS.1, Gesamtdruck 1.85 mbar) zur niedrigst liegenden Fermi-Resonanz-Diade aus dem Meßbereich von 2220–2580 cm⁻¹. Zu den fehlenden Zacken der Zuordnungskämme konnte die Zuordnung aufgrund von überlagerten Linien nicht erfolgen. Der obere Teil der Abbildung zeigt verschiedene Banden von CO_2 , die sich überlagern.

Dieses Spektrum wurde aufgenommen, um Linien der Bande $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ mit sehr kleinen Transmissionswerten zu bestimmen. Abbildung 5.4 Übersicht des DCP FT-IR-Spektrums (TDCPBS.1, Gesamtdruck 0.55 mbar) aus dem Bereich der niedrigst liegenden Fermi-Resonanz-Diade.















Abbildung 5.7 Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTDCPDS.1, Gesamtdruck 3.64 mbar) zum $\nu_1 + \nu_3$ Bandensystem von DCP. Der gemessene Bereich zeigt die drei Bandensysteme der niedrigst liegenden Fermi-Resonanz-Triade (200)/(004)/(102). Die unterschiedliche Strichlänge der Zuordnungskämme repräsentiert die zu höheren Wellenzahlen ansteigende Transmission der einzelnen Banden.



Abbildung 5.8 Die Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTDCPDS.1, Gesamtdruck 3.64 mbar) zum $\nu_1 + \nu_3$ Bandensystem von DCP entspricht derjenigen aus Abbildung 5.7. Der gemessene Bereich zeigt zwei der drei Bandensysteme der Fermi-Resonanz-Triade (210)/(112)/(014) mit einfach angeregter Knickschwingung. Die unterschiedliche Strichlänge der Zuordnungskämme repräsentiert die zu höheren Wellenzahlen abnehmende Transmission der einzelnen Banden. Die dritte Bande (014)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f} wurde nicht beobachtet. Die Lage des angegebenen Bandenzentrums wurde berechnet und ist in Abbildung 5.14 agegeben.



Abbildung 5.9 Übersicht des FT-IR-Spektrums (ZTDCPJS.1, Gesamtdruck 3.0 mbar) von DCP aus dem Bereich über 5000 cm⁻¹. Bei den vier zugeordneten Bandensystemen sind bisher nur die unteren Niveaus der Infrarotabsorptionsübergänge bestimmt worden. Die Lage der Bandenzentren ν_0 ist angegeben.

S
E.
'n
ā
21
d.
a
¥
ē
ic
h
H
60
Д
œ
1
S.
•
#
N
2
hl
Ο.
Φ
Ξ.
Ē.
-
ŝ
ΠE
Ъ
eı
S
Y
÷
e e
п
N
Ē
õ
2
d.
n
÷.
er
<u> </u>
:
ă
Ē
Å.
þ
100
^a
e
ge. Di
ge. Die
ge. Die e
ge. Die ent
ge. Die ents
ge. Die entspr
ge. Die entspred
ge. Die entsprech
ge. Die entsprechei
ge. Die entsprechend
ge. Die entsprechende:
ge. Die entsprechenden
ge. Die entsprechenden Li
ge. Die entsprechenden Lin
ge. Die entsprechenden Linie
ge. Die entsprechenden Linien _l
ge. Die entsprechenden Linienpo
ge. Die entsprechenden Linienposi
ge. Die entsprechenden Linienpositi
ge. Die entsprechenden Linienpositio
ge. Die entsprechenden Linienpositions
ge. Die entsprechenden Linienpositionen
ge. Die entsprechenden Linienpositionen si
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sin
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind in
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im A
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im An
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhi
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhan
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J ${\rm a}$
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J $_{ m any}$
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J ang ϵ
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J ${\rm angeg}$
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J $$ angeget
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J $$ angegebe
ge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J angegeben.

1	abelle 5.4 Sp	ektroskopisch	e Reihenentw:	icklungskonst	anten in $J($	J+1) für P-	und R-Subba	anden im FT-	-IR-Spektrun	n von L	CP.
Subbande	ν _c	${ ilde B}^{\prime\prime\prime}_{ps}$	\tilde{B}'_{ps}	\tilde{D}^{II}_{ps}	\tilde{D}_{ps}^{\prime}	${ ilde H}^{\prime\prime\prime}_{ps}$	${ ilde H}_{ps}^{\prime}$	$\tilde{L}_{Ps}^{\prime\prime\prime}$	\tilde{L}'_{ps}	٩	#
	$/ \mathrm{cm}^{-1}$	$/cm^{-1}$	$/ \mathrm{cm}^{-1}$	$/10^{-7} { m cm}^{-1}$	$/10^{-7} { m cm}^{-1}$	$/10^{-13} { m cm}^{-1}$	$/10^{-13}$ cm $^{-1}$	$/10^{-16} { m cm}^{-1}$	$/10^{-16} { m cm}^{-1}$	/10-5	
$(010)^{1e} \leftarrow (000)^{0e}$	524.652 452 2 (67)	0.566 537 34 (22)	0.566 884 85 (21)	$4.77\ 00\ (11)$	4.8213 (11)	0.97 (18)	1.04(18)			1.92	115
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$	512.849312 (11)	0.56688384(37)	0.568 764 76 (37)	4.7976 (56)	6.6707(55)	-17.432(32)	12.6 (31)	4.43 (60)	17.48 (57)	3.35	94
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1e}$	526.002678 (12)	0.56688496(22)	0.56868180(24)	4.81940(96)	3.2083(23)		-27.4(15)		-13.51 (36)	4.02	91
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1f}$	526.0026844(56)	0.56838062(15)	0.56868198(15)	4.885559(62)	4.930 72 (58)			15.883 (39)		2.89	86
$(030)^{1e} \leftarrow (020)^{0e}$	514.706 228 (17)	0.568~765~81~(53)	0.568 355 15 ()	6.6902(48)	5.6400(45)	23.02 (18)	41.3 (12)			6.08	90
$(030)^{1e} \leftarrow (020)^{2e}$	501.552871(14)	0.568 680 86 (70)	0.56835396(69)	3.192(14)	5.626 (15)	-5.22 (87)	37.2 (97)			4.28	56
$(030)^{1f} \leftarrow (020)^{2f}$	501.552897(17)	0.56868243(37)	0.57137398 (37)	4.9350(21)	5.800.9(29)		-35.0 (13)			5.03	63
$(030)^{3e} \leftarrow (020)^{2e}$	527.428478(19)	0.56868028(53)	0.56967964(57)	3.1688(63)	4.3035(84)		-89.7 (51)		16.0 (12)	4.61	69
$(030)^{3f} \leftarrow (020)^{2f}$	527.428 358 (18)	0.56868158(29)	0.56968100(32)	4.9285(12)	4.3536(27)		37.6 (15)		-0.64(31)	5.21	74
$(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1e}$	503.784890(45)	0.5683537(11)	0.5710222(12)	5.587 (12)	10.68(23)		273. (19)			10.10	46
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{1e}$	516.557642(80)	0.5683529(25)	0.5709198(27)	5.591(35)	0.189(46)		-327. (25)			17.89	42
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{3e}$	490.681322 (98)	0.5696643(48)	0.5709103(52)	4.229(61)	0.327 (71)					27.65	27
$(040)^{2f} \leftarrow (030)^{1f}$	516.557647(45)	0.5713740(14)	0.5709238(14)	5.819(16)	5.762 (18)		35.3(54)			12.47	51
$(040)^{2f} \leftarrow (030)^{3f}$	490.681912(86)	0.569679(38)	0.5709223(40)	4.352(35)	5.779 (38)					23.66	30
$(040)^{4e} \leftarrow (030)^{3e}$	$528.930\ 097\ (51)$	0.5696832(15)	0.5706285(14)	4.375(27)	4.533(21)	-59. (25)	35.2 (90)	27.4 (90)		11.42	57 57
$(040)^{4f} \leftarrow (030)^{3f}$	528.930062(42)	0.5696818(10)	0.5706290(98)	4.401(17)	4.4842(96)	114. (19)		-29.6 (68)		9.50	51
$(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$	706.751 132 (19)	0.566 884 33 (63)	0.563 677 75 (66)	4.8081(49)	4.7606(48)					6.49	56
$(011)^{1e} \leftarrow (001)^{0e}$	525.424853(15)	0.56367854(40)	0.56400108(39)	4.7748 (27)	4.8248(27)					6.20	71
$(011)^{1e} \leftarrow (020)^{0e}$	719.329041 (84)	0.5685895(94)	0.5637582(14)	-9.13 (68)	-12.6(11)		8067. (2600)			11.23	13
$(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	$2419.426\ 768\ (29)$	0.566 537 68 (77)	0.56264096(76)	4.7711(34)	4.9575(35)		-8.03 (32)			12.91	88
$(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	2462.572656 (27)	0.56653699(50)	0.56132976(52)	4.7657(14)	4.5367(19)		7.81(31)			12.28	101
$(110)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	2410.418816(34)	0.566 884 85 (82)	$0.563\ 182\ 33\ (81)$	4.8212(30)	4.9475(29)					15.78	77
$(110)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$	2410.418840(29)	0.5683814(10)	0.56469692 (98)	4.8936 (73)	5.0044(66)					11.99	60
$(012)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	2462.338049(50)	0.5668822(20)	0.5614746(19)	4.805(18)	4.642(16)					20.11	60
$(012)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$	2462.338 123 (50)	0.5683790(15)	0.5630573(15)	4.880(11)	4.699.3(96)					18.61	60
$(120)^{0e} \leftarrow (020)^{0e}$	$2401.046\ 103\ (71)$	0.5687597(34)	$0.565\ 190\ 8\ (33)$	6.606(34)	6.739 (31)					21.15	37
$(120)^{2e} \leftarrow (020)^{2e}$	2400. 745 77 (11)	0.5686606(33)	$0.565\ 106\ 5\ (32)$	3.120 (23)	3.130 (22)					30.80	00 00
$(120)^{2f} \leftarrow (020)^{2f}$	2400. 745 90 (15)	0.5687169(46)	$0.565\ 158\ 88\ (46)$	5.219 (38)	5.251(37)					35.46	0 07
$(200)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	4789.052934 (32)	0.566 538 38 (66)	$0.559\ 155\ 58\ (68)$	4.7787 (23)	5.0471(31)	-25.98 (59)				13.38	87
$(004)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	4832.277 555 (27)	0.566 537 96 (62)	0.55664613(65)	4.7750 (27)	4.5921(38)	19.38 (89)				10.64	71
$(102)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	4915.02150(16)	0.5665347(42)	0.5564625(43)	4.755 (37)	4.509(39)					49.67	53
$(210)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	4769.1505 520 (63)	0.5668827(17)	0.5597848(17)	4.801 (12)	4.917 (12)					20.39	50
$(210)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$	4769.150428(75)	0.5683751(19)	0.5613037(19)	4.833(13)	4.945(13)					22.70	50
$(112)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	4826.15755 (15)	0.5668501(15)	0.5568936(51)	4.439 (67)	4.514(59)					26.74	22
$(112)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$	4826.15701(31)	0.5684431(15)	$0.558614\ (15)$	6.64(29)	6.39 (26)					56.08	26

Subbande	$\tilde{\nu}_c / \mathrm{cm}^{-1}$	$\Delta ilde{B}_{ps}^{\prime\prime} / 10^{-3} \mathrm{cm}^{-1}$	$\Delta \tilde{D}_{ps} / 10^{-8} \mathrm{cm}^{-1}$	$\Delta ilde{H}_{ps} / 10^{-14} \mathrm{cm}^{-1}$	$\Delta \tilde{L}_{ps} / 10^{-16} \mathrm{cm}^{-1}$	$^{\sigma}/10^{-5}$	#
$(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$	524.652390(54)	1.843876(85)	1.2135(45)	6.48(45)		4.93	54
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$	512.849360(16)	0.38414(13)	17.941(29)	361.(17)		2.34	25
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$	526.002693(16)	0.30066(14)	-16.763(33)	-232.(27)	-14.94(71)	3.32	37
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e}$	526.002648(11)	1.15650(44)	6.1(12)			0.77	44
$(030)^{1e} \leftarrow (020)^{2f}$	501.552876(17)	-0.32748(16)	7.072(37)	474.(31)	-2.92(77)	3.83	38
$(030)^{1f} \leftarrow (020)^{0e}$	514.7062431(78)	2.608532(86)	-8.869(22)	-611.(20)	-13.71(54)	2.07	38
$(030)^{1f} \leftarrow (020)^{2e}$	501.552882(27)	.69191(27)	25.753(72)	-240.9(66)	18.62(19)	5.70	40
$(030)^{3e} \leftarrow (020)^{2f}$	$527.428321\ (23)$	$0.997\ 03(16)$	-5.699(24)	-355.(10)		5.93	32
$(030)^{3f} \leftarrow (020)^{2e}$	527.428462(13)	0.999445(15)	11.342(43)	518.(46)	16.7(15)	2.60	31
$(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$	503.784912(69)	-0.35131(89)	49.09(32)	3307.(32)		6.08	18
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{1f}$	516.55765(12)	-0.45111(15)	-54.62(40)			13.74	15
$(040)^{2f} \leftarrow (030)^{1e}$	516.557654(44)	2.56922(45)	1.13(12)	-327.(86)		7.08	26
$(040)^{4e} \leftarrow (030)^{3f}$	528.930066(38)	0.945086(53)	0.95(21)	-1016.(29)	30.(12)	4.68	25
$(040)^{4f} \leftarrow (030)^{3e}$	528.930158(45)	0.944212(43)	1.17(11)	327.(71)		7.10	24
$(040)^{2e} \leftarrow (030)^{3f}$	490.68231(13)	1.2363(10)	-42.274(20)	-4671.(100)		21.30	25
$(040)^{2f} \leftarrow (030)^{3e}$	490.682494(82)	1.23857(47)	13.13(53)			16.64	18
$(011)^{1f} \leftarrow (001)^{0e}$	525.424877(29)	1.86372(46)	0.91(15)			3.73	13
$(011)^{1f} \leftarrow (020)^{2e}$	719.32659(31)	-3.2245(48)	-20.25(21)	-4681.(2800))		3.73	13
$(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$	706.7513232(61)	-4.702927(31)	-1.1844(27)			16.15	13
a, 1 1 1 1	1 1						

Ţ
<u>n</u>
Š.
1
le
Сп
01
\mathbf{S}
ĕ
<u></u>
Г
¥s.
Ö
Щ.
č.
he
÷.
ĕ
ih
ē
lei
nt
W
id.
ll2
un
٥ <u>و</u>
ž
2
IS
ā
nt
ē
Ξ.
Б
J
Ċ
-
—
1)
f
H.
0
Ϋ́,
Ζv
ve
ф.
e
Ξï.
<u>с</u>
Ę
F
F
E.
p ²
ě
t
ru
Π.
~
/O]
n
D
12
Ω
Ρ

σ Standardabweichung des Fits. # Zahl der im Bandensystem zugeordneten Übergänge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang J angegeben.

Subbande	$/\mathrm{cm}^{-1}$	$/ \frac{\mathcal{B}_{ps}^{rs}}{\mathrm{cm}^{-1}}$	$/ \frac{\mathcal{B}_{ps}}{\mathrm{cm}^{-1}}$	$/10^{-7} { m cm}^{D_{ps}^{ps}}$	$/10^{-7} { m cm}^{ps} { m cm}^{-1}$	$/10^{-5}$.+L
$(010)^{1e} \leftarrow (000)^{0e}$	518.3418913(52)	0.54796289(13)	0.54820936(13)	4.48045(80)	4.52349(79)	2.24	
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e}$	507.269587(40)	0.5482084(12)	0.54991119(12)	4.517(10)	6.229(11)	13.07	
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1f}$	519.761618(30)	0.5496291(11)	0.5498303(11)	4.6039(80)	4.6378(78)	12.43	
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1e}$	519.761456(55)	0.5482102(17)	0.5498294(18)	4.520(18)	3.033(20)	17.79	
$(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	2388.47066(12)	0.5479684(35)	0.5434849(37)	4.583(41)	4.9482(45)	24.14	<i>.</i> .
$(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	2422.825057(63)	0.5479623(24)	0.5438690(23)	4.480(23)	4.053(21)	24.08	N

Г
ພ
þe
Į
0
сл Сл
$^{\rm op}$
ek
tre
bsk
lo.
SIC.
ch
e I
Re
ihe
∋n∈
ent
W
ick
lu.
ng
sk
on
sta
an
ter
ı i
n,
J(
J -
+
L)
fü
ŗĮ
Ĕ
un
d
R-
^{1}S
lqi
Dai
nd
en
E.
n l
L
[]
R-
$^{\mathrm{p}}$
vek
tri
un
L C
10/
ι
<u></u>
õ
P

Zahl der im Bandensystem zugeordneten Übergänge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang B angegeben.

Tabelle 5.7 Spektroskopische Reihenentwicklungskonstanten in J(J+1) für Q-Zweige im FT-IR-Spektrum von D¹³CP.

Subbande	$\frac{ ilde{ u}_c}{ m cm}^{-1}$	$\frac{\Delta B_{ps}}{/10^{-3}} \mathrm{cm}^{-1}$	$\frac{\Delta D_{ps}}{10^{-8} { m cm}^{-1}}$	${\Delta H_{ps}\over /10^{-14}{ m cm}^{-1}}$	$\sigma / 10^{-5}$	#
$(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$	518.341895(12)	1.663338(42)	1.0387(27)		4.67	47
$(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$	507.269556(27)	0.028701(18)	16.612(26)		4.07	21
$(020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$	519.761568(84)	-0.20073(56)	-16.098(95)	-530.(44)	16.52	30
$(020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e}$	519.761661(29)	1.61765(23)	0.844(50)	-76.(27)	7.12	28

σ Standardabweichung des Fits. # Zahl der im Bandensystem zugeordneten Übergänge. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang B angegeben.

5.2.3 Darstellung und Beschreibung von Q-Zweigen des Moleküls DCP

Für DCP wurden mehr Übergänge gemessen als für HCP. Das lag an der vorhandenen Erfahrung mit HCP und auch daran, daß die White-Typ-Meßzelle des BRUKER IFS 120 HR mit großer Weglänge benutzt wurde. Um einen Eindruck der hohen Auflösung der Messungen zu geben, sollen einige Q-Zweige mit ihren Zuordnungen dargestellt werden. In Abbildung 5.10 sind Q-Zweige aus dem Spektralbereich um die fundamentale Knickschwingung ν_2 gezeigt. Das IR-Spektrum ist sehr dicht, und die abgebildeten Q-Zweige sind alle überlagert. Die Zuordnungen waren aufgrund der hohen Auflösung und des guten Signal-Rausch-Verhältnisses durchzuführen. Die Darstellung der Q-Zweige in Abbildung 5.10 wirkt noch etwas gedrängt, weil die fundamentale Q-Zweig-Bande der ν_2 auf einer Seite abgebildet werden sollte, um zu zeigen, wie viele andere Subbanden von DCP sich unter ihr verbergen. Das komplette Übersichtsspektrum ist im Anhang A abgebildet. Der Q-Zweig $(011)^{1f} \leftarrow (001)^{0e}$ konnte nur bis J = 17 zugeordnet werden, weil er mit den sehr starken Q-Zweigen $(020)^{2e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ der zweifach angeregten Knickschwingung ν_2 überlappt. Übergänge zur dreifach angeregten Knickschwingung, dargestellt durch die blau gekennzeichneten Zuordnungskämme, sind ebenfalls deutlich zu erkennen. Selbst Übergänge mit vierfacher Anregung der ν_2 zeigen noch recht starke Linien. Daher wurde angenommen, daß auch Übergänge zu $v_2 = 5$ vorhanden sein müssten. Als Kandidat für eine Bande zu $v_2 = 5$ kam anfangs ein Q-Zweig bei 507.27 cm⁻¹ in Frage. Zu diesem Zeitpunkt waren noch keine entsprechenden P/R-Linien bekannt. Aufgrund der rechteckigen Form des Q-Zweiges war auch nicht klar wo der Bandenursprung liegt. Nachdem aber mit der Zuordnung für D¹³CP begonnen wurde, stellte sich heraus, daß es sich bei dem Q-Zweig bei 507.27 cm⁻¹ um Übergänge der Bande $(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$ von D¹³CP handelte. Eine Abbildung des Q-Zweiges bei 507.27 cm⁻¹ kann dem Übersichtsspektrum des Anhangs A entnommen werden. Eine rechteckige Form weißt auch der gleiche Q-Zweig bei $D^{12}CP$ auf (siehe Abbildung 5.11, oberes Bild). Die rechteckige Form kommt dadurch zustande, daß es einen Bandenkopf gibt. In einem Bandenkopf kehrt sich die Laufrichtung der Linien um. Im Kapitel 8 zur FT-IR Emissionsspektroskopie sind in den Abbildungen 8.3 und 8.4 verschiedene Q-Zweige von HCP mit einem Bandenkopf dargestellt. Im unteren Bild von Abbildung 5.11 sind die Banden $(040)^{2e,f} \leftarrow (030)^{1e,f}$ aufgeführt. In schwarz ist das IR-Spektrum ZTDCPKS.1 und in rot das IR-Spektrum ZTDCPL.1 abgebildet. Man sieht, daß die Zuordnung der Q-Zweige nicht aus dem IR-Spektrum mit niedrigerem Gesamtdruck ZTDCPL.1 stattfinden konnte.

Zur Bestimmung von Linienpositionen aus der Bande $(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$ wurde das IR-Spektrum ZTDCPL.1, mit niedrigerem Gesamtdruck in der Meßzelle, benutzt. In Abbildung 5.12 sind die beiden Q-Zweig Bandensysteme $(030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{2e,f}$ und $(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$ von D¹²CP dargestellt.

Die nächste Abbildung 5.13 zeigt zwei Q-Zweige, die etwa 150 cm⁻¹ zu höheren Wellenzahlen verschoben sind als die anderen zugeordneten Q-Zweige von DCP. Damit liegen die Übergänge ganz in der Nähe der fundamentalen Knickschwingung von HCP. Linien beider Moleküle sind in diesem Bereich überlagert. Die Zuordnung konnte nur erfolgen, weil bereits Übergänge zu unteren und oberen Niveaus der beiden Q-Zweige $(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1f}$ und $(011)^{1f} \leftarrow (020)^{0e}$ gemessen wurden. Aus den entsprechenden Parametern der LINC-Fits konnten sehr genaue Linienpositionen berechnet werden, die dann auch im IR-Spektrum zugeordnet werden konnten.

Die in Tabelle 5.8 angegebenen Konstanten wurden in einem globalen Fit mit dem effektiven Hamiltonian, wie in Kapitel 2.3.1 beschrieben, bestimmt. In diesem globalen Fit sind ebenfalls alle komplett gemessenen Fermi-Resonanz-Systeme eingeschlossen. Im einzelnen sind dies die Systeme (100)/(002), (110)/(012), (200)/(004)/(102) und das Niveau (120). Das letztere steht



Abbildung 5.10 Übersicht von Q-Zweigen aus dem ν_2 Bandensystem des Moleküls DCP aus dem Spektrum ZTDCPKS.1 (Gesamtdruck: 1.72 mbar, Auflösung: 0.00189 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0010 cm⁻¹).



Abbildung 5.11 Übersicht von Q-Zweigen aus dem ν_2 Bandensystem des Moleküls DCP. Das in rot abgebildete FT-IR-Spektrum entspricht dem Spektrum ZTD-CPL.1 (Gesamtdruck: 0.156 mbar, Auflösung: 0.00189 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0010 cm⁻¹). In schwarz ist das Spektrum ZTDCPKS.1 dargestellt (Gesamtdruck: 1.72 mbar, Auflösung: 0.00189 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0010 cm⁻¹).





Abbildung 5.12 Übersicht von Q-Zweigen aus dem ν_2 Bandensystem des Moleküls DCP (FT-IR-Spektrum ZTDCPKS.1).



Abbildung 5.13 Übersicht von Q-Zweigen aus dem ν_2 Bandensystem des Moleküls DCP (FT-IR-Spektrum ZTDCPKS.1).

in einer Fermi-Resonanz zum Niveau (022). Zu diesem Energieniveau wurden keine Übergänge gemessen. Für diesen Fall wurde der Effekt der Fermi-Resonanz nach Gleichung (5.18) berechnet. Eine Simulation der Resonanz durch LINC konnte nicht vorgenommen werden, da keine entsprechende Fortranroutine vorliegt. Eine graphische Übersicht zu den Niveaus, die im globalen Fit mit mehr als 70 angepaßten Parametern eingeschlossen sind, gibt Abbildung 5.1.

Von der zweiten Fermi-Resonanz-Triade konnte der Termwert des Energieniveaus (014) nicht experimentell bestimmt werden, da keine Rotationsvibrationsübergänge zu diesem Term gemessen werden konnten. Allerdings konnte der ungestörte Termwert des Niveaus (014) durch die harmonischen Wellenzahlen und die Anharmonizitätskonstanten nach Gleichung (5.18) geschätzt werden. Die Konstanten \tilde{B}_v und \tilde{D}_v wurden analog nach Gleichungen (5.22) und (5.23) berechnet. Die anschließend durchgeführte Simulation in LINC wurde nicht in den globalen Fit mit eingeschlossen. Die Werte der Parameter des globalen Fits wurden bei dieser Simulation konstant gehalten, um einen Einfluß der geschätzten Parameter auf die tatsächlich gemessenen Daten zu verhindern.

5.3 Fermi-Resonanz (100)/(002) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$

Die Fermi-Resonanz zwischen ν_1 und $2\nu_2$ wurde 1983 von BOTSCHWINA und SEEBALD [6] durch empirische- und *ab initio*-Betrachtungen vorhergesagt.

Die Termwerte der berechneten Bandenzentren der Energieniveaus (100) und (002) stimmen dabei sehr gut mit den experimentell bestimmten Termwerten überein. Allerdings ist die Intensitätsberechnung, wonach die Streckschwingung $2\nu_3$ etwa 10 % schwächer sein soll als die andere Streckschwingung ν_1 , nicht zutreffend. Dies wurde von den angeführten Autoren auch schon vermutet und wird durch die Ergebnisse der vorliegenden Arbeit bestätigt.

Für H¹³CP konnten keine Übergänge zum Niveau (001) des Fermi-Resonanzsystems (020)/(001) gemessen werden, obwohl dies mehrfach versucht wurde. Die Messung der Bande (002) \leftarrow (000) für D¹³CP dagegen gelang bereits mit der ersten Messung. Die Matrix zur Bestimmung der effektiven Konstanten nach Kapitel 2.3.1 hat die Form:

$$\frac{|v_1 v_2 v_3, l s\rangle}{\langle 100, 0e|} \quad \frac{|100, 0e\rangle}{E_0} \quad \frac{|002, 0e\rangle}{W_F} \\ \langle 002, 0e| \quad W_F \quad E_1$$
(5.1)

Die Ergebnisse der Auswertung mit LINC sind in Tabelle 5.10 dargestellt.

Für das Außerdiagonalelement \tilde{W}_F wurde zu Beginn der Auswertung mit LINC ein Wert von 18.10 cm⁻¹ bestimmt. Nach Gleichung (5.10) folgt für \tilde{k}_{13} (\tilde{k}_{13} beschreibt den kubischen Anteil der DCP Potentialfunktion):

$$\tilde{k}_{13} = \frac{18.010 \, cm^{-1}}{\sqrt{2}}.$$
(5.2)

Für die Beschreibung weiterer Fermi-Resonanzsysteme auf den folgenden Seiten ist dieser Wert aufgrund der nach Gleichung (5.10) gezeigten Vibrationsabhängigkeit von entscheidender Bedeutung. Es wird gezeigt, wie zunächst eine falsche Zuordnung zu einer Differenz zwischen erwarteten und mit LINC bestimmten Außerdiagonalelementen geführt hat. Die einzelnen Werte von \tilde{W}_F und \tilde{W}_E wurden mit LINC durch Diagonalisierung der entsprechenden Hamiltonmatrizen und Minimierung der Fehlerquadratsumme über gemessene und berechnete Übergänge bestimmt. In Tabelle 5.9 werden diese Werte den korrekten Daten gegenübergestellt.

Auch PÉPIN und CABANA gaben 1986 durch ihre FT-IR-Messungen von DCP einen indirekten Hinweis auf eine Fermi-Resonanz der Niveaus (100)/(002) durch die Messung der Bande

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{G}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{x}_l/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{y}_l/10^{-4}{ m cm}^{-1}$
$\begin{array}{c} (010) \\ (020) \\ (030) \\ (040) \\ (001) \\ (011) \end{array}$	$\begin{array}{c} 525.220\ 093\ (14)\\ 1037.501\ 801\ (15)\\ 1548.973\ 790\ (17)\\ 2055.992\ 922\ (32)\\ 1231.403\ 773\ 3\ (17)\\ 1757.393\ 385\ (26) \end{array}$	$\begin{array}{c} 3.857\ 013\ 0\ (16)\\ 3.804\ 095\ 2\ (14)\\ 3.765\ 680\ 2\ (83) \end{array}$	- 3.916 0 (46)
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{d}_{Jl}/10^{-5}~{ m cm}^{-1}$	
$(000) \\ (010) \\ (020) \\ (030) \\ (040) \\ (001) \\ (011) \\ (010) \\ (011) \\ (010) \\ (000) \\ (010$	$\begin{array}{c} 0.566537158(14)\\ 0.567631831(14)\\ 0.568764722(16)\\ 0.569886498(50)\\ 0.57102067(16)\\ 0.563678034(40)\\ 0.5647707(19) \end{array}$	$\begin{array}{c} -2.15884(45)\\ -2.37202(52)\\ -2.5577(12)\end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v / 10^{-6} \mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{h}_{Jl}/10^{-10}~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v / 10^{-13} \mathrm{cm}^{-1}$
$\begin{array}{c} (000) \\ (010) \\ (020) \\ (030) \\ (040) \\ (001) \\ (011) \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.476766(35)\\ 0.485390(34)\\ 0.496473(34)\\ 0.50731(14)\\ 0.51947(28)\\ 0.476945(37)\\ 0.48607(50) \end{array}$	-7.748(32) -7.24(22) -8.11(25)	$\begin{array}{c} 0.55 \ (12) \\ 0.92 \ (11) \\ 1.06 \ (12) \\ 1.37 \ (26) \\ 1.67^{a} \\ 0.55^{b} \\ 0.55^{b} \end{array}$
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}_v/10^{-3}~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{q}_J/10^{-9}~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{q}_{JJ}/10^{-13}{ m cm}^{-1}$
$(010) \\ (020) \\ (030) \\ (040) \\ (001) \\ (011)$	$\begin{array}{c} 1.496\ 207\ (17)\\ 1.499\ 076\ (52)\\ 1.509\ 690\ (18)\\ 1.522\ 38\ (32)\\ 1.542\ 15\ (28) \end{array}$	$\begin{array}{r} -6.899(19)\\ -7.761(29)\\ -8.393(19)\\ -11.07(38)\\ -8.18(95) \end{array}$	$ \begin{array}{r} 0.384 (50) \\ 5.02^{c} \\ 6.17^{c} \\ 7.33^{c} \end{array} $
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}_l/10^{-6}{ m cm^{-1}}$		
$\begin{array}{c} (010) \\ (020) \\ (030) \\ (040) \\ (001) \\ (011) \end{array}$	-2.44(24) -3.41(20)		

Tabelle 5.8 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grund- und angeregte Zustände der Knickschwingung ν_2 und der Streckschwingung ν_3 von D¹²CP.

^a Der Wert wurde aus einem Polynomfit (gewichtet mit $\frac{1}{\sigma^2}$ und normalisiert) der \tilde{H}_v -Werte von (000), (010), (020) und (030) bestimmt.

 \tilde{H}_v wurde auf dem Wert des Grundzustandes festgehalten.

^c Ebenfalls durch einen Polynomfit (ungewichtet) wurden die Werte für die drei bezeichneten Niveaus geschätzt. In einer vorhergegangenen Anpassung konnte ein \tilde{q}_{JJ} für das (030) Niveau mit ausreichender Genauigkeit erhalten werden und wurde neben dem Wert für (010) als zweite Stützstelle für den Fit benutzt.



Abbildung 5.14 Effekt der Fermi-Resonanz auf die Vibrationstermwerte der Niveaus (100)/(002), (110)/(012), (012)/(022), (200)/(004)/(102) und (210)/(112)/(014). Blau: entstört, grün: nach Gleichung (5.18) berechnet. Die durch die Fermi-Resonanz bedingte Verschiebung von Termen ist durch δ (Verschiebung der ungestörten Lage, ohne Fermi-Resonanz, zur gestörten Lage eines Zustandes) und durch Δ (halber Abstand zweier ungestörter Niveaus eines Zustandes) gekennzeichnet.



Abbildung 5.15 Absorptionsgrad α von Übergängen des Fermi-Resonanzsystems: (100)/(002) oben links bei hohem DCP-Partialdruck, oben rechts bei niedrigem Druck. In der Mitte links ist der Absorptionsgrad α von Banden des Resonanzsystems (110)/(012) und in der Mitte rechts die Werte für das Niveau (120) des Fermi-Resonanzsystems (120)/(022) dargestellt. Übergänge zum Niveau des Resonanzpartners (022) konnten nicht gemessen werden. Unten links sind die Übergänge der Resonanztriade (200)/(004)/(102) und rechts einige schwache Übergänge der Resonanztriade (210)/(112)/(014) abgebildet. Übergänge zum Niveau (014) konnten nicht zugeordnet werden.

 $(110)^{1e,f} \leftarrow (000)$. Der Hinweis ergab sich aus zwei verschiedenen Werten für die Anharmonizitätskonstante \tilde{x}_{12} aus LAVIGNE *et al.* [7] sowie PÉPIN und CABANA [8]. In der erstgenannten Arbeit ergab die Analyse angeregter Knickschwingungszustände bis $v_2 = 2$: $\tilde{x}_{12} = -9.95$ (5) cm⁻¹. Aus der zweiten Arbeit, der Auswertung des Kombinationszustandes (110), nach

$$\tilde{x}_{12} = \tilde{G}_{110} - \tilde{G}_{100} - \tilde{G}_{010}, \tag{5.3}$$

folgte ein Wert von $\tilde{x}_{12} = -9.009 (1) \text{ cm}^{-1}$. Die Autoren folgerten, da die Niveaus (110) und (010) nicht durch andere Niveaus in deren Nähe gestört werden könnten, daß das (100)-Niveau durch eine Fermi-Resonanz mit dem (002)-Zustand verschoben ist. Wie der nächste Abschnitt zeigt, ist dies nur teilweise korrekt. Das (110)-Niveau muß ebenfalls in einer Fermi-Resonanz mit dem (012)-Niveau stehen, somit sind in Gleichung (5.3) zwei Termwerte, (110) und (100), durch Fermi-Resonanzen gestört. Beide Niveaus werden dadurch zu tieferen Wellenzahlen verschoben (siehe Abbildung 5.14). Das (100)-Niveau wird dabei 1 cm^{-1} weiter abgesenkt als das (110)-Niveau. Daraus resultiert die oben angeführte Diskrepanz der \tilde{x}_{12} -Werte von ca. 1 cm⁻¹. Aufgrund der Kompensation der Verschiebung nach unten gingen PÉPIN und CABANA von einer schwachen Fermi-Resonanz aus und unternahmen keine weiteren Versuche, Übergänge zum Niveau (002) zu suchen. Die Streckschwingung ν_3 ist neben den beiden anderen fundamentalen Schwingungen die intensitätsschwächste. Bei einer schwachen Resonanz gibt es auch nur einen schwachen Intensitätsgewinn für die schwächere Bande einer Resonanz. PÉPIN und CABANA konnten diese Bande nicht finden. Allerdings ist auch die von den Autoren benutzte Synthese nach GIER [9] nicht besonders geeignet, da neben DCP und HCP auch C₂H₂ und C₂D₂ entsteht, welche ebenfalls starke Absorptionen im spektralen Bereich der $2\nu_3$ von DCP haben.

$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$		für $ ilde{W}$ erwartet	$\tilde{W}_A /\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{W}_B /\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{W}_C /\mathrm{cm}^{-1}$
(100) /(002)	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{2}$	18.010	18.010	17.944
$(110)^{1e,f}/(012)^{1e,f}$	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{2}$	18.010		18.46
$(101)/(003)^a$	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{6}$	31.19		_
(200) /(102)	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{4}$	25.47	17.75	25.392
(102) /(004)	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{3}$ 4	44.11	42.75	43.980
(210) ^{1e,f} /(112) ^{1e,f}	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{4}$	25.47		25.392
$(112)^{1e,f}/(014)^{1e,f}$	\Rightarrow	$\tilde{k}_{13}\sqrt{3}$ 4	44.11		43.982

Tabelle 5.9 Aus dem Fermi-Resonanzsystem (100)/(002) nach Gleichung (5.2) und Gleichung (5.10) berechnete Außerdiagonalelemente.

Die fett gedruckten Quantenzahlen wurden benutzt, um nach Gleichung(5.10) die zweite Spalte dieser Tabelle aufzustellen.

^a Konnte nicht zugeordnet.

 \tilde{W}_A — Erwartete Werte für die Fermi-Resonanz Außerdiagonal
elemente.

 $ilde{W}_B$ – Zu Beginn der Auswertung mit LINC gefittete Werte. Die Differenz zu den erwarteten Werten war zu groß.

 $ilde{W}_C$ Abschließende Ergebnisse mit korrekter Zuordnung. Gute Übereinstimmung mit den erwarteten Werten $ilde{W}_A$.

5.4 Fermi-Resonanz (110)/(012) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$

Analog zum zuvor beschriebenen System ist die Fermi-Resonanz ebenfalls für Systeme mit $v_2 > 0$ für $v_2 = 0, 1, 2, ...$ zu beobachten. Der Wert von \tilde{W}_F wächst dabei von der Fermi-Resonanz (100)/(002) zur Fermi-Resonanz (110)/(012) um etwa 0.5 cm⁻¹ von 17.944 (28) auf 18.46 (34)

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{G}_v /\mathrm{cm}^{-1}$	
$(100)\\(002)$	$\begin{array}{c} 2429.025\;(42)\\ 2452.975\;(42)\end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/{ m cm}^{-1}$	
$(100) \\ (002)$	$\begin{array}{c} 0.563\ 165\ 5\ (40)\\ 0.560\ 805\ 0\ (40) \end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v/10^{-13}~{ m cm}^{-1}$
$(100) \\ (002)$	$\begin{array}{c} 0.47182\ (57)\\ 0.477\ 66\ (58) \end{array}$	$0.55 \ ^{a}$ $0.55 \ ^{a}$
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F/\mathrm{cm}^{-1}$	
(100)/(002)	17.944(28)	

Tabelle 5.10 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grund- und angeregte Zustände der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von D¹²CP der Fermi-Resonanz-Diade: (100)/(002).

Der Wert von \tilde{H}_v konnte im Fit nicht bestimmt werden und wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten (Tabelle 5.8).

cm⁻¹ an. Auch die \tilde{B}_{v^-} und \tilde{D}_{v} -Werte steigen leicht an und verhalten sich somit wie erwartet (siehe Kapitel 5.12.1). Die Hamiltonmatrix ist bezüglich der Fermi-Resonanzbetrachtung identisch mit dem System (100)/(002) aus Abschnitt 5.3, enthält allerdings zusätzlich Außerdiagonalelemente U_{11} und U'_{11} , die die *l*-Typ-Resonanz beinhalten (siehe Kapitel 2.3.1). Die für dieses System vollständige Matrix lautet (mit p + oder – wird die Parität der Wellenfunktion bezeichnet):

_	$ v_1v_2v_3,\mathrm{p}l angle$	$ 012,-1\rangle$	$ 110, -1\rangle$	$ 110,+1\rangle$	012,+1 angle	
	$\langle 012, -1 $	E_{11}	W_F	0	U_{11}	
$\mathbf{H} =$	$\langle 110, -1 $	W_F	E'_{11}	U'_{11}	0	(5.4)
	$\langle 110, +1 $	0	U'_{11}	E'_{11}	W_F	
	$\langle 012, +1 $	U_{11}	0	W_F	$E_{11}.$	

Im Blick auf die anschließende Wang-Symmetrisierung nach:

$$\mathbf{H}' = \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{H} \mathbf{X}. \tag{5.5}$$

mit

$$\mathbf{X} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix},$$
(5.6)

wie bereits vorhergehend im Abschnitt 2.3.6 beschrieben, wurde die Matrix 5.4 zentrosymmetrisch geordnet aufgestellt. Die blockdiagonalisierte Matrix \mathbf{H}' wird durch die folgenden beiden Matrizen repräsentiert. Im Fitprogramm LINC sind diese beide Matrizen programmiert.

Т

$$\frac{|v_1 v_2 v_3, ls\rangle}{\langle 110, 1e|} \quad \frac{|110, 1e\rangle}{E_{11} + U_{11}} \quad W_F \\ \langle 012, 1e| \quad W_F \quad E'_{11} + U'_{11} \\ \end{cases}$$
(5.7)

und

$$\frac{|v_1 v_2 v_3, l s\rangle}{\langle 110, 1f | E_{11} - U_{11} W_F}$$

$$\frac{\langle 012, 1f | E_{11} - U_{11} W_F}{\langle 012, 1f | W_F E'_{11} - U'_{11}.}$$
(5.8)

In Tabelle 5.11 sind die Parameter der Auswertung mit dem beschriebenen effektiven Hamiltonian [5] zusammengefaßt. Abbildung 5.15 gibt einen Überblick zum Absorptionsgrad α der einzelnen Banden.

Tabelle 5.11 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grund- und angeregte Zustände der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 und der Knickschwingung ν_2 von D¹²CP der Fermi-Resonanz-Diade: (110)/(012).

$(v_1 v_2 v_3)$	${\tilde G}_v/{ m cm}^{-1}$	
$(110) \\ (012)$	$2943.35\ (34)\\2979.84\ (34)$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	
$(110) \\ (012)$	$\begin{array}{c} 0.564290(22) \\ 0.561915(22) \end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm^{-1}}$	$\tilde{H}_v/10^{-13} { m cm}^{-1}$
$(110) \\ (012)$	$\begin{array}{c} 0.4820(17) \\ 0.4832(58) \end{array}$	$0.55 \stackrel{a}{}_{0.55} \stackrel{a}{}_{0.55}$
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}_v/10^{-3}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{q}_J/10^{-9}{ m cm}^{-1}$
$(110) \\ (012)$	$\frac{1.50014(88)}{1.59651(97)}$	$-7.58(26) \\ -3.14(53)$
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F/\mathrm{cm}^{-1}$	
(110)/(012)	18.46(34)	

^a Der Wert von \tilde{H}_v konnte im Fit nicht bestimmt werden und wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten (Tabelle 5.8).

5.5 Fermi-Resonanz (200)/(004)/(102) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$

Die Analyse der FT-IR-Spektren führte zur Zuordnung der Banden (200) \leftarrow (000) und (004) \leftarrow (000), die zum Fermi-Resonanzsystem (200)/(004)/(102) gehören; siehe Abbildung 5.1 und Abbildung 5.14. Nach einigen erfolglosen Versuchen gelang es ebenfalls, die intensitätsschwächste Bande diese Systems (102) \leftarrow (000) bei 4915.02 cm⁻¹ im Spektrum zu finden; siehe Abbildung 5.7. In dieser Abbildung sind die Zuordnungen aller drei in Resonanz stehenden Niveaus

angegeben. Dabei orientierte sich die getroffene Zuordnung zuerst allerdings an der durch die Literatur verfügbare Information, nach der LAVIGNE *et al.* [10] Übergänge aus dem DCP-Spektrum mit dem Bandenzentrum bei 4832.27503 (66) cm⁻¹ der Bande (102) \leftarrow (000) zugeordnet hatten. Diese Zuordnung wurde in der vorliegenden Arbeit zu Anfang übernommen. Die bei 4915.02 cm⁻¹ entdeckte Bande enthielt aus diesem Grunde die Zuordnung (004) \leftarrow (000). Die im Rahmen der vorliegenden Arbeit ausgeführte Analyse mittels des beschriebenen effektiven Hamiltonoperators [5] auf der Basis folgender Matrix:

verlief so weit zufriedenstellend, wies aber offensichtlich eine Diskrepanz in der Vibrationsabhängigkeit der Außerdiagonalelemente \tilde{W}_F und \tilde{W}_E auf. Für \tilde{W}_F ergab sich ein Wert von 17.75 cm⁻¹ und für \tilde{W}_E ein Wert von 42.75 cm⁻¹. Aufgrund der Auswertung der Fermi-Resonanz des Systems (100)/(002) mit einem Wert $\tilde{W}_F = 18.010$ cm⁻¹ wurden mit der entsprechenden Vibrationsabhängigkeit nach Gleichung (5.10) für \tilde{W}_F ein Wert von 25.47 cm⁻¹ und für \tilde{W}_E ein Wert von 44.11 cm⁻¹ erwartet (siehe Tabelle 5.9). Der Grund für die Diskrepanz von erwarteten und berechneten Werten der Fermi-Resonanzelemente war nicht klar. Die Vibrationsabhängigkeit der Außerdiagonalelemente W ergibt sich nach:

$$\langle v_1, v_2, v_3 | \hat{\mathbf{H}} | v_1 - 1, v_2, v_3 + 2 \rangle = \tilde{k}_{13} \sqrt{v_1 (v_3 + 1) (v_3 + 2)}.$$
 (5.10)

In Tabelle 5.9 sind die aus dem anfänglich experimentell ermittelten \tilde{k}_{13} -Wert berechneten Außerdiagonalelemente der einzelnen Fermi-Resonanzwechselwirkungen zusammengefaßt. Die tatsächlichen, aus den zugeordneten Übergängen der FT-IR-Spektren bestimmten Werte der Außerdiagonalelemente, sind in den Tabellen der jeweiligen Kapitel angegeben.

Eine Diskussion und anschließende Berechnungen zusammen mit A.G. Maki aus Seattle deuteten die Richtung der Lösung an. Zuerst wurde die Zuordnung (004) mit (102) in der LINC-Eingabedatei vertauscht. Dann allerdings konvergierte der anschließende Fit nicht mehr. Parallel zu diesen Berechnungen wurde an der Auswertung der Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002)von HCP gearbeitet. Dort stimmen die im Fit unabhängig voneinander gefitteten Außerdiagonalelemente \tilde{W}_F und \tilde{W}_E mit den erwarteten Werten gut überein (Kapitel 5.5). Für die Lösung des Problems im Falle des DCP konnte keine vergleichbare Situation eines ähnlichen Moleküls zur Seite stehen. Als Zugang zur Lösung der Diskrepanz von erwarteten und berechneten Werten für W_F und W_E , diente schließlich die Beschreibung der Vibrationsabhängigkeit nach Gleichung 5.10 selbst. Zu Anfang wurden die beiden Außerdiagonalelemente \tilde{W}_F und \tilde{W}_E unabhängig voneinander angepaßt. Die Fitroutine wurde geändert, so daß nur \tilde{k}_{13} , stellvertretend für $\tilde{W}_F = \tilde{k}_{13}\sqrt{4}$ und für $\tilde{W}_E = \tilde{k}_{13}\sqrt{34}$ gefittet wurde. Über \tilde{k}_{13} wurden \tilde{W}_F und \tilde{W}_E miteinander verknüpft und voneinander abhängig gefittet. Wie am Beispiel von HCP gezeigt, ist diese Vorgehensweise nicht immer notwendig. Der Fit konvergierte und lieferte die erwarteten Werte für die Außerdiagonalelemente (siehe Tabelle 5.9). Das Ergebnis dieser umfangreichen Analyse liefert eine gute Bestätigung der hier getroffenen Zuordnung. LAVIGNE et al. [10] zogen bei der Analyse der von ihnen gemessenen Banden eine Fermi-Resonanz nicht in Betracht. Eine korrekte Zuordnung der P/R-Zweig-Bande bei 4832.27503(66) cm⁻¹ zu (004)^{0e} \leftarrow (000)^{0e} hätte durch LAVIGNE et al. nur zufällig erfolgen können. Auch wenn die genannten Autoren die Fermi-Resonanz untersucht hätten, wäre die Resonanzanalyse nur gelungen, wenn LAVIGNE et al. auch die schwächste der drei Banden, $(102) \leftarrow (000)$, gemessen hätten.

$(v_1 v_2 v_3)$	$\tilde{G}_v / { m cm}^{-1}$	
$(200) \\ (004) \\ (102)$	$\begin{array}{c} 4800.557(88)\\ 4865.34(80)\\ 4870.45(44) \end{array}$	
$(v_1 v_2 v_3)$	$\tilde{B}_v/{ m cm}^{-1}$	
$(200) \\ (004) \\ (102)$	$\begin{array}{c} 0.5597960(26)\\ 0.55509(15)\\ 0.557379(78) \end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v/10^{-13}{ m cm}^{-1}$
$(200) \\ (004) \\ (102)$	$\begin{array}{c} 0.4643(12)\\ 0.502(14)\\ 0.4484(74) \end{array}$	0.55^{a} 0.55^{a} 0.55^{a}
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F/ \mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{W}_E/\mathrm{cm}^{-1}$
(200)/(004)/(102)	25.392(52)	43.980 (90)

Tabelle 5.12 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grundund angeregte Zustände der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von D¹²CP der Fermi-Resonanz-Triade: (200)/(004)/(102).

^{*a*} \tilde{H}_v wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten (Tabelle 5.8).

5.6 Fermi-Resonanz (210)/(112)/(014) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$

Die gemessenen Subbanden $(210)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ sind in ihrer Transmission mit der Bande $(102) \leftarrow (000)$ vergleichbar. Auch hier sind wieder drei Niveaus durch eine Fermi-Resonanz gekoppelt, siehe Abbildung 5.1 und Abbildung 5.14. Es handelt sich um die gleiche Wechselwirkung wie im Kapitel 5.5 beschrieben, nur ist für alle drei Niveaus $v_2 = 1$. In Tabelle 5.20 sind berechnete \tilde{G}_v -Werte bis 7000 cm⁻¹ angegeben. Die Werte sind nach Gleichung (5.18) und den daraus erhaltenen anharmonischen Konstanten aus Tabelle 5.19 berechnet worden. Die Berechnungen wurden ausgeführt, um Information über weitere Fermi-Resonanz-Polyaden zu höheren Wellenzahlen zu erhalten. Zu höheren Wellenzahlen nimmt die Zustandsdichte schnell zu, so daß z.B. Energieniveaus mit nur angeregter ν_2 etwa ab 4 000 cm⁻¹ auch mit Diaden und Triaden wechselwirken und so ein System von Polyaden mit Fermi-Resonanzwechselwirkung entsteht. Wie bereits erwähnt, kann eine Wechselwirkung von Energieniveaus nur bei Wellenfunktionen mit gleicher Symmetrie erfolgen. Zur vollständigen Auswertung mit einem effektiven Hamiltonian per Computer muß zuerst die Matrix, die sämtliche Wechselwirkungen enthält, aufgestellt und programmiert werden. Die mathematische Formulierung der Hamiltonmatrix lautet wie folgt:

	$ v_1v_2v_3, l\mathrm{p} angle$	$ 210, -1\rangle$	$ 112,-1\rangle$	$ 014, -1\rangle$	$ 014,1\rangle$	$ 112,1\rangle$	$ 210,1\rangle$	
	(210, -1)	E_{11}	W_F	0	0	0	U_{11}	
	$\langle 112, -1 $	W_F	$E_{11}^{'}$	W_E	0	U_{11}^{\prime}	0	
$\mathbf{H} =$	$\langle 014, -1 $	0	W_E	E_{11}''	$U_{11}^{\prime\prime}$	0	0	(5.11)
	$\langle 014, 1 $	0	0	$U_{11}^{\prime\prime}$	$E_{11}^{''}$	W_E	0	
	$\langle 112, 1 $	0	U_{11}^{\prime}	0	W_E	$E_{11}^{'}$	W_F	
	$\langle 214, 1 $	U_{11}	0	0	0	W_F	$E_{11},$	
Tabelle 5.13 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grundund angeregte Zustände der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von D¹²CP der Fermi-Resonanz-Triade: (200)/(004)/(102). Von den Niveaus (200) und (004) wurde \tilde{B}_v jeweils nach Gleichung 5.22 berechnet und festgehalten.

$(v_1v_2v_3)$	${ ilde G}_v/{ m cm}^{-1}$	
$(200) \\ (004) \\ (102)$	$\begin{array}{c} 4800.67167(66)\\ 4865.5701(57)\\ 4870.1100(32) \end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$ ilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	
$(200) \\ (004) \\ (102)$	$\begin{array}{c} 0.559796^{a} \\ 0.555023^{a} \\ 0.55744723{(19)}^{b} \end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v/10^{-13} \mathrm{cm}^{-1}$
$(200) \\ (004) \\ (102)$	$\begin{array}{c} 0.462 \ 08 \ (26) \\ 0.495 \ 7 \ (18) \\ 0.458 \ 6 \ (13) \end{array}$	0.55^{c} 0.55^{c} 0.55^{c}
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$\tilde{W}_F/~{ m cm}^{-1}$	$ ilde W_E / { m cm^{-1}}$
(200)/(004)/(102)	25.43685(38)	44.057 92 (66)

^{*a*} Im Fit festgehaltene \hat{B}_v -Parameter wurden nach Gleichung 5.22 ermittelt (siehe Tabelle 5.22).

^b Dieser \tilde{B}_v -Wert differiert leicht vom Wert aus Tabelle 5.12. Beim Festhalten aller drei \tilde{B}_v -Werte konnte kein gutes Fitergebnis erzielt werden.

 \tilde{H}_v wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten.

Nach der Wang-Symmetrisierung mit:

$$\mathbf{H}' = \mathbf{X}^{\mathrm{T}} \mathbf{H} \, \mathbf{X} \tag{5.12}$$

und

$$\mathbf{X} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1\\ 0 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0\\ 0 & 0 & -1 & 1 & 0 & 0\\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0\\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0\\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(5.13)

folgt die Blockdiagonalisierung in zwei Matrizen, den e-Block und den f-Block (mit s = e oder f ist die Symmetrie bezeichnet):

$ v_1v_2v_3, l\mathrm{s} angle$	$ 210,1\mathrm{e} angle$	$ 112,1\mathrm{e} angle$	$ 014,1\mathrm{e} angle$
$\langle 210, 1e \rangle$	$E11 + U_{11}$	W_F	0
$\langle 112, 1e $	W_F	$E_{11}' + U_{11}'$	W_E
$\langle 014, 1e $	0	W_E	$E_{11}'' + U_{11}''$

und

 $\mathbf{98}$

Zum Verfahren der Blockdiagonalisierung ist allgemein anzumerken, daß eine Berechnung mit Papier und Bleistift aufgrund des Rechenaufwandes kaum möglich ist. Deshalb wurden alle Berechnungen in Mathematica [11] programmiert. Diese Programmiersprache kann auch analytische Berechnungen ausführen und ist daher hier sehr gut geeignet.

Mit steigender Wellenzahl und Übergängen zu höher angeregten Rotationsschwingungstermen nehmen, wie in den Abbildungen 5.7 und 5.8 der Übersichtsspektren zu sehen, die Linienstärken schnell ab. Die Subbanden $(014)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ und $(112)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ sind in den durchgeführten Messungen so schwach, daß sie mit der nach LOOMIS und WOOD beschriebenen Technik (Kapitel 2.1.1) nicht zugeordnet werden konnten. Das schwache Bandensystem $(112)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ konnte mit einem automatischen Bandensuchprogramm von G. MEL-LAU [12] gefunden werden. Als Eingabe für das Programm BAND-SEARCH werden eine Datei des zu untersuchenden Spektrums und spektroskopische Konstanten benötigt. Die Werte der Konstanten, die den Reihenentwicklungskonstanten entsprechen, werden dabei als Intervall angegeben. Je enger man ein solches Intervall von B_{ps} und D_{ps} faßt, um so weniger Serien werden vom Programm gefunden. Die vom Programm BAND-SEARCH gefundenen Serien kann man dann gezielt mit der Technik von LOOMIS und WOOD weiter verfolgen. Analog wurde dann später auch für die Bande $(014)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ vorgegangen. Die Suche mit BAND-SEARCH brachte allerdings in diesem Fall keinen Erfolg. Für die hier durchgeführte Analyse wurde daher nach Gleichung (5.18) der Termwert für das ungestörte Energieniveau (014) geschätzt (siehe Tabelle 5.20). Wiederum verlief die Analyse nicht so problemlos, wie hier dargestellt. In Analogie zum System (200)/(004)/(102) wurde die mit BAND-SEARCH gefundene schwache Bande dem oberen Zustand (014) zugeordnet. Bei dieser Zuordnung wurde davon ausgegangen, daß Übergänge zum dritten Resonanzpartner mit dem oberen Term (112) noch schwächer sind. Die Termwerte der Bandenzentren der ersten beiden gestörten Niveaus (200)/(004) haben einen Energieniveauabstand von etwa 43 cm⁻¹; bei (210)/(014) beträgt der Abstand der Termwerte 57 cm⁻¹. Die Außerdiagonalelemente \tilde{W}_F und \tilde{W}_E konnten im Fit mit einem geschätzten Termwert für den Zustand (014) nicht bestimmt werden und wurden auf den Werten der Fermi-Resonanz-Triade (200)/(004)/(102) festgehalten. Dies ist aufgrund der gleichen Vibrationsabhängigkeit nach Gleichung $(5.10) - v_2$ geht nicht ein – eine gute Approximation.

Die Berechnung der Eigenwerte der 3×3 Matrizen 5.14 und 5.15 hätte aber den Fall einer Kreuzung der Niveaus (014) und (112) bedeutet. Die ungestörten Niveaus hätten sich angezogen, obwohl physikalisch eine Abstoßung, bedingt durch die Wechselwirkung der betreffendnen Wellenfunktionen mit gleicher Parität, erfolgen muß. Dieses Problem ist nur zu lösen, wenn die Zuordnung beider Niveaus vertauscht wird, wie in Abbildung 5.14 dargestellt. Die Diagonalisierung der 3×3 Matrix ergibt dann eine Abfolge der Eigenwerte wie erwartet. Die resultierende Zuordnung stimmt dann ebenfalls mit den nach Gleichung (5.18) und in Tabelle 5.20 aufgeführten berechneten Werten überein. Wie aus Tabelle 5.18 zu ersehen, wurden \tilde{G}_v -Werte des Systems (210)/(112)/(014) nicht benutzt, um die anharmonischen Konstanten für DCP zu berechnen. Es wäre nicht korrekt, aus den IR-Spektren bestimmte, also experimentelle Werte, mit den Ergebnissen der Auswertung der Fermi-Resonanz-Triade (210)/(112)/(014) zu vermischen. Für diese Fermi-Resonanz-Triade sind experimentelle Termwerte nur für die Niveaus (210) und (112) gegeben. Der dritte Termwert des Niveaus wurde geschätzt. Es ist sehr interessant, daß sich die Reihenfolge der Niveaus der Resonanz-Triaden in Tabelle 5.20 gegenüber dem System (200)/(004)/(102) ändert, indem die beiden letzten Niveaus ihre Plätze tauschen, sobald $v_2 > 0$ ist. Dies gilt konsequent für alle Resonanz-Triaden in Tabelle 5.20. Die Ergebnisse der Berechnung der ungestörten Termwerte waren sehr wichtig für die korrekte Zuordnung und die anschließende Auswertung des effektiven Hamiltonoperators [5] der Fermi-Resonanz-Triaden (200)/(004)/(102) und (210)/(112)/(014). Nach der ersten, falschen Zuordnung war klar, daß die Abfolge der Termwerte nicht (210)/(014)/(112) sondern nur (210)/(112)/(014) sein kann, weil sich die beiden letzteren Niveaus nicht überkreuzen dürfen. Die Schreibweise bezieht sich darauf, daß die Termwerte der Niveaus von links nach rechts ansteigen. Die ungestörten Termwerte der Triade (210)/(112)/(014) gingen nicht in die Berechnung der anharmonischen Konstanten aus Tabelle 5.19 ein. Deshalb ist es umso überzeugender, daß die Berechnungen der ungestörten Termwerte (Tabelle 5.20) für die Fermi-Resonanz-Triade eben dieselbe Abfolge der drei Termwerte und beinahe die gleichen Beträge aufweisen, wie aus der Auswertung des effektiven Hamiltonoperators [5] resultiert.

Tabelle 5.14 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grund- und angeregte Zustände der Streckschwingungen ν_1 , ν_3 und der Knickschwingung ν_2 von D¹²CP der Fermi-Resonanz-Triade: (210)/(112)/(014). Übergänge zu dem Niveau (014) konnten nicht gemessen werden.

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{G}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	
(210)	5302,550,002,(17)	
(014)	5394 25 °	
(112)	5385.8541(12)	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v/\mathrm{cm}^{-1}$	
(210)	0.5610642(11)	
(014)	0.556124^{a}	
(112)	0.5581745(71)	
()	ñ /10-6 -1	<i>ŭ</i> (10-13 -1
$(v_1v_2v_3)$	$D_v/10^{-6}{\rm cm}^{-1}$	$H_v/10^{-13} \mathrm{cm}^{-1}$
(210)	0.4626(12)	0.55^{b}
(014)	0.488126^{a}	0.55^{b}
(112)	0.5155(78)	0.55^{b}
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{q}_v / 10^{-3} \ \mathrm{cm}^{-1}$	
(210)	1.50732(54)	
(014)	1.59651^{a}	
(112)	1.6681(30)	
$(v_1v_2v_2)/(v_1v_2v_2)/(v_2v_2v_2)$	$\tilde{W}_{F}/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{W}_{E}/\mathrm{cm}^{-1}$
(*1*2*3)/(*1*2*3)/(*1*2*3)		
(200)/(004)/(102)	25.39 ^c	43.98^{c}

^a Konstanten f
ür das Rotationsschwingungsniveau (014) wurde nach Gleichung (5.18) ermittelt (siehe Text).

^b \tilde{H}_v wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten (Tabelle 5.8).

² Für die Fermi-Resonanzmatrixelemente \tilde{W}_F und \tilde{W}_E wurden die Werte aus Tabelle 5.12 eingesetzt (siehe Text).

$(v_1v_2v_3)$	${ ilde G}_v/{ m cm}^{-1}$	$\tilde{x}_l/~{ m cm}^{-1}$
(120)	3438.547764(1)	$3.778\ 412\ 7\ (43)$
	$ ilde{B}_v/~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{d}_{Jl}/10^{-5}{ m cm^{-1}}$
	0.56519730(25)	-1.8507(58)
	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	${ ilde h}_{Jl} \ / 10^{-10} \ { m cm}^{-1}$
	0.50384(22)	-7.748^{a}
	${ ilde q}_v \ / 10^{-3} \ { m cm}^{-1}$	$\tilde{q}_J/10^{-9}~{ m cm}^{-1}$
	1.41963(56)	-5.93(48)
	$\tilde{H}_v / 10^{-13} \mathrm{cm}^{-1}$	
	1.062^{a}	

Tabelle 5.15 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für die Knickschwingung ν_2 und die Streckschwingung ν_1 von D¹²CP. Das Niveau (120) steht in einer Fermi-Resonanz mit dem Niveau (022). Übergänge zum Niveau (022) konnten nicht gemessen werden. Es wurde keine Simulation der Resonanz mit LINC durch geschätzte Werte für (022) durchgeführt.

^a \tilde{H}_v und \tilde{h}_{Jl} wurden auf den Werten des (020) Niveaus festgehalten (Tabelle 5.8).

5.7 Fermi-Resonanz (120)/(022) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$

Die Analyse der Fermi-Resonanz mit LINC wurde nicht unternommen, da keine Übergänge zum Niveau (022) gemessen wurden. Es wurde auch keine Simulation der Resonanz mit LINC durchgeführt. Nach Gleichung (5.18) berechnete, entstörte Termwerte für beide Niveaus werden in Tabelle 5.20 mitgeteilt.

5.8 Fermi-Resonanz (101)/(003) im IR-Spektrum von $D^{12}CP$

Es konnten keine Übergänge zu den Termen der Fermi-Resonanz-Diade (101)/(003) gefunden werden. Mit relativ großer Wahrscheinlichkeit sind aber Übergänge aus dem Grundzustand heraus gemessen worden. Eine Zuordnung nach dem Verfahren von LOOMIS und WOOD kann zur Zeit nicht erfolgen, da bei der Synthese von DCP eine große Menge CO₂ entstanden ist, welches gerade im Bereich der vermuteten Niveaus der Resonanz-Diade starke Absorptionen erzeugt. Dadurch sind die schwachen DCP-Banden durch starke CO₂-Banden verdeckt. Die interaktive Zuordnung mittels des Programms LOOMIS-WOOD am Computerbildschirm ist daher wegen der Vielzahl der Linien nicht möglich. Ein Auffinden der Banden mit dem Programm BAND-SEARCH [12] gelang nicht, da das Programm mit den Peaklisten der IR-Spektren immer abstürzte. Die Suche wird fortgesetzt, sobald eine neue Programmversion zur Verfügung steht. Berechnete Termwerte der Niveaus (101) und (003) sind in Tabelle 5.20 angegeben.

5.9 Grund- und angeregte Zustände von $D^{13}CP$

In einem globalen Fit mit LINC konnten die Parameter aus den Tabellen 5.16 und 5.17 erhalten werden. Die bestimmten Termwerte sind in Abbildung 5.16 graphisch aufgeführt. Übergänge zu den in rot dargestellten Termen wurden zuerst im Giessener hochauflösenden molekülspektroskopischen FT-IR-Laboratorium gemessen.

Tabelle	5.16	Konstanten	des	effektiven	Hamiltonoperators	nach	Kapitel	2.3.1	[5]	für	Grund-	und
angeregte	Zustär	nde der Knic	ksch	wingung $\nu_{\dot{t}}$	$_2$ von $D^{13}CP$.							

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{G}_v /\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{x}_l/~\mathrm{cm}^{-1}$
$(010) \\ (020)$	$518.8908017(77)\\1025.611412(29)$	$3.672\;8446(80)$
$(v_1v_2v_3)$	${ ilde B}_v/~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{d}_{Jl}/10^{-5}{ m cm^{-1}}$
$(000) \\ (010) \\ (020)$	$\begin{array}{c} 0.547963040(26)\\ 0.548917123(50)\\ 0.54991373(17)\end{array}$	-2.2416(51)
$(v_1v_2v_3)$	${\tilde D}_v/10^{-6}~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{h}_{Jl} / 10^{-10} \mathrm{cm}^{-1}$
$(000) \\ (010) \\ (020)$	$\begin{array}{c} 0.44858(11)\\ 0.45606(88)\\ 0.46557(95) \end{array}$	-7.14(57)
$(v_1v_2v_3)$	${{ ilde q}_v}~/{10^{-3}}~{ m cm}^{-1}$	$\tilde{q}_J/10^{-9}~{ m cm}^{-1}$
$(010) \\ (020)$	$\begin{array}{c} 1.416877(26) \\ 1.41963(56) \end{array}$	$-6.105\ (24)\\-5.93\ (48)$
$(v_1v_2v_3)$	${ ilde H}_v/10^{-13}{ m cm}^{-1}$	
$(000) \\ (010) \\ (020)$	$\begin{array}{c} 2.71(60)\\ 3.24(62)\\ 3.7^{a} \end{array}$	

^{*a*} \tilde{H}_v wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten.

5.10 Fermi-Resonanz (100)/(002) im IR-Spektrum von $D^{13}CP$

Im Vergleich zu D¹²CP ist das Fermi-Resonanzmatrixelement um etwa 1 Wellenzahl kleiner. Allerdings ist die Wechselwirkung der beiden Niveaus (100) und (002) stärker als bei D¹²CP, wie in Abbildung 5.14 zu sehen ist. Der Abstand 2 Δ der ungestörten Niveaus beträgt nur 5.9 cm⁻¹ gegenüber 24.0 cm⁻¹ bei D¹²CP! Bei den für D¹²CP untersuchten Fermi-Resonanzsystemen ist nur die Wechselwirkung der Niveaus (102) und (004) mit einem Abstand 2 $\Delta = 5.2$ cm⁻¹ noch stärker. Die Werte der LINC-Fits sind in Tabelle 5.17 angegeben.

5.11 Reduzierte Energien und Fermi-Resonanz

Aus der bisherigen Analyse gab es keine Anzeichen dafür, daß neben der globalen Fermi-Resonanz auch lokale Resonanzen vorhanden sind. Durch Auftragung reduzierter Energien von



Abbildung 5.16 Ausschnitt aus dem Termwertdiagramm von D¹³CP mit Darstellung einer Fermi-Resonanz. Das Resonanzsystem mit den beteiligten Energieniveaus ist schattiert; der Abstand ist nicht maßstabsgetreu. Der Abstand der in Resonanz stehenden Energieniveaus ist in Abbildung 5.14 auch im Vergleich zu allen untersuchten Resonanzen bei D¹²CP angegeben, 2 Δ beträgt für die ungestörten Terme nur 5.9 cm⁻¹ – nur bei D¹²CP gibt es für die Fermi-Resonanz (200)/(004)/(102) einen kleineren Abstand von 2 $\Delta = 5.2$ cm⁻¹. Je kleiner der Abstand der ungestörten Niveaus, um so größer ist auch die Resonanzwechselwirkung, d.h. die Abstoßung der Terme.

$(v_1 v_2 v_3)$	${\tilde G}_v/{ m cm^{-1}}$	
$(100) \\ (002)$	$2408.57\ (11)\\2402.72\ (11)$	
$(v_1v_2v_3)$	${ ilde B}_v/{ m cm^{-1}}$	
$(100) \\ (002)$	$\begin{array}{c} 0.544826(39) \\ 0.542522(39) \end{array}$	
$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v/10^{-6}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{H}_v/10^{-13}~{ m cm}^{-1}$
$(100) \\ (002)$	$\begin{array}{c} 0.4406(88) \\ 0.4464(95) \end{array}$	2.7^{a} 2.7 ^a
$(v_1v_2v_3)/(v_1v_2v_3)$	$ ilde W_F/{ m cm}^{-1}$	
(100)/(002)	16.927(18)	

Tabelle 5.17 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 [5] für Grund- und angeregte Zustände der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von D¹³CP der Fermi-Resonanz-Diade: (100)/(002).

 a \tilde{H}_{v} wurde auf dem Wert des Grundzustands festgehalten (Tabelle 5.16).

Übergängen der in Resonanz stehenden Banden kann dies bestätigt werden (siehe Abbildung 5.17). Reduzierte Rotationsschwingungstermwerte $\tilde{T}_{red}(J)$ werden gebildet, indem man vom Termwert eines Rotationsschwingungsniveaus $T_{meas}(J)$ die Rotationsenergie im Grundzustand für den gleichen J-Wert subtrahiert:

$$\tilde{T}_{red} = \tilde{T}_{meas} - [\tilde{B}_{ps}^{GS} J(J+1) - \tilde{D}_{ps}^{GS} [J(J+1)]^2.$$
(5.16)

Diese Gleichung ist in der Doktorarbeit von S. ALBERT [13] als Model 1 bezeichnet. Die Reihenentwicklungskonstanten des Grundzustandes sind mit \tilde{B}_{ps}^{GS} und \tilde{D}_{ps}^{GS} bezeichnet.

Allgemein können reduzierte Termwerte zur qualitativen Beschreibung von zwei oder mehreren in Resonanz stehenden Zuständen benutzt werden. Wenn nicht klar ist, ob Zustände in Resonanz stehen, kann man anhand der reduzierten Termwerte untersuchen, ob lokale (Modell 1) und/oder globale Resonanzen (Modell 3) vorliegen. Modell 2, wie in der Arbeit von ALBERT beschrieben, beschreibt nur den Spezialfall für zwei in Resonanz stehende Zustände.

Bei Modell 1 wird vom jeweiligen Termwert lediglich der Rotationsanteil subtrahiert, die relative energetische Lage aller Rotationsschwingungsniveaus bleibt gleich. Die Auftragung der reduzierten Termwerte der in Resonanz stehenden Niveaus gegen J(J+1) sollte demnach näherungsweise Geraden mit der Steigung $(\tilde{B}'_{ps} - \tilde{B}^{GS}_{ps})$ liefern, wobei \tilde{B}'_{ps} die Rotationskonstante des jeweils angeregten Zustands ist. Für den Fall aufeinander zulaufender Übergänge erfolgt eine Kreuzung, welche auf eine lokale Resonanz deutet. Anhand einer solchen Kreuzung kann der Kreuzungspunkt der Rotationsschwingungsniveaus abgeschätzt werden (siehe Doktorarbeit von R. SCHERMAUL [14]). Falls lokale Resonanzen vorliegen, muß dies bei der Auswertung der globalen Fits nach Kapitel 2.3.1 berücksichtigt werden. Lokale Resonanzen können bedingen, das die Zuordnung der betroffenen Übergänge zweier in Resonanz stehender Zustände untereinander ausgetauscht werden muß. Siehe dazu R. SCHERMAUL [14]. Reduzierte Energien nach Modell 3 sind ebenfalls in Abbildung 5.17 dargestellt:

$$\hat{T}_{red} = \hat{T}_{meas} - [\hat{G}_c + \hat{B}'_{J\leq 20}J(J+1) - \hat{D}'_{J\leq 20}[J(J+1)]^2].$$
(5.17)

Betrachtet man zwei Zustände, werden ihre Termwerte durch die Resonanz verschoben. Die beiden Niveaus rücken auf der Wellenzahl-Skala (Termwertdiagramm) auseinander. Dabei wird der untere Term durch die Resonanz um den gleichen Betrag nach unten verschoben, um den der obere Term nach oben verschoben wird. Die Darstellung der quantitativen Ergebnisse der durch Fermi-Resonanz bedingten Verschiebung von ungestörten zu gestörten Termen ist für alle bei DCP analysierten Fermi-Resonanz-Polyaden in Abbildung 5.14 gegeben. In Bild 1a aus Abbildung 5.17 sind reduzierte Terme nach Modell 3 aufgetragen. Erwarten würde man ein spiegelbildliches Verhalten der Terme beider Zustände. Die B-Werte von ungestörten zu gestörten Zuständen ändern sich um etwa 5.2×10^{-4} cm⁻¹ für das Niveau (100) nach oben und für das Niveau (002) um den gleichen Betrag nach unten. Das nicht spiegelbildliche Verhalten kann durch die Zentrifugalverzerrungskonstante D erklärt werden. Diese Konstante ändert sich nicht so gleichmäßig wie B, wenn man die Werte der gestörten und ungestörten Terme vergleicht. In Bild 2a scheint ein spiegelbildliches Verhalten der Terme der Zustände (012) und (110) vorzuliegen, jedoch wurden von einer Bande zu wenig Übergänge gemessen, um das Verhalten zu höheren J-Rotationsquantenzahlen verfolgen zu können. In Bild 3a aus Abbildung 5.17 liegen die Verhältnisse komplizierter, da drei Zustände miteinander in Fermi-Resonanz stehen. Wie auch in Abbildung 5.14 zu sehen, wird dabei der Term von (200) nach unten und die Terme von (004) und (102) nach oben verschoben. Reduzierte Termwerte von Übergängen zur Fermi-Resonanz-Triade (210)/(112)/(014), die nur teilweise zugeordnet wurde, sind der Vollständigkeit halber in Abbildung 5.17 aufgeführt. Klare Aussagen können nicht getroffen werden, da zu wenig Übergänge gemessen wurden. Die bestimmten \tilde{B} - und \tilde{D} -Werte der P/R-Zweig-Banden $(112)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ und $(210)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e,f}$ sind zu ungenau, um kleine Effekte der Verschiebung von ungestörten zu gestörten Werten über reduzierte Termwerte sichtbar zu machen.



sich auf Modell 1, die rechte auf Modell 3, jeweils mit Reihenentwicklungskonstanten von \tilde{B} und rechnet. Die Auswertung für Niveau (112) nach Modell 3 bringt keine guten Ergebnisse mehr, da, wie in (100)/(002), (110)/(012), (200)/(004)/(102) und (210)/(112)/(014) von D¹²CP. Die linke Seite bezieht Abbildung 5.15 zu sehen, die Übergänge sehr schwach sind. Analog zu Diagramm 3a wird ein Trend mit zunehmender J-Quantenzahl der Rotation nach oben erwartet. \tilde{D} be-

5.12 Harmonische Wellenzahlen und Anharmonizitätskonstanten

In den vorangegangenen Kapiteln wurde die komplette Auswertung von drei verschiedenen Fermi-Resonanz-Systemen mit dem von YAMADA et al. [5] beschriebenen Hamiltonoperator vorgestellt. Von einer weiteren Fermi-Resonanz-Triade (210)/(112)/(014) zwischen 5 300 cm⁻¹ und 5 400 cm⁻¹ konnten allerdings nur Übergänge zu den Niveaus (210) und (112) gemessen werden (Tabelle 5.20). Um aber die Fermi-Resonanz in die Auswertung mit einzubeziehen, mußte ein G_v -Wert für das (014)-Niveau geschätzt werden. Zur Durchführung dieser Schätzung wurde ein Fitprogramm in der Programmiersprache Mathematica 4.0 [11] geschrieben, welches einen Satz von Parametern linear nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate an die spektroskopisch bestimmten G_v -Werte anpaßt. Unter linear ist zu verstehen, daß sich die zu schätzenden Parameter linear zur abhängigen Variable verhalten. In Kapitel 2.3.4 wird auch auf den Fall einer nicht linearen Anpassung nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate eingegangen. Die Nichtlinearität beruht dort auf einer während des Fits durchgeführten Transformation (Matrixdiagonalisierung). Die in Gleichung (5.18) enthaltenen Koeffizienten ($\tilde{\omega}_i, \tilde{x}_{ij}, \tilde{y}_{ijk}, \tilde{g}_{22}$ und \tilde{y}_{2ll}) wurden, soweit sie bestimmt sind, an die nach dem effektiven Hamiltonoperator bestimmten \tilde{G}_v -Werte angepaßt. Die $\tilde{\omega}_i$ sind dabei die harmonischen Wellenzahlen, die \tilde{x}_{ij} -Werte die anharmonischen Konstanten, die in höherer Ordnung durch \tilde{y}_{ijk} beschrieben werden. Die \tilde{g}_{22} -Konstante beschreibt die verschiedenen l-Typ Subniveaus eines Rotationsvibrationszustandes (siehe QUAPP et al. [15]). Höhere Konstanten (\tilde{y}_{2ll}) der l-abhängigen Beiträge sind nicht bestimmt. Die Entartungsgrade der entsprechenden Schwingungen werden durch d_i , d_j und d_k mit $(d_1, d_3 = 1 \text{ und } d_2 = 2)$ angegeben.

$$\tilde{G}_{v_1,v_2,v_3,l} = \sum_{i=1}^{3} \tilde{\omega}_i \left(v_i + d_i/2 \right) + \sum_{i \le j}^{3} \tilde{x}_{ij} \left(v_i + d_i/2 \right) \left(v_k + d_k/2 \right) + \tilde{g}_{22} l^2 + \sum_{i \le j \le k}^{3} \tilde{y}_{ijk} \left(v_i + d_i/2 \right) \left(v_j + d_j/2 \right) \left(v_k + d_k/2 \right) + \sum_{i=1}^{3} \tilde{y}_{ill} \left(v_i + d_i/2 \right) l^2 - \tilde{G}_{0,0,0,0}.$$
(5.18)

Im Folgenden soll kurz die Programmentwicklung skizziert werden. Grundsätzlich sind die von mir für diese Arbeit geschriebenen Fitprogramme nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate in vier Teile gegliedert:

- die Daten (hier G_v -Werte),
- das Modell nach Gleichung (5.18),
- einen Satz von Variablen (v_1, v_2, v_3, l) . Zur Beschreibung eines Rotationsvibrationsniveaus werden diese vier Quantenzahlen benötigt,
- die anzupassenden Koeffizienten (Parameter).

Das Programm ist so aufgebaut, daß zuerst die einzelnen Variablen eingelesen werden. Danach erfolgt die Definition der Parameter und die Definition des Modells selbst. Im hier beschriebenen Fall wird nun jeder Satz von Variablen in das Modell eingesetzt. In Tabelle 5.18 sind die 17 Rotationsvibrationszustände zusammengefaßt, an die die Anpassung der in Gleichung (5.18) genannten Koeffizienten vorgenommen wurde. Daraus resultieren 17 einzelne Gleichungen. Die Minimierung der Summe der Fehlerquadrate wird durch entsprechende Variation der freigegebenen Koeffizienten (im Fit angepaßt) erzielt. Im Prinzip wird für den ungewichteten Fall (Gewicht jedes Datenpunktes = 1) die Residuen-Summe

$$\sum (y_i - \hat{y}_i)^2$$
 (5.19)

und für den Fall eines gewichteten Fits die Residuen-Summe

$$\sum \frac{(y_i - \hat{y}_i)^2}{P_i}$$
(5.20)

 mit

der beobachtete Wert für y an der Stelle x_i , der geschätzte Wert für y an der Stelle x_i , $\frac{1}{\sigma i^2}$ des beobachteten Wertes, ${y_i}{\hat{y}_i}$

minimiert.

Für sehr kleine Werte der Standardabweichung ergeben sich sehr große Werte für die einzelnen Gewichte P_i . Wie in Gleichung 2.26 (Kapitel 2.3.3) gezeigt, gehen die Gewichte auch in die Standardabweichung der gesamten Anpassung ein, die dadurch natürlich sehr groß wird. Um aber die Standardabweichungen aus gewichtetem und ungewichtetem Fit vergleichen zu können, muß der harmonische Mittelwert der Gewichte jedes Datenpunktes $\frac{1}{\sigma_i^2}$ nach:

$$\frac{n}{\sum_{i} \frac{1}{\sigma_{i}}^{2}} \tag{5.21}$$

gebildet werden. Der Mittelwert über alle *i* ergibt dann wieder 1. In Kapitel 2.3.2 ist der mathematische Aufbau von Fitprogrammen dargestellt. Im Rahmen dieser Arbeit wurden nur wenige Fits von einzelnen Gleichung durchgeführt. Es handelte sich fast immer um einen Satz von vielen Gleichungen, deren Koeffizienten gleichzeitig angepaßt wurden.

Für den durchgeführten Fit nach Gleichung (5.18) konnte keine gewichtete Anpassung vorgenommen werden, die ein vernünftiges Ergebnis ergab (siehe Tabelle 5.20). Dies hängt möglicherweise damit zusammen, daß relativ große und relativ kleine Standardabweichungen für die \hat{G}_v -Termwerte erhalten wurden. Dies kann verfolgt werden, wenn man alle Standardabweichungen (Tabelle 5.18) auf 1.0×10^{-6} cm⁻¹ setzt. Ein gewichteter Fit liefert dann ein vernünftiges Ergebnis. Allgemein muß noch erwähnt werden, daß die Programme OMEGA.NB, ALPHA.NB und BETA.NB die Routine "Nonlinear Regress" aufrufen. Mit dem in der gleichen Subroutine benutzten Befehl "Method \rightarrow Automatic" wird aber ein linearer Fit durchgeführt, da es sich um ein lineares Problem handelt. Die Auswahl des "Nonlinear Regress" Befehls gegenüber dem "Fit"-Befehl hat wegen der besseren Eingabelogik rein praktische Gründe (die genannten Befehle stammen aus dem Mathematica 4.0 Programm-Paket [11]). Die Ergebnisse sind in Tabelle 5.19 angegeben. Mit diesen Werten wurde eine Reihe von Rotationsvibrationszuständen bis 7000 cm⁻¹ berechnet, die in Tabelle 5.20 dargestellt sind. Bis auf die Niveaus mit $v_2 = 1$ und l = 1, wie in LINC berechnet, beziehen sich alle \tilde{G}_v -Werte auf l = 0. Dies liegt daran, daß die \tilde{x}_l -Werte für Niveaus mit $v_2 = 1$ nach Gleichung (2.14) nicht bestimmbar und noch im Wert von G_v enthalten sind. Der Wert von \tilde{x}_l für den Zustand (010) kann aber durch eine Reihenentwicklung der \tilde{x}_l -Werte der Zustände (020), (030) und (040) approximiert werden (siehe Tabelle 5.8). Für das Niveau (010) kann eine gute Approximation des G_v -Wertes erhalten werden, indem man den extrapolierten Wert von \tilde{x}_l vom \tilde{G}_v -Wert von (010) subtrahiert. Es ergibt sich für \tilde{G}_v von (010): 521.31(14) cm⁻¹. Analog ist das Vorgehen für die Niveaus (110) und (011) mit der Einschränkung, daß hier keine weiteren Niveaus mit höher angeregter Knickschwingung vorliegen und eine Approximation des entsprechenden \tilde{x}_l durch eine Reihenentwicklung nicht möglich ist.

Tabelle 5.18 \tilde{G}_v^{exp} -Werte von D¹²CP, für die eine Anpassung nach Gleichung (5.18) vorgenommen wurde. Zum Vergleich sind in der rechten Spalte die mit den erhaltenen Koeffizienten berechneten Werte \tilde{G}_v^{calc} gegeben. Die Fehler wurden nach dem Fehlerfortpflanzungsgesetz ermittelt.

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{G}_v^{exp}/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_v^{calc}/\mathrm{cm}^{-1}$
$(010)^1$	525.220093(14)	525.21(14)
$(020)^{0}$	1037.501801(15)	1037.51(32)
$(020)^2$	1052.929853(21)	1052.93(33)
$(001)^{0}$	1231.4037733(17)	1231.40(21)
$(011)^1$	1757.393385(26)	1757.39(32)
$(030)^1$	1552.777885(21)	1552.77(59)
$(030)^3$	1583.210646(30)	1583.22(59)
$(040)^{0}$	2055.992922(32)	2056.02(08)
$(040)^2$	2071.055643(65)	2071.04(93)
$(040)^4$	2116.14240(28)	2116.15(94)
$(100)^{0}$	2429.025(42)	2429.02(08)
$(002)^{0}$	2452.975(42)	2452.97(55)
$(110)^1$	$2943.35\left(34 ight)$	2943.35(17)
$(012)^1$	2979.84(34)	2979.84(70)
$(200)^{0}$	4800.557(88)	4800.56(19)
$(004)^0$	4865.34(80)	4865.3(17)
$(102)^{0}$	4870.45(44)	4870.46(56)

Tabelle 5.19 Harmonische Wellenzahlen und anharmonische Konstanten von D¹²CP, mit den \tilde{G}_{v} -Werten aus Tabelle 5.18 bestimmt.

Konstante	$/ \mathrm{cm}^{-1}$
$\tilde{\omega}_1$	2500.291(72)
${ ilde \omega}_2$	534.723(98)
$\tilde{\omega}_3$	1243.14(15)
\tilde{x}_{11}	-28.747(18)
\tilde{x}_{22}	-2.911(30)
\tilde{x}_{33}	$-4.725 \hat{8}3 (23)$
\tilde{x}_{12}	-10.888(26)
\tilde{x}_{13}	-5.770(14)
\tilde{x}_{23}	0.677(75)
\tilde{q}_{22}^{22}	3.9486(82)
$\tilde{\tilde{u}}_{2,2,2}$	0.0592(33)
\tilde{y}_{233}^{222}	0.050(26)
$ ilde{y}_{333}$	$-0.053\dot{3}(66)$
σ_{Fit}	$= 0.016 \mathrm{cm}^{-1}$

Von besonderem Interesse in Tabelle 5.20 sind Fermi-Resonanz-Systeme (Triaden), deren Niveaus fett gedruckt sind. Das System (200)/(004)/(102) wurde vollständig ausgewertet. Zum Vergleich sind in der Tabelle 5.20 die aus den IR-Spektren mit LINC, bestimmten effektiven Termwerte \tilde{G}_v den nach Gleichung (5.19) berechneten Termwerten \tilde{G}_v^{calc} gegenübergestellt. Die Zusatzbezeichnung ^{calc} wurde nur benutzt, um die aus den anharmonischen Konstanten berechneten Termwerte von den \tilde{G}_v -Werten, die direkt aus den IR-Spektren bestimmt wurden und hier mit dem hochgestellten Index ^{exp} bezeichnet sind, deutlich zu unterscheiden. Die mit \tilde{G}_c^{exp} benannten Termwerte sind die gleichen Werte, wie aus Tabelle 5.3. Sie werden hier benötigt, um sie mit den von KOPUT berechneten *ab initio*- \tilde{G}_c -Werten zu vergleichen.

Die \tilde{G}_c -Werte, die aus den Reihenentwicklungskonstanten nach Gleichung (2.8) bestimmt wurden, haben nur begrenzte physikalische Bedeutung, sind aber zum Vergleich mit den *ab initio*-Werten unerläßlich. Es fällt auf, daß die *ab initio*-Werte recht gut mit den \tilde{G}_v^{exp} -Werten übereinstimmen. Zur Berechnung wurde die Potentialhyperfläche von KOPUT [16] zugrunde gelegt. Die mit FITEFF ermittelten Werte enthalten die durch die Fermi-Resonanz erzeugte Störung. Zwei oder mehrere Energieniveaus können sich gegenseitig beeinflussen. Dabei spielen die Differenz der Termwerte die und Größe des Außerdiagonalelementes die entscheidende Rolle. Voraussetzung für eine Wechselwirkung ist allerdings, daß die Wellenfunktionen der beteiligten Energieniveaus gleiche Symmetrie besitzen. Die nach LINC mit dem effektiven Hamiltonian berechneten Termwerte sind durch die Bestimmung der Außerdiagonalelemente entstört. In Abbildung 5.14 sind entstörte Termwerte mit blau gepunkteten Linien eingezeichnet.

5.12.1 Rotationsschwingungswechselwirkungskonstanten

Wie im vorhergegangenen Kapitel beschrieben, wurde ein \tilde{G}_v -Wert für das Niveau (014) abgeschätzt, um zumindest eine angenäherte Auswertung der Fermi-Resonanz des Systems (210)/(112)/(014) geben zu können. Im Folgenden sind ebenso Werte für die \tilde{B}_{v} -, \tilde{D}_{v} - und \tilde{q}_{v} -Konstanten des Zustandes (014) zu schätzen. Die geschätzten Konstanten werden dann im LINC-Fit festgehalten. Die Ergebnisse sind in Tabelle 5.14 aufgelistet. Zunächst wird die Berechnung von \tilde{B}_{v} - Werten für unbekannte Niveaus beschrieben.

Die systematische Änderung der ungestörten, d.h. vom Einfluß aller Arten von Resonanzen korrigierten Rotationskonstanten in den verschiedenen Schwingungszuständen wird durch die Schwingungsabhängigkeit des über den Zustand gemittelten Hauptträgheitsmoments I_v verursacht. Diese Rotationsschwingungswechselwirkung bedingt in der Regel das Anwachsen der Rotationskonstante bei der Anregung von Knickschwingungen und die Abnahme bei der Anregung von Streckschwingungen. Dieses Verhalten gilt bei Knickschwingungen für alle Konstanten, was in Tabelle 5.8 verfolgt werden kann. Die Rotationskonstante \tilde{B}_v in einem beliebigen Schwingungszustand ergibt sich aus der Rotationskonstanten \tilde{B}_e im Gleichgewichtszustand zu [15]:

$$\tilde{B}_{v} = \tilde{B}_{e} - \sum_{i=1}^{3} \tilde{\alpha}_{i} \left(v_{i} + d_{i}/2 \right) + \sum_{i \leq j}^{3} \tilde{\gamma}_{ij} \left(v_{i} + d_{i}/2 \right) \left(v_{k} + d_{k}/2 \right) + \tilde{\gamma}_{ll} l^{2} + \sum_{i \leq j \leq k}^{3} \tilde{\gamma}_{ijk} \left(v_{i} + d_{i}/2 \right) \left(v_{j} + d_{j}/2 \right) \left(v_{k} + d_{k}/2 \right).$$
(5.22)

Hierin sind die $\tilde{\alpha}_i$ die sogenannten Rotationsschwingungs-Wechselwirkungskonstanten und die $\tilde{\gamma}_{ij}$ und $\tilde{\gamma}_{ijk}$ die entsprechenden Terme höherer Ordnung. Die Konstante $\tilde{\gamma}_{ll}$ beschreibt die *l*-abhängigen Beiträge der Rotationskonstanten. Die Entartungsgrade der entsprechenden Schwingungen v_i , v_j und v_k werden durch d_i , d_j und d_k angegeben. Diese sind von den im weiteren diskutierten spektroskopischen Konstanten \tilde{d}_{Jl} zu unterscheiden.

Die Rotationskonstanten B_v (LINC) des effektiven Hamiltonoperators nach YAMADA *et al.* [5] enthalten im Falle der Schwingungszustände (010), (011) und (110) noch die für diese Zustände nicht bestimmbaren *l*-abhängigen Beiträge \tilde{d}_{Jl} (siehe dazu die Gleichungen im Abschnitt 2.3.1). Um hieraus zumindest einen angenäherten Wert der Rotationskonstanten \tilde{B}_v zu erhalten, wurde \tilde{B}_v (LINC) jeweils durch Subtraktion näherungsweise bestimmter \tilde{d}_{Jl} -Werte korrigiert. Im Fall des Zustandes (010) wurde der aus den entsprechenden Werten $\tilde{d}_{Jl}(020)$, $\tilde{d}_{Jl}(030)$ und $\tilde{d}_{Jl}(040)$ linear extrapolierte $\tilde{d}_{Jl}(010)$ -Wert von \tilde{B}_v (010) (LINC, Tabelle 5.8) subtrahiert. Analog wurden die Rotationskonstanten der Zustände (011) und (110) anhand des Wertes $\tilde{d}_{Jl}(120)$ (Tabelle 5.15) korrigiert. Letzteres stellt eine grobe Näherung dar, weil:

- mit (120), nur ein Term mit $v_1 > 0$ durch die Messungen beschrieben werden konnte und somit nur eine gute Näherung für den (110)-Termwert, nicht aber für (011) darstellt,
- keine Reihenentwicklung durchgeführt werden konnte, wie im Fall der Approximation des $\tilde{d}_{Jl}(010)$ Wertes; es wurde nur der Zustand (120) beschrieben,
- sich der $d_{Jl}(120)$ Wert ohnehin noch ändern würde, wenn die Fermi-Resonanz der Niveaus (120)/(022) beschrieben werden könnte. Übergänge zum Niveau (022) konnten aber nicht gemessen werden.

Konstante	$\tilde{G}_v{}^{calc}/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_v^{exp}/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_c ab initio / \mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_c ^{exp} / \mathrm{cm}^{-1}$
(000)	0.0			
(010)	525.21(14)	$525.220093\ (14)$		524.6524513(76)
(020)	1037.51(32)	1037.501801(15)	1039.34	1037.5017635(31)
(001)	1231.40(21)	1231.403773(17)	1232.28	1231.403600(42)
(030)	1548.96(58)	1548.973790(17)		$1552.2079573\ (49)$
(011)	1757.39(32)	1757.393385(26)		1756.82900(69)
(040)	2056.01(92)	2055.992922(32)	2059.68	2055.992883(14)
(100)	2429.02(08)	2429.025(42)	2418.70	2419 . $426768(29)$
(002)	$2452.97\ (55)$	2452.975(42)	2463.57	2462.572656(27)
(050)	$2559.0\ (13)$			
(110)	$2943.35\ (17)$	2943.35(34)		2935 . $071259(16)$
(012)	2979.84(70)	2979.84(34)		2986 . $9905042~(61)$
(060)	3058.3(19)		3062.97	
(120)	3444.76(35)	$3438.547764(1)^{a}$	3439.31	3438.5478617(69)
(022)	3493.79(93)		3501.89	
(070)	3554.3(26)			
(101)	3654.66(26)		3629.51	·
(003)	3664.3(10)		3692.20	
(130)	3945.32(06)			
(032)	4006.8 (12)			
(080)	4047.3(35)		4050.59	
(111)	4169.76(34)			
(013)	4192.2 (13)			
(140)	4441.48 (94)		4440.17	
(042)	4515.5(16)		4518.58	
(090)	4537.7(45)			
(121)	4671.95(53)		4643.65	
(023)	4707.1(16)		4728.15	
(200)	4800 56 (19)	4800 557 (88)	4787-26	4789,052934(32)
(004)	4865.3(17)	4865.34 (80)	$4835.16/4916.63^{-b}$	4832.277555(27)
(102)	4870.46 (56)	4870.45 (44)		4915.02150 (16)
(150)	4933.5 (14)			
(052)	5020.2(20)			
(0100)	5025.8(58)		5023.60	
(0 - 0 0)			30-0.00	•

Tabelle 5.20 Rotationsvibrationstermwerte \tilde{G}_v von $D^{12}CP$.

Die Tabelle wird auf der nächsten Seite weitergeführt

Fortsetzung	der Tabelle 5.20			
Konstante	$\tilde{G}_v^{\ calc}/\operatorname{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_v^{exp}/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_v^{ab\ init\ io}/\ \mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{G}_c e^{xp} / \mathrm{cm}^{-1}$
(131)	5173.28(78)			
(033)	5221.2(20)			
(210)	$5303.99\ (25)$	$5302.550\ 002\ (17)$		5293 . $803\ 002\ (18)$
(112)	5386.44(71)	5385.8541(12)		5350 , $809\ 89\ (23)$
(014)	5394.2(20)	5394.25^c		
(160)	5422.0(19)		5423.97	
(062)	5521.2(26)		5516.25	
(141)	5670.2(11)		5655.26	
(043)	5730.9(24)		5741.37	
(220)	5794.52(41)		5786.54	
(122)	5889.50(94)			
(024)	5910.2(45)		$5860.11/5950.37^{-b}$	
(0120)	5996.7(89)		5982.84	
(201)	6020.42(29)		5984.78	
(005)	6055.5(26)		6039.29	
(103)	6076.1(10)	•	6139.29	
(151)	6163.1(16)			
(053)	6236.5(29)			
(230)	6284.19(66)			
(132)	$6391.7\ (12)$			
(034)	6425.4(30)			
$(0\ 13\ 0)$	6480.(11)			
(221)	$7015.93\ (57)$			
(123)	7097.1(16)		7166.73	
(025)	7102.75(36)	•	7061.67	
(202)	$7230.45\ (56)$			
(006)	7234.5(37)			
(104)	7271.3(17)			

~ ,				
α caic	Percehast and	Claichung 5 18 und	dan Kaeffiniantan	and Taballa 5 10
I_n	Derechnet naci	I Gleichung 5.16 und	den Noemzienten	aus fabene 5.19
-		0		

Experimentell ermittelt und berechnet nach Gleichungen 2.3.1.

Jacek Koput (Poznan), persönliche Mitteilung.

 $[\]begin{array}{l} \tilde{G}_v{}^{calc} \\ \tilde{G}_v{}^{exp} \\ \tilde{G}_c{}^{ab\,inito} \\ \tilde{G}_c{}^{exp} \end{array}$ Werte aus Tabelle 5.3 entnommen. Sie dienen zum Vergleich mit den $\tilde{G}_c^{\ ab\,inito}$ Werten.

Gestörter Termwert, bei dem der Resonanzpartner (022) nicht zugeordnet awerden konnte.

bDie den Niveaus zugehörigen Wellenfunktionen wechselwirken sehr stark miteinander, so daß die einzelnen Zustände im Sinne einer festen Zuordnung nicht scharf voneinander getrennt werden können. Der eine Zustand enthält Anteile vom anderen und umgekehrt. Dies trifft im Prinzip auf alle in einer Resonanz wechselwirkenden Zustände zu.

Für die Fits der Fermi-Resonanz-Triade (210)/(112)/(014) in Kapitel 5.6 cauf dem Wert von $\tilde{G}_v^{\ calc}$ festgehalten.

Anhand der zur Verfügung stehenden Daten konnte allerdings keine genauere Korrektur durchgeführt werden. Zur Durchführung des linearen Fits nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate wurde das PC-Programm ALPHA.NB in der Programmiersprache Mathematica 4.0 [11] geschrieben. Das Programm liest die Quantenzahlen (v_1, v_2, v_3, l) und die Entartungsgrade $(d_1, d_3 = 1 \text{ und } d_2 = 2)$ der Normalschwingungen (ν_1, ν_2, ν_3) sowie die nach Gleichung 2.14 ermittelten Rotationskonstanten mit ihren Standardabweichungen σ_i für die einzelnen Zustände ein. Als Startwerte für die Konstanten $\tilde{\alpha}_i$ im Fit wurden die für H¹²CP ermittelten Konstanten benutzt. Die Startwerte für die Konstanten $\tilde{\gamma}_{ik}$ und $\tilde{\gamma}_{ijk}$ wurden auf null gesetzt. Im Fit wurden die einzelnen Rotationskonstanten mit $W_{ii} = 1/\sigma_i^2$ gewichtet. Parameter von Niveaus, für die keine komplette Analyse der Fermi-Resonanz durchgeführt werden konnte, sind in diese Analyse nicht eingegangen. Dazu gehören die Niveaus (120), (210) und (112) (siehe dazu die Tabellen 5.14, 5.15). Der Programmtext ist im Anhang abgedruckt. Zur besseren Übersicht enthalten die im Anhang aufgeführten Programme ebenfalls alle Daten (wie oben genannt) in der gleichen Notebook-Datei. Das Notebook-Format ist das zur Zeit gängige Format von Mathematica Dateien. Der Verlauf der Anpassung und die Ergebnisse werden ebenfalls im gleichen Notebook (datei.nb) gespeichert. Die angepaßten Konstanten einschließlich der höheren Terme $\tilde{\gamma}_{ij}$ und $\tilde{\gamma}_{ijk}$ sind in Tabelle 5.22 angegeben.

Die Reproduktion der eingesetzten Meßwerte durch die erhaltenen Konstanten ist in Tabelle 5.21 zusammengestellt. Hier zeigt sich, mit Ausnahme der angeregten Zustände der Streckschwingung ν_2 , eine recht gute Übereinstimmung. Die größeren Abweichungen der gemessenen und berechneten Rotationskonstanten können eine Folge hoher Korrelationskoeffizienten unter den Konstanten der Fermi-Resonanzsysteme sein. Wie dort erwähnt, konvergiert der globale Fit jedoch sehr schnell, so daß trotz hoher Korrelation verläßliche Werte erhalten werden. Dabei ist verständlich, daß Abweichungen der schlechter bestimmten Konstanten \tilde{D}_v^{exp} zu den berechneten Werten \tilde{D}_v^{calc} zuerst auffallen. Im folgenden Abschnitt trifft dies besonders für \tilde{D}_v -Werte der Niveaus (004) und (102) zu. Da die zur Bestimmung der übrigen Konstanten $\tilde{\gamma}_{ik}$ und $\tilde{\gamma}_{ijk}$ nötige Information nicht zur Verfügung stand, mußte in Kauf genommen werden, daß diese Anteile noch in den bestimmten Konstanten und hier insbesondere im Wert der Gleichgewichtsrotationskonstanten \tilde{B}_e enthalten sind. Diese Beiträge sollten aber nicht sehr groß sein, weswegen die erhaltenen Konstanten im Rahmen der eingeführten Näherungen den wirklichen Werten sehr nahe kommen sollten.

5.12.2 Zentrifugalverzerrungskonstanten

Die Berechnung der Zentrifugalverzerrungskonstanten erfolgt durch Gleichung (5.23), analog den vorausgegangenen Abschnitten für die harmonischen Wellenzahlen und die Rotationsschwingungswechselwirkungen, wie von QUAPP *et al.* [15] beschrieben:

$$\tilde{D}_{v} = \tilde{D}_{e} - \sum_{i=1}^{3} \tilde{\beta}_{i} \left(v_{i} + d_{i}/2 \right) + \sum_{i \leq j}^{3} \tilde{\beta}_{ij} \left(v_{i} + d_{i}/2 \right) \left(v_{k} + d_{k}/2 \right) + \tilde{\beta}_{ll} l^{2} .$$
(5.23)

Der Gleichgewichtszustand wird durch D_e repräsentiert; β_i sind die Zentrifugalverzerrungskonstanten, die in höherer Ordnung durch $\tilde{\beta}_{ij}$ ergänzt werden. Die *l*-abhängigen Beiträge wiederum werden durch $\tilde{\beta}_{ll}$ beschrieben. In Tabelle 5.23 sind die experimentell ermittelten den berechneten Werten gegenübergestellt. Wie schon im Kapitel zuvor beschrieben, ergeben sich die größten Abweichungen für die D_v -Werte der Niveaus (004) und (102) (in der Tabelle 5.24 fett gedruckt). Dabei wurden D_v -Werte mit l = 0, 1 zugrunde gelegt. Über die \tilde{h}_{Jl} Konstanten aus Tabelle 5.8

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{B}_v^{exp1}/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{B}_v^{calc}/\mathrm{cm}^{-1}$
(000)	0.566537158(14)	$0.566537\;(14)$
(010)	0.567631831(14)	$0.567\ 650\ (22)$
(020)	0.568764722(16)	0.568765(31)
(030)	0.569886498(50)	$0.569886\ (41)$
(040)	$0.57102067\;(16)$	0.571021(51)
(001)	0.563678034(40)	$0.563678\;(15)$
(011)	$0.5647707\;(19)$	0.564788(23)
(100)	$0.563\ 165\ 5\ (40)$	$0.563\ 166\ (31)$
(002)	$0.5608050\;(40)$	0.560806(17)
(110)	0.564290(22)	0.564309(50)
(012)	0.561915(22)	0.561914(24)
(200)	0.5597960~(26)	0.559796(51)
(004)	$0.55509\ (15)$	0.555023~(31)
(102)	$0.557\ 379\ (78)$	$0.557\;435\;(33)$

Tabelle 5.21 Gegenüberstellung von \tilde{B}_v^{exp} und nach Gleichung (5.22) berechneten Rotationskonstanten \tilde{B}_v^{calc} von D¹²CP. Die Fehler wurden nach dem Fehlerfortpflanzungsgesetz ermittelt.

Tabelle 5.22 Die Rotationsschwingungs-Wechselwirkungskonstanten von D¹²CP, wurden mit einem gewichtetem Fit an die Rotationskonstanten \tilde{B}_v des effektiven Hamiltonoperators angepaßt.

Konstante	/ cm ⁻	- 1
\tilde{B}_{e}	0.5685434(71))
\tilde{lpha}_1	0.003399(14)	
$ ilde{lpha}_2$	-0.0011073(70))
\tilde{lpha}_3	0.0028430(25))
$ ilde{\gamma}_{11}$	0.0^{a}	
$ ilde{\gamma}_{22}$	-4.40(23)	$\times 10^{-6}$
$ ilde{\gamma}_{33}$	-6.6(17)	$\times 10^{-6}$
$ ilde{\gamma}_{12}$	2.8(14)	$\times 10^{-5}$
$ ilde{\gamma}_{13}$	0.0^{a}	
$ ilde{\gamma}_{23}$	-2.97(12)	$\times 10^{-6}$
$ ilde{\gamma}_{ll}$	1.350(64)	$\times 10^{-6}$
$ ilde{\gamma}_{222}$	8.83(28)	$\times 10^{-7}$
σ_{Fi}	$t = 1.92 \times 10^{-8}$ cm	n^{-1}

a Der Wert konnte im Fit nicht bestimmt werden, *ab initio* berechnete Werte für $\tilde{\gamma}_{11}$ und $\tilde{\gamma}_{13}$ standen nicht zur Verfügung.

wurden dann auch korrigierte \tilde{D}_{v} -Werte der Subniveaus $(020)^{2}, (030)^{1}, (030)^{3}, (040)^{2}$ und $(040)^{4}$ berechnet. In den Datensatz der \tilde{D}_{v} -Werte aus Tabelle 5.8 einbezogen, ergab die Anpassung nach Gleichung (5.23) allerdings ein schlechteres Ergebnis als ohne die genannten Subniveaus.

Konstante	$/ \mathrm{cm}^{-1}$						
\tilde{D}_e	4.7079(40)	$\times 10^{-7}$					
$ ilde{eta}_1$	-5.50(67)	$\times 10^{-9}$					
$ ilde{eta}_2$	8.21(17)	$\times 10^{-9}$					
$ ilde{eta}_3$	1.93(82)	$\times 10^{-10}$					
\tilde{eta}_{11}	0.0						
\tilde{eta}_{22}	4.07(39)	$\times 10^{-10}$					
$ ilde{eta}_{{f 3}{f 3}}$	0.0						
\tilde{eta}_{12}	0.0						
$ ilde{eta}_{13}$	0.0						
$ ilde{eta}_{23}$	0.0						
$ ilde{eta}_{ll}$	0.0						
$\sigma_{Fit} = 1.07 \times 10^{-10} \mathrm{cm}^{-1}$							

Tabelle 5.23 Zentrifugalverzerrungskonstanten von $D^{12}CP$, bestimmt aus einer gewichteten Anpassung nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate an die \tilde{D}_{v} -Werte des effektiven Hamiltonoperators.

Tabelle 5.24 Vergleich von \tilde{D}_v^{exp} -Werten mit nach Gleichung (5.23) berechnete \tilde{D}_v^{calc} -Werte von D¹²CP. Die Fehler wurden nach dem Fehlerfortpflanzungsgesetz ermittelt.

$(v_1v_2v_3)$	$\tilde{D}_v^{exp}/10^{-6} \mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{D}_v^{calc}/10^{-6}{\rm cm}^{-1}$
(000)	0.476766(35)	$0.47676\ (54)$
(010)	0.485390(34)	0.48619(64)
(020)	0.496473(34)	0.49644~(81)
(030)	0.50731(14)	0.5075(11)
(040)	$0.51947\;(28)$	0.5194(14)
(001)	0.476945(37)	0.47695~(56)
(011)	$0.48607\ (50)$	0.48639~(65)
(100)	0.47182(57)	0.47123(11)
(002)	0.47766~(58)	$0.477\ 14\ (58)$
(110)	0.4820(17)	0.4807(11)
(012)	0.4832(58)	0.48658(67)
(200)	0.4643(12)	0.4658(17)
(004)	0.502(14)	0.47753(19)
(102)	0.4484(74)	0.4716(11)

5.13 Literaturverzeichnis

- J. K. TYLER, Microwave Spectrum of Methinophosphide, HCP, J. Chem. Phys. 40, 1170-1171 (1964).
- [2] G. GUELACHVILLI UND K. NARAHARI RAO, Handbook of Infrared Standards, Academic Press, London, Academic Press, London, 1986.
- [3] A. DAX, J. S. WELLS, L. HOLLENBERG, A. G. MAKI UND W. URBAN, Sub Doppler Frequency Measurements on OCS at 87 THz (3.4 μm) with the CO Overtone Laser, J. Mol. Spectrosc. 168, 416-428 (1994).
- [4] J. KOPUT, **Persönliche Mitteilung** (1999).
- [5] K. M. T. YAMADA, F. W. BIRSS UND M. R. ALIEV, Effective Hamiltonian for Polyatomic Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 112, 347-356 (1985).

- [6] P. BOTSCHWINA UND P. SEBALD, Vibrational Frequencies from Anharmonic ab initio/Empirical Potential Energy Functions: Stretching Vibrations of Hydroisocyanic Acid, Phosphaethyne, Isocyanoacetylene, and Phosphabutadiyne, J. Mol. Spectrosc. 100, 1-23 (1983).
- [7] J. LAVIGNE, C. PEPIN UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of $D^{12}CP$ in the Region of the ν_2 Band: The Spectroscopic Constants for the States 00^00 , 01^{10} 02^{00} and the Bond Lengths of the Molecule, J. Mol. Spectrosc. 104, 49–58 (1984).
- [8] C. PEPIN UND A. CABANA, The $\nu_1 + \nu_2$ Vibration-Rotation Band of D¹²CP and Evidence for Fermi Resonance in the 100, 002 Diad, J. Mol. Spectrosc. 119, 101–106 (1986).
- [9] T. E. GIER, HCP, A Unique Phosphorous Compound, J. Am. Chem. Soc. 83, 1769–1770 (1961).
- [10] J. LAVIGNE, C. PEPIN UND A. CABANA, The Vibration-Rotation Spectrum of DCP, J. Mol. Spectrosc. 99, 203-208 (1983).
- [11] STEPHEN WOLFRAM, Mathematica 4.0, Addison-Weseley, New York, 1999.
- [12] G. MELLAU, **Persönliche Mitteilung** (1999).
- [13] S. ALBERT, Netzwerke von Resonanzsystemen in den Spektren eines quasilinearen Moleküls: Hochauflösende Fourier-Transform-Infrarot-Spektroskopie an den Knallsäureisotopomeren HCNO, H¹³CNO und H¹³C¹⁵NO, Dissertation, Justus-Liebig-Universität, Gießen, 1995.
- [14] R. SCHERMAUL, Hochauflösende Fourier-Transform-Infrarot-Spektroskopie an Knallsäure und Wasserstoffperoxid, Dissertation, Justus-Liebig-Universität, Gießen, 1996.
- [15] W. QUAPP, M. HIRSCH, G. CH. MELLAU, S. KLEE, M. WINNEWISSER UND A. MAKI, Climbing the Bending Vibrational Ladder in D¹³C¹⁵N by Hot Gas Emission Spectroscopy, J. Mol. Spectrosc. 195, 284-298 (1999).
- [16] J. KOPUT, Ab intio Calculations on HCP, Chem. Phys. Lett. 263, 401-406 (1996).

Kapitel 6

FT-IR- und Infrarot-Diodenlaser-Spektroskopie von HBS

Im Rahmen der Arbeiten zu HCP und DCP wurde auch das zu HCP isoelektronische Molekül HBS untersucht. Neben einer Reihe von spektroskopischen und theoretischen Untersuchungen zu HBS wurden die Infrarotspektren der beiden fundamentalen Streckschwingungen ν_1 und ν_3 beschrieben. Bisher sind jedoch noch keine experimentellen Messergebnisse zur Knickschwingung ν_2 von HBS in der wissenschaftlichen Literatur publiziert. Aus diesem Grund galt unser Interesse der Knickschwingung ν_2 von HBS. Bei der genannten Borverbindung handelt es sich, wie auch bei HCP, um ein kurzlebiges Molekül. HBS allerdings zerfällt mit einer Halbwertszeit von einigen Sekunden viel schneller als HCP und konnte nur in einem Flußsystem (B + H₂S \rightarrow HBS + $\frac{1}{2}$ H₂) gemessen werden.

In der Arbeit von SAMS und MAKI [1] wurde das Infrarotspektrum der Normalschwingung ν_1 von HBS mit einer Auflösung von etwa 0.03 cm⁻¹ beschrieben. TURNER und MILLS [2] gaben zusätzliche Informationen über das FT-IR-Spektrum der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von HBS. Es gelang den Autoren nicht, die Knickschwingung ν_2 zu messen, die bis jetzt im IR-Bereich noch nicht beobachtet wurde!

6.1 Die Suche nach der Knickschwingung ν_2 von HBS

Die Knickschwingung von HBS hat sich bisher allen Versuchen einer spektroskopischen Beobachtung entzogen. Weder SAMS und MAKI [1], noch TURNER MILLS [2] konnten sie beobachten. TURNER und MILLS geben durch eine Valenzkraftfeldberechnung unter der Einbeziehung aller verfügbaren Daten in Tabelle 6.2 eine Abschätzung der Absorptionswellenzahl der Knickschwingung ν_2 von HBS. Um diese Ergebnisse zu bewerten, führten die Autoren eine analoge Berechnung für HCN durch. Die gleiche Anzahl von Observablen, äquivalent zur Zahl derjenigen von HBS, wurde zur Kraftfeldberechnung benutzt, um damit die Fundamentalen für HBS zu berechnen (siehe Tabelle 6.1).

Auch SAMS und MAKI geben in ihrer Arbeit [1] eine Abschätzung zur Lage des Termwertes der ν_2 . Betrachtet man die Berechnungen der beiden Autorengruppen um MAKI und MILLS zusammen, sollte das Bandenzentrum der Knickschwingung ν_2 im spektralen Bereich von 570 – 700 cm⁻¹ zu finden sein.

Diese Berechnungen ließen die Berücksichtigung einer Fermi-Resonanz der Vibrationsniveaus (020)/(001) außer acht. Eine solche Resonanz ist wahrscheinlich, wenn der Termwert für das



Abbildung 6.1 Darstellung der bestimmten Termwerte von HBS. Die rot eingezeichneten Übergänge wurden zum ersten Mal in der vorliegenden Arbeit beschrieben. schwarz gezeichnete Übergänge wurden auch von SAMS und MAKI [1] und TURNER und MILLS [2] gemessen.

$(v_1v_2v_3)$	Obs. / cm^{-1}	Berech. / cm^{-1}	ObsBerech. / cm^{-1}
(100)	3311.48	3394.59	-83
(010)	713.5	659.0	55
(001)	2097.0	2058.0	39

Tabelle 6.1 Observierte und berechnete Bandenzentren von HCN nach TURNER und MILLS [2]

Tabelle 6.2 Observierte und berechnete Bandenzentren von HBS nach TURNER und MILLS [2]

$(v_1v_2v_3)$	Obs. / cm^{-1}	Berech. / cm^{-1}	ObsBerech. / cm^{-1}
(100)	2735.80	2768.52	-33
(010)		635.0	
(001)	1172.39	1194.0	-22

(020)⁰ Niveau in der Nähe des Termwertes des Niveaus (001)⁰ liegt. Das Auftreten einer Fermi-Resonanz ist zum einen abhängig von der Größe des Fermi-Resonanz-Matrixelementes W_F und natürlich auch vom Abstand der Termwerte der in Resonanz stehenden Vibrationsniveaus (020) und (001). In den Kapiteln 4 und 5 zu HCP und DCP wurden einzelne Fermi-Resonanz-Systeme intensiv beschrieben. Die dort ausgeführten mathematischen Betrachtungen können auch auf das Molekül HBS übertragen werden, sollte man ein IR-Spektrum der ν_2 aufnehmen können. Der Termwert des Vibrationsniveaus (010) wurde bisher nur abgeschätzt; das Vibrationsniveau (020) liegt dann in etwa zwischen 1140 cm⁻¹ und 1400 cm⁻¹. Je weiter nun der Termwert für das (020)Vibrationsniveau bei 1400 cm⁻¹ liegt, je schwächer wird auch eine mögliche Fermi-Resonanz. Der Termwert für den Fermi-Resonanzpartner (001) beträgt 1172.39 cm⁻¹. Erst die Analyse eines gemessenen Spektrums der $2\nu_2$ kann die Frage nach der Fermi-Resonanz beantworten. TURNER und MILLS diskutieren in ihrer Publikation [2] das für sie überraschende Ergebnis, daß die Knickschwingung ν_2 weder für HBS noch für DBS beobachtet werden konnte. Wenn man davon ausgeht, daß 50 % der Intensität der ν_2 im Q-Zweig $(010)^{1f} \leftarrow (000)^{0e}$ liegt (die anderen 50 % der Intensität liegen in P/R-Linien), kann man aufgrund der von TURNER und MILLS [2] gemessenen Spektren annehmen, daß der Q-Zweig 10 mal schwächer ist als P- und R-Zweig Linien der ν_3 . Somit ergäbe sich im Vergleich zur ν_3 ein rund 20 mal schwächeres Übergangsmoment für die Knickschwingung ν_2 von HBS.

6.1.1 FT-IR-Spektroskopie von HBS

Die in der Literatur bekannten IR-Messungen von SAMS und MAKI [1] und TURNER und MILLS [2] für HBS zu den Streckschwingungen ν_1 und ν_3 wurden für die ν_1 mit der in Giessen vorhandenen FT-IR-Technik deutlich verbessert. Die Streckschwingung ν_1 wurde mit einer 3 mal höheren Auflösung und einem erheblich besseren Signal-zu-Rauschen-Verhältnis gemessen.

Für die andere Streckschwingung ν_3 konnte bei den in Giessen (August/September 1995) durchgeführten Messungen eine Steigerung der Auflösung um einen Faktor 30 erzielt werden. Dies ergab zusätzliche Übergänge, auch zu höheren *J*-Werten, wodurch weitere Molekülkonstanten der HBS Isotopomeren H¹¹B³²S, H¹¹B³⁴S, H¹⁰B³²S, H¹⁰B³⁴S und H¹¹B³³S zugänglich wurden.

Abbildungen der hochaufgelösten Spektren zu den Valenzschwingungen ν_1 und ν_3 wurden bereits im September 1995 anläßlich des XIV. Colloquium on High Resolution Molecular Spec-

Meßbedingungen	Spektralbereich	Spektralbereich
	$1090 - 1300 \ / \ \mathrm{cm}^{-1}$	$2350 - 2850 \ / \ \mathrm{cm}^{-1}$
Geamtdruck ^a /mbar	1.0	3.0
Länge der Meßzelle /cm	43	43
Lichtquelle	Globar	Globar
Optische Filter / cm ⁻¹	1090 - 1300	2350 - 2850
Apertur Ø /mm	1.7	1.5
Strahlungsteiler	KBr	KBr
Detektor, T/K	Ge:Cu (4.2 K)	In:Sb (77 K)
Auflösung ^b / cm ⁻¹	0.00333	0.0111
Dopplerlinienbreite $/ \text{ cm}^{-1}$	0.0032 (673 K)	0.0070 (673 K)
Scans pro Block	1	10
Summe der addierten Scans	90	70
Temperatur / K im Reaktionsrohr	1373^{c}	1393^{c}
Temperatur / K der Meßzelle (wassergekühlt)	279	279
Transmissionsspektrum	ZTGHBSFS.1	ZTGHBSCS.1

Tabelle 6.3 Zusammenstellung der FT-IR-Meßbedingungen von HBS

 $^a~{\rm H_2S}$ und dessen Zerfalls- und Reaktionsprodukte mit Bor.

^b 1/Maximum Optical Path Difference.

^c Temperatur der Reaktion im Quarzglasrohr außerhalb der Meßzelle.

Die Zusammenstellung der gemessenen Einkanal- und Backgroundspektren, und denen daraus berechneten Transmissionsspektren, ist im Anhang C aufgeführt.

troscopy in Dijon (Frankreich) in Form eines Posters (B33) vorgestellt. Die Meßbedingungen zu den beiden aufgenommenen Spektren sind in Tabelle 6.3 zusammengefaßt.

6.1.2 Beschreibung des Experimentes zur Darstellung und FT-IR-Messung von HBS

Die benutzte Meßzelle hatte eine Länge von 43 cm und einen Durchmesser von 13 cm. Das 30 cm lange Reaktionsrohr aus Mineralquarzglas war unmittelbar in einem Winkel von 90 Grad an die Meßzelle angeschlossen. Durch einen 20 cm langen, aufklappbaren Röhrenofen wurde das Reaktionsrohr auf 1100 °C geheizt. Das elementare Bor wurde vor jeder Messung in das Reaktionsrohr eingefüllt. Die genannten Verbesserungen bisher in Giessen gemessener IR-Spektren konnten aufgrund von optimierten Reaktionsbedingungen erzielt werden, wobei die Temperatur und die Entfernung des Reaktionssortes zur Meßzelle eine entscheidende Rolle spielen.

In der Arbeit von TURNER und MILLS [2] wurde eine Multireflexionszelle mit Metallspiegeln benutzt, welche aufgrund der bei der Reaktion von elementarem Bor und Schwefelwasserstoff entstehenden Bor-Polysulfane eine Meßzeit von nur 15 Minuten zuließen. Die Metallspiegel der Multireflexionszelle waren bereits nach dieser kurzen Zeit mit polymeren Bor-Schwefel-Verbindungen belegt. Am Ende einer jeden Messung mußte die Zelle auseinandergebaut, die Zelle und die Spiegel gereinigt werden.

Für die in Giessen gemessenen Spektren wurde eine wassergekühlte 43 cm lange Glaszelle benutzt. Die Meßzelle wurde mit einem speziellen Kühlschlauch umwickelt. Mit der wassergekühlten Meßzelle sollte die Belegung der optischen Fenster mit Reaktionsprodukten verhindert werden. Die KBr-Fenster wurden aber trotzdem leicht mit Bor-Polysulfanen belegt, doch konnten Meßzeiten von bis zu 4 Stunden, und somit ein gutes Signal-zu-Rauschen-Verhältnis, erzielt werden.

Die Knickschwingung jedoch konnte auch in Giessen nicht beobachtet werden.

6.1.3 Analyse der FT-IR-Spektren von HBS

Die aus den analysierten Bandensystemen berechneten G_c -Termwerte der einzelnen HBS Isotopomere sind in Abbildung 6.1 angegeben. Die dort rot eingezeichneten Übergänge wurden im Rahmen der vorliegenden Arbeit zum ersten Mal beschrieben. Zu den in schwarz dargestellten Übergängen lagen bereits Messungen der Gruppen um MAKI und MILLS [2] vor. Die in Abbildung 6.1 gewählte Darstellung würdigt nicht die Zahl der gemessenen Übergänge und die Genauigkeit der bestimmten Linienpositionen, die wie bereits beschrieben, eine Größenordnung höher ist als bei früheren IR-Messungen. Die nach Gleichung 2.6 berechneten Reihenentwicklungskonstanten der analysierten Subbanden von fünf verschiedenen Isotopomeren sind in Tabelle 6.4 zusammengefaßt. Auch die effektiven Konstanten in Tabelle 6.5, die nach dem von YAMADA *et al.* [3] beschriebenen Hamiltonoperator ermittelt wurden, spiegeln die Qualität der FT-IR-Spektren wider.

Die mit der 43 cm langen Meßzelle aufgezeichneten Spektren sind in den Abbildungen 6.2 – 6.8 dargestellt, die im Folgenden diskutiert werden. Bei den Abbildungen handelt es sich um eine vollständige Darstellung der P- und R-Zweig Fundamentalbande ν_3 von HBS. Alle zugeordneten Linien sind in der Form von Zuordnungskämmen markiert. Die J''-Quantenzahlen (unterer Zustand) sind angegeben. Aufgrund der Überlagerung der Spektren von fünf HBS Isotopomeren mußte eine farbige Markierung (H¹¹B³²S schwarz, H¹⁰B³²S blau, H¹⁰B³⁴S grün, H¹¹B³⁴S rot, H¹¹B³³S violett) gewählt werden, die in den Abbildungen selbst erklärend ist. Die meisten Abbildungen sind mit 40 cm⁻¹ pro Seite dargestellt. Die Beschreibung der IR-Spektren soll mit Abbildung 6.2, welche die P/R-Zweig Banden ν_3 und ν_1 zeigt, eingeleitet werden. In der Übersichtsdarstellung sind Übergänge vom Grundzustand der beiden häufigsten Moleküle H¹¹B³²S (schwarz) und H¹⁰B³²S (blau) sind eingezeichnet. Wie in Tabelle 6.3 angegeben, konnte das IR-Spektrum der ν_3 mit einer Auflösung von 0.0033 cm⁻¹ und das der ν_1 mit 0.0111 cm⁻¹ gemessen werden. Die weiteren sechs Abbildungen zeigen das IR-Spektrum der ν_3 in starker Vergrößerung. Alle Linien sind zugeordnet und entsprechend gekennzeichnet. Die $J^{\prime\prime}$ -Quantenzahlen der Fundamentalbande $(001) \leftarrow (000)$ sind dabei nur in Abbildung 6.2 benannt. In den folgenden Abbildungen ab 6.3 ist der entsprechende Zuordnungskamm weggelassen, um die Abbildungen nicht unnötig zu überfrachten. In Abbildung 6.3, bereits zu Beginn der ν_3 Bande sind Linien von vier HBS-Isotopomeren überlagert. Die erste angeregte Bande $(002)^{0e} \leftarrow (001)^{0e}$ gehört schon zu den schwächsten Banden im Spektralbereich der ν_3 . Im unteren Bild grau unterlegten Spektralbereich, wurden auch Absorptionsmessungen mit einem IR-Diodenlaserspektrometer ausgeführt. Eine vergrößerte Darstellung der Diodenlasermessung ist im Vergleich mit dem FT-IR-Transmissionsspektrum in Abbildung 6.11 gegeben. Im unteren Bild von Abbildung 6.3 sind sehr schön die *l*-Typ Dubletts der beiden P- und R-Zweig Banden $(011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$ und $(011)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$ von H¹¹B³²S (schwarz) zu erkennen, die sich in Abbildung 6.4 weiter fortsetzen. Die Beschreibung der Zuordnung in Abbildung 6.5 führt zu einer komplexen Darstellung, die nur durch die Farbkodierung verständlich ist. Im unteren Bild aus Abbildung 6.6 nimmt die Linienstärke wieder ab und es sind nur noch Übergänge von zwei Isotopomeren überlagert. In den Abbildungen 6.7 und 6.8 sind die letzten noch sichtbaren Linien der Bande ν_3 zu sehen.

Die Zuordnung aller analysierten Bandensysteme von HBS erfolgte unter Einbeziehung der in der Literatur bekannten Daten. Sie orientierte sich auch an den natürlichen Häufigkeiten der Isotope von Bor und Schwefel (¹¹B/¹⁰B = 80/20, ³²S/³⁴S/³³S = 95/4.2/0.8), die sich in der Intensität der Übergänge ausdrückt. Die in der Literatur vorhandenen Zuordnungen wurden überprüft und konnten bis auf zwei Rotationsübergänge, aus der Publikation von PEARSON und MCCORMICK [4], bestätigt werden. In dieser Arbeit wurde für das Isotopomer H¹⁰B³²S ein *l*-Typ Dublet dem Übergang $J + 1 \leftarrow J$ von $5 \leftarrow 4$ zugeschrieben. Es handelt sich aber um den Übergang $J + 1 \leftarrow J$ von $6 \leftarrow 5$. Die dort genannten Rotationsübergänge wurden mit einer Unsicherheit von 100 kHz gegenüber den Daten aus den gemessenen FT-IR-Spektren gewichtet. Die beobachteten Rotations- und Rotationsvibrationsdaten wurden zusammen simultan nach nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate analysiert. Dabei wurde den Rotationsdaten von PEARSON und MCCORMICK [4] in den Fits nach dem beschriebenen Hamiltonian von YAMADA *et al.* [3] ein etwa $10^3 - 10^4$ mal stärkeres Gewicht als den Rotationsvibrationsdaten gegeben. Die individuellen relativen Unsicherheiten aller Überänge, die aus FT-IR-Messungen ermittelt wurden, sind im Linienlistenanhang K angegeben.

Die Kombination der verschiedenen Isotope von Bor und Schwefel zu HBS ergeben die entsprechenden Intensitätsmuster der beobachteten Bandensysteme. Die beobachteten Banden, bis auf die P-, R-Banden (100) \leftarrow (000) der einzelnen Isotopomere von HBS, sind in Abbildung 6.9 in der Form der Rotationsquantenzahl m gegen den Absorptionsgrad α aufgetragen. Diese beiden Größen sind wie folgt definiert:

m : Rotationsquantenzahl: -J'' im P-Zweig, J'' + 1 im R-Zweig Strahlungsleistung : Φ_{abs} : absorbierte, Φ_0 : eingestrahlte Absorptionsgrad : $\alpha = \frac{\Phi_{abs}}{\Phi_0}$

In diesem Zusammenhang sollen auch die Bezeichnungen Absorbanz (Extinktion), Transmissionsgrad und Absorptionsgrad erläutert werden:

Absorbanz :
$$B(\tilde{\nu}_c) = \ln[\frac{\Phi_0(\tilde{\nu})}{\Phi(\tilde{\nu})}]$$
 (6.1)

Transmissionsgrad :
$$T(\tilde{\nu}) = \left[\frac{\Phi(\tilde{\nu})}{\Phi_0(\tilde{\nu})}\right]$$
 (6.2)

Absorptions grad :
$$\alpha(\tilde{\nu}) = 1 - T(\tilde{\nu})$$
 (6.3)

In Abbildung 6.9 sind die einzelnen Übergänge durch einen Datenpunkt (Wellenzahl gegen Absorptionsgrad aufgetragen) dargestellt. Diese Datenpunkte sollen hier im Sinne einer Intensität verwendet werden. Dies ist nicht ganz korrekt, da für die in dieser Arbeit genannten Übergänge keine Intensitäten bestimmt wurden. Die Intensität eines Überganges kann experimentell aus der Fläche unter einer Linie bestimmt werden. Aus Gleichung 6.4 geht hervor, wie die Linienstärke S mit der Fäche unterhalb einer Linie in Absorbanzdarstellung verknüpft ist:

$$S = \frac{1}{p \chi l} \int_{+\infty}^{+\infty} \ln\left[\frac{\Phi_0(\tilde{\nu})}{\Phi(\tilde{\nu})}\right] d\tilde{\nu} .$$
(6.4)

Durch Transformation von der Transmissions- in die Absorbanzdarstellung, kann durch Integration der Fläche zwischen Basislinie und Linienprofil die notwendige Information zur Intensitätsbestimmung ermittelt werden. Der Gesamtdruck des spektroskopisch untersuchten Gases ist als p, l als die Wechselwirkungslänge der Strahlung mit der Probe und χ als der Molenbruch des absorbierenden Gases (gleich eins bei einer Reinsubstanz) symbolisiert. Die Gesamtintensität einer Bande wird analog nach Gleichung (6.4) bestimmt, indem man die Integrationsgrenzen entsprechend für die ganze Bande und nicht nur für eine Linie setzt. Es handelt sich um ein indirektes Verfahren zur Bestimmung der Intensität, da das durch eine FT-IR-Messung erhaltene Spektrum in Transmission umgerechnet werden muß.

Bei Vernachlässigung instrumenteller Einflüsse kann die Linienstärke S direkt aus der Linienprofilfunktion berechnet werden. Die für die FT-IR-Spektroskopie von gasförmigen Molekülen

gängigsten Linienprofile sind: die Lorentz-Linienprofilfunktion, die Doppler-Linienprofilfunktion und die Voigt-Linienprofilfunktion. Eine ausführliche physikalische und mathematische Beschreibung findet sich im Lehrbuch von Hollas [5].

In Abbildung 6.2 ist deutlich zu erkennen, daß das die P/R-Zweig Bande $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ des Moleküls H¹¹B³²S mit dem schwereren Bor-Isotop gegenüber der P/R-Zweig Bande des Molekül H¹⁰B³²S mit dem leichteren Bor-Isotop, zu tieferen Wellenzahlen verschoben ist. Die Linienstärken von Bandensystemen weitere Isotopomere können in Abbildung 6.9 verfolgt werden. Übergänge von H¹⁰B³³S, dem Isotopomer mit der geringsten natürlichen Häufigkeit, wurden nicht zugeordnet.

Zum ersten Mal wurden Rotationsvibrationsdaten von H¹¹B³⁴S und H¹¹B³³S, dem Isotopomer mit der zweit kleinsten Häufigkeit beschrieben. Beide haben eine vergleichbare Häufigkeit von etwa 0.6 %, daher sind auch die Linienstärken der gemessenen Banden vergleichbar. Auch das Bandensystem $(002)^{0e} \leftarrow (001)^{0e}$ von H¹¹B³²S wurde weder von SAMS und MAKI [1] noch von TURNER und MILLS [2] beschrieben. Die Zuordnung dieser Bande benötigte sehr viel Zeit. Die anfängliche Zuordnung $(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ konnte aus verschiedenen Gründen nicht gehalten werden. Der Termwert des $(020)^{0e}$ Niveaus läge bei 162.77 cm⁻¹ und der Termwert des $(001)^{0e}$ Niveaus liegt bei 1172.37 cm⁻¹. Die Fermi-Resonanz (020)/(001) müßte aufgrund der Differenz beider Bandenzentren von nur ca. 10 cm⁻¹ sehr stark sein, die entsprechende mathematische Analyse der Resonanz müßte ein hinreichend großen Wert des Resonanzmatrixelements ergeben. Die mathematische Behandlung dieser Resonanz ist dabei analog zu der an HCP (Kapitel 4.3.5) durchgeführten. Die daraufhin ausgeführten Fits mit dem Programm LINC (Anpassung des unter Kapitel 2.3 beschriebenen Hamiltonians) konvergierten jedoch nicht. Da die Fermi-Resonanz aber wahrscheinlich ist, ist davon auszugehen, daß die Zuordnung $(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ nicht korrekt ist. Die Änderung der Zuordnung der J-Rotationsquantenzahlen um $\Delta J = -1$ aber ergab für die betrachtete Reihenentwicklung der Bande einen \tilde{B}''_{vs} -Wert des unteren Zustandes, der dem \tilde{B}'_{ns} -Wert des oberen Zustands der Bande $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ entsprach. Daraus ergibt sich mit (001) die Zuordnung für den unteren Zustand; die Gesamtbande bekommt die Zuordnung $(002)^{0e} \leftarrow (001)^{0e}$. Trotzdem muß diese Zuordnung als nicht absolut sicher betrachtet werden, denn man erwartet ein leicht anderes Intensitätsmuster für diese Bande. Die Intensität sollte schwächer sein als für das System $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$, welches sehr gut auf den R-Zweig zutrifft, nicht aber für den P-Zweig (siehe Abbildung 6.9). Da mit einer Fermi-Resonanz für HBS zu rechnen ist, können aber die Intensitätsmuster durch diese Resonanz oder auch einen anderen Effekt, verändert sein. Bei schwachen absoluten Intensitäten von Übergängen kann auch ein kleiner Effekt die Intensität dominieren und entsprechend verändern.

Für Isotopomere mit ³³S und ³⁴S konnten keine Übergänge aus dem Bereich der ν_1 gemessen werden. Die Intensitäten der beiden Streckschwingungen sind zwar vergleichbar, jedoch ist der mit flüssigem Helium gekühlte Ge:Cu Detektor, der im Intervall von 400 – 1400 cm⁻¹ einsetzbar ist, empfindlicher als der im Bereich der ν_1 verwendete In:Sb (77 K) Detektor. Deshalb wurden mehr Subbandensysteme mit Beteiligung der Normlaschwingung ν_3 gemessen.



Abbildung 6.2 Zusammenstellung der Übersichts-FT-IR-Spektren der ν_3 (Spektrum ZTGHBSFS.1) und ν_1 (ZTGHBSCS.1) von HBS, gemessen mit einer Auflösung von 0.00333 und 0.0111 cm⁻¹. Die Reaktion von B + H₂S \rightarrow HBS wurde außerhalb der Meßzelle bei 1100 °C in einem Quarzglasrohr durchgeführt, wobei die Reaktionsprodukte durch die Meßzelle gepumpt wurden. Die Temperatur von HBS in der Meßzelle ist daher << 1100 °C.



Abbildung 6.3 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS von 1110–1150 cm⁻¹. Der grau unterlegte Teil des Spektrums wurde auch mit einem Diodenlaserspektrometer gemessen. Dieses Spektrum ist in den Abildungen 6.11 und 6.12 dargestellt und wird im zugehörigen Abschnitt erläutert. Die starken Linien wurden bereits in Abbildung 6.2 gekennzeichnet und die Zuordnungskämme zu diesen Linien wurden in dieser und den nächsten fünf Abbildungen weggelassen. Dadurch werden die Abbildungen etwas übersichtlicher. Auflösung: 0.00333 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0032 cm⁻¹ bei 400 °C.



Abbildung 6.4 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHBSFS.1 von HBS von 1150–1170 cm⁻¹. Die starken Linien wurden bereits in Abbildung 6.2 indiziert. Auflösung: 0.00333 cm^{-1} , Dopplerlinienbreite 0.0032 cm^{-1} bei 400 °C.



Abbildung 6.5 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHBSFS.1 von HBS von 1170–1190 cm⁻¹. Die starken Linien wurden bereits in Abbildung 6.2 indiziert. Auflösung: 0.00333 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0032 cm⁻¹ bei 400 °C.



Abbildung 6.6 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHBSFS.1 von HBS von 1190–1210 cm⁻¹. Die starken Linien wurden bereits in Abbildung 6.2 indiziert. Auflösung: 0.00333 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0032 cm⁻¹ bei 400 °C.



Abbildung 6.7 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHBSFS.1 von HBS von 1210–1230 cm⁻¹. Die starken Linien wurden bereits in Abbildung 6.2 indiziert. Auflösung: 0.00333 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0032 cm⁻¹ bei 400 °C.



Abbildung 6.8 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum ZTGHBSFS.1 von HBS von 1230–1260 cm⁻¹. Die starken Linien wurden bereits in Abbildung 6.2 indiziert. Auflösung: 0.00333 cm⁻¹, Dopplerlinienbreite 0.0032 cm⁻¹ bei 400 °C.



Abbildung 6.9 Vergleich des Absorptionsgrads α von P- und R-Zweig Linien. Die Abnahme des Absorptionsgrads korreliert mit der Intensität der jeweiligen Übergänge und der Häufigkeit der verschiedenen Isotopomere. Der Vergleich einzelner Isotopomere diente als wichtige Information bei der Zuordnung der P/R-Zweige.

		()					()	$\overline{\mathbf{C}}$	()		()	(j	()	()	()			
$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	$\mathrm{H^{11}B^{33}S}$	$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	$\mathrm{H^{11}B^{34}S}$	$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	$\mathrm{H^{10}B^{34}S}$	$(100)^{0e} \leftarrow (010)^{0e}$	$(11)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$	$(111)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	$\mathrm{H^{10}B^{32}S}$	$(002)^{0e} \leftarrow (001)^{0e}$	$(100)^{0e} \leftarrow (010)^{0e}$	$(11)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$	$(111)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$	$(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$	$\mathrm{H^{11}B^{32}S}$		Subbande
1167.60465(11)		1163.112639(26)		1198.181225(65)		2751.43254(19)	1201.73947(10)	1201.738980(67)	1207.0679263(68)		1162.76518(19)	2735.798088(67)	1168.0228967(36)	1168.0227822(43)	1172.3696670(52)		$/\mathrm{cm}^{-1}$	$\tilde{\nu}_c$
0.6315228(38)		0.62682097(66)		0.6602299(25)		0.6698227(512)	0.6698744(37)	0.6715991(21)	0.66980534(20)		0.6331188(75)	0.6365390(20)	0.6381005(10)	0.6365502(99)	0.63654108(13)		$/\mathrm{cm}^{-1}$	$ ilde{B}''_{ps}$
0.6281379(35)		0.62347013(68)		0.6566696(24)		0.6664466(50)	0.6663447(41)	0.6681155(19)	0.66617764(20)		0.6296885(70)	0.6335690(20)	0.63475914(97)	0.6331877(11)	0.63311880(14)		$/\mathrm{cm}^{-1}$	$ ilde{B}'_{ps}$
7.147(47)		7.0681(46)		7.788(31)		8.108(60)	7.564(65)	8.164(25)	8.0107(14)		7.19(14)	7.299(24)	7.4024(87)	7.3248(89)	7.28925(67)		$/10^{-7} {\rm cm}^{-1}$	$ ilde{D}_{ps}''$
7.183(41)		7.0949(48)		7.844(27)		8.103(56)	7.610(78)	8.266(21)	8.0680(14)		7.24(12)	7.246(23)	7.4682(79)	7.406(16)	7.3240(83)		$/10^{-7} { m cm}^{-1}$	$ ilde{D}_{ps}^{\prime}$
														24.(11)	1.246(15)		$/10^{-13} {\rm cm}^{-1}$	\tilde{H}'_{ps}
																	$/10^{-16}{ m cm}^{-1}$	$ ilde{L}_{ps}^{\prime}$
25.59		9.56		21.48		42.13	19.17	13.19	3.22		41.54	19.05	11.59	10.33	2.47		$/10^{-5}$	٩
34		60		48		28	23	25	74		32	43	52	52	90			#

ت
5
ē
lle
~
်ာ
4
$^{\rm qc}$
ek
tr
SO.
ko
Ďр.
isc
h€
Η
ر e
ihe
en
en
tw
/ic
k
un
ŝ
ško
ЭЩ
sta
an
te
n
Ш.
J
(J
+
<u> </u>
) f
E.
÷
. д
Š
lp
ba
'nc
leı
n i
Ē
÷
÷
-11
7
$^{\mathrm{d}}\mathrm{S}$
ě
ctr
Ш.
m
VC
n
Η
B
$\dot{\mathbf{v}}$

Zam der im Bandensystem zugeordneden Obergange. Die entsprechenden Linienpositionen sind im Anhang C angegeben.

$(v_1v_2v_3)$	\tilde{G}_v	${ ilde B}_v$	$\tilde{D}_v/10^{-6}$	$\tilde{H}_v/10^{-13}{ m cm}^{-1}$	$\tilde{q}_{v}/10^{-3}$	$\tilde{q}_{J}/10^{-9}$
	$/ {\rm cm}^{-1}$	$/ {\rm cm}^{-1}$	$/ {\rm cm}^{-1}$	$/ {\rm cm}^{-1}$	$/ {\rm cm}^{-1}$	$/ {\rm cm}^{-1}$
$\mathrm{H^{11}B^{32}S}$						
(000)	0.0	0.63654068(14)	$0.728752\ (85)$			
(010)	t	0.6373257(14)	$0.736\ 11\ (29)$		1.54984(27)	-7.34(58)
(011)	t	0.63397116(18)	$0.741\ 91\ (30)$		$1.572\ \ 21\ (31)$	-9.11(60)
(001)	1172.369666(93)	0.63311840(15)	$0.732\ 22\ (12)$	1.22(26)		
(002)	2335.13511(90)	0.62968406(80)	0.7287(15)			
(100)	2735.79808(75)	0.63357074(53)	0.72374(70)			
$\mathrm{H^{10}B^{32}S}$						
(000)	0.0	0.66980466(15)	0.800~66~(16)			
(010)	t	0.6707446(13)	0.8064(18)		$1.692\;4(17)$	
(011)	t	0.667240(14)	0.8189(17)		$1.736\ 6(18)$	
(001)	1207.06726(11)	0.66617697(16)	0.80639(17)			
(100)	2751.43251(36	0.666427(21)	0.798~4~(25)			
$\mathrm{H^{10}B^{34}S}$						
(000)	0.0	0.62682090(18)	7.0678(27)			
(001)	$1163.112\ 64\ (25)$	0.62347007(21)	7.0946(28)			
$\mathrm{H^{11}B^{34}S}$						
(000)	0.0	0.66022931(42)	7.781 (14)			
(001)	1198.18122(62)	0.65666907(56)	7.838(12)			
$\mathrm{H^{11}B^{33}S}$						
(000)	0.0	0.6315228(38)	7.147(47)			
(001)	1167.60465(11)	0.6281380(35)	7.183(41)			

Tabelle 6.5 Konstanten des effektiven Hamiltonoperators nach Kapitel 2.3.1 für [3] HBS.

† Es sind keine Übergänge gemessen worden aus denen der Termwert bestimmt werden könnte.

6.2 Infrarot-Diodenlaserspektroskopie an HBS

Mit dem Giessener Diodenlaserspektrometer wurde versucht, ein Absorptionsspektrum der Knickschwingung ν_2 von HBS aufzunehmen, nachdem dies nicht mit den zuvor beschriebenen FT-IR-Experimenten gelang.



6.2.1 Beschreibung des Experimentes und der neu konstruierten Meßzelle

Abbildung 6.10 Darstellung der Meßzelle der Hochtemperaturmessungen. Diese Zelle wurde für Absorptions- (Diodenlaser) und Emissionsmessungen (FT-IR) verwendet. Zeichnung von E. Möllmann.

Bei der neuen Versuchsanordnung handelt es sich um ein 1 m langes Aluminiumoxid-Reaktionsrohr (Pythagoras Rohr, Firma Haldenwanger, Berlin) mit 50 mm Außendurchmesser, welches als Meßzelle konzipiert wurde und bis ca 1400 °C, erhitzt werden kann. Die Reaktion von Bor mit H₂S zu HBS direkt im Meßstrahl (Absorption) stellte dabei einen entscheidenden Vorteil gegenüber den zuvor beschriebenen Darstellungen, außerhalb des Meßstrahles, dar.

Eine so große Meßzelle aus Mineralquarzglas konnte aus Kostengründen nicht verwendet werden, da gasförmige Schwefel-Borverbindungen die SiO₂-Glasstruktur und somit die Meßzelle zerstören. Das für die FT-IR-Experimente (Kapitel 6.1.2) benutzte kleine Quarzglas-Reaktions-Rohr (400 mm lang und 8 mm \emptyset) kristallisierte nach dem Abkühlen des Ofens und konnte nicht mehr für eine weitere Messung benutzt werden. Somit mussten das Quarzglas-Reaktions-Rohr und das kristalline Bor vor jeder Messung ausgetauscht werden. Die neu konstruierte Meßzelle wurde zum ersten Mal im Infrarot-Diodenlaser-Experiment eingesetzt und später auch für Emissionsexperimente an HBS und HCP eingesetzt (Kapitel 8).

Der Aufbau dieser Meßzelle ist schematisch in Abbildung 6.10 dargestellt. Die Meßzelle wurde ebenfalls für die in Kapitel 8 beschriebenen Emissionsmessungen am Bruker FT-IR-Spektrometer benutzt. Das Diodenlaserspektrometer war mit einer Laser-Diode (Pb-Salz/Blei-Sulfid/Selenid), die Emissionsmoden von 620 – 650 cm⁻¹ aufwies, ausgerüstet. Die gesuchte Knickschwingung wird im Bereich von 570 – 700 cm⁻¹ vermutet; der Strahlungsbereich der Laserdiode lag innerhalb dieses Intervalls. Im ungünstigsten Fall, bei der tatsächlichen Lage der ν_2 Bande in der
Nähe von 570 cm⁻¹ oder 700 cm⁻¹, hätte man mit der verwendeten Diode nur Übergänge mit hoher *J*-Quantenzahl messen können. Das bedeutet, daß man mit diesem Aufbau nur geringe Intensitäten einer ohnehin schon schwachen Bande messen kann. Die folgenden Experimente ergaben für die ν_2 Knickschwingung ein negatives Ergebnis. Bei den Messungen des Kalibrationsgases Methanol (bei jeder Messung wurden je zwei Spektren, einmal von HBS und von Methanol aufgezeichnet), mußten wir feststellen, daß die verwendete Diode eine relativ geringe Leistung zeigte. Daraus resultierte ein relativ schlechtes Signal-zu-Rauschen-Verhältnis. Als Faustregel kann man davon ausgehen, daß ein Diodenlaser-Spektroskopie-Experiment ca. 100 mal empfindlicher sein kann als eine FT-IR-Messung. Das trifft aber nur zu, wenn man eine Diode mit hoher Leistung zur Verfügung hat. Desweiteren spielt auch die Empfindlichkeit der verwendeten Detektoren eine wichtige Rolle. Je weniger empfindlich der Detektor, je schlechter ist wiederum das Signal-zu-Rauschen-Verhältnis. Für unser Experiment benutzten wir zwei kupferdotierte Germanium-Detektoren (Ge:Cu), die mit einem Sterling-Kühler auf 10 K gekühlt wurden. Es wurden zwei Detektoren benutzt, um den Meßstrahl für HBS und den Meßstrahl für das Kalibrationsgas Methanol parallel aufzuzeichnen.

Das Messergebnis war im Bereich der ν_2 enttäuschend. Da aber in einem vorher durchgeführten FT-IR-Experiment die beiden Streckschwingungen ν_1 und ν_3 gemessen wurden, konnte ein Spektrum der ν_3 mit dem Diodenlaser-Spektrometer aufgenommen werden. Die Zuordnung erfolgte schnell über die bereits ausgewerteten FT-IR-Spektren. Für den Bereich um 1200 cm^{-1} wurde eine Diode mit höherer Leistung als im spektralen Bereich der ν_2 verwendet. In den Abbildungen 6.11 und 6.13 sind zwei Spektren, die mit einem Scan von ungefähr einer Wellenzahl aufgenommen wurden, aufgeführt. Einzelne Übergänge sind sehr gut zu erkennen und zugeordnet. In Abbildung 6.11 sind die Absorptionsspektren des Diodenlaser- und des FT-IR-Experimentes (in Transmissionsdarstellung) nebeneinander abgebildet. Bis auf zwei Linien sind alle Linien in beiden Spektren vorhanden. In Abbildung 6.12 ist nochmals das Transmissionsspektrum vergrößert, mit einem kleineren y-Achsenabschnitt dargestellt. Damit ist auch die Linie J'' = 18 aus der Bande $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$ besser zu erkennen. Diese Linie ist im Diodenlaserspektrum, Abbildungen 6.11 und 6.13, nicht vorhanden! Auch im Diodenlaserspektrum gibt es eine Linie bei 1143.93 cm⁻¹, die im FT-IR-Spektrum nicht zu erkennen ist. Sie ist bisher nicht zugeordnet. Mann kann annehmen, daß die Linie nicht im FT-IR-Spektrum zu sehen ist, weil die beobachteten HBS Moleküle im Diodenlaserexperiment direkt in der heissen Meßzelle bei 900 °C erzeugt wurden. Beim FT-IR-Experiment wurde HBS extern zur Meßzelle, in einem Quarzglasrohr hergestellt und wurde dann durch die Meßzelle gepumpt. Durch die höhere Temperatur treten höher angeregte Übergänge stärker hervor. Es könnte sich um einen Übergang handeln, der bei der niedrigeren Temperatur des FT-IR-Experimentes nicht genug Intensität besaß.

Die Messungen, die den beiden Spektren aus den Abbildungen 6.11 und 6.13 zugrunde liegen, wurden bei Reaktionstemperaturen (H₂S + B) von 900 °C und 740 °C erhalten, wobei die erzielte Linienintensität bei 900 °C höher ist. Bei höheren Temperaturen als 900 °C konnte keine wesentlich größere Intensität der Übergänge innerhalb der ν_3 Bande erreicht werden. Der H₂S-Druck lag bei beiden Experimenten bei ca. 1.0 mbar. Bei einem höheren H₂S-Druck als 1 mbar, konnte die Linienintensität zwar weiter gesteigert werden, jedoch bildeten sich schnell deutlich erkennbare Bor-Polysulfan-Ablagerungen auf den KBr-Fenstern (siehe Abbildung 6.14); das musste vermieden werden, um überhaupt ein Spektrum messen zu können. Ein dünner Film auf den Fenstern konnte durch Spülung der KBr-Fenster mit N₂ während der Messungen wieder entfernt werden. Bei allen HBS Messungen wurde die in die Metallflansche integrierte N₂-Spülung eingesetzt. Dabei wurde die Spüldüse rechtwinkelig zur Fensteroberfläche angeordnet. Leider wurde zumindest das Fenster, welches sich auf der Seite der Vakuumpumpe befand, nur in einem Radius von ca. 1 cm von Ablagerungen durch die N₂-Spülung geschützt. Für weitere Versuche wurde daher der Spülgastrom auf die Fenstermitte gerichtet. Da die Reaktion von Bor (kristallin) mit H₂S im Flußsystem durchgeführt werden mußte, wurde vor Reaktionsbeginn ein N₂-Strom von 0.1 mbar auf die Fenster eingestellt. Einer der für dieses Experiment konstruierten Metallflansche ist in Abbildung 6.15 dargestellt. Das an den Enden rund geschliffene Aluminiumoxidrohr wird an beiden Enden in die Metallflansche geschoben. Durch eine Überwurfmutter wird ein O-Ring auf das Rohr und gleichzeitig in die Nut eines Metallflansches gepreßt, wodurch eine vakuumdichte Verbindung geschaffen wird.

Die Messungen im Bereich der ν_2 wurden in einem Temperaturbereich von 800 °C bis 1100 °C durchgeführt. Der H₂S Druck im Flußsystem wurde von 0.5 mbar bis 7.0 mbar variiert.



Abbildung 6.11 Ausschnitt aus dem Infrarotspektrum von HBS, aufgenommen mit einem Diodenlaserspektrometer bei 900 °C Reaktionstemperatur von H₂S und Bor. Die Reaktion wurde in der Meßzelle ausgeführt. Das mit dem Diodenlaserspektrometer aufgenommene IR-Spektrum ist in schwarz abgebildet. In violett ist zum Vergleich das Transmissionsspektrum aus dem gleichen Meßbereich aufgeführt. Für das FT-IR-Experiment wurde HBS in einem Quarzglasrohr außerhalb der Meßzelle erzeugt und dann durch die Meßzelle gepumpt. Die Temperatur von HBS in der Meßzelle ist daher << 1100 °C. Die Auflösung des Transmissionsspektrum beträgt 0.00333 cm⁻¹, die Dopplerlinienbreite beträgt 0.0045 cm⁻¹.



Abbildung 6.12 Ausschnitt aus dem FT-IR-Spektrum von HBS. Das schwarz dargestellte Spektrum ist eine Vergrößerung des in violett abgebildeten Spektrums. In der Darstellung in schwarz wurde die P-Zweig J'' = 21 Linie herausgeschnitten. In Abbildung 6.3 kann die Lage des Ausschnittes von 1143.4 – 1144.6 cm⁻¹ im gesamten gemessenen FT-IR-Spektrum verfolgt werden.



Abbildung 6.13 Ausschnitt aus dem Infrarotspektrum von HBS, aufgenommen mit einem Diodenlaserspektrometer bei 740 °C Reaktionstemperatur von H_2S und Bor.



Abbildung 6.14 Fotografie eines KBr-Fensters nach mehrtägigem Einsatz unter der Reaktion $B + H_2S$ bei bis zu 7 mbar Druck. Die Fenster wurden mit N_2 gespült. Die Spüldüse war dabei im oberen, linken Teil rechtwinkelig zur Fensteroberfläche in einem Abstand von 5 mm angeordnet. Das Fenster saß in einer zylindrischen Halterung, auf die ein Kupferkühlkörper geschoben wurde.



Abbildung 6.15 Beschreibung eines Edelstahlflansches. Flasnche wurden an beiden Seiten eines Aluminiumoxidrohres ($\emptyset = 50 \text{ mm}$) mittels eines O-Ringes aufgepreßt, um ein Vakuum von 10^3 - 10^4 mbar zu erreichen. Die Enden des Aluminiumoxidrohres wurden rund geschliffen ($\emptyset = 48 \text{ mm}$), um eine optimale Dichtung zu ermöglichen.

6.2.2 Beschreibung des Diodenlaserspektrometers und der Messapparatur

Das Giessener Diodenlaserspektrometers (TDL, Tunable Diode Laser Spectrometer) ist in Abbildung 6.16 dargestellt. Im hinteren Teil der Abbildung 6.16 ist eine große Glaskugel zu sehen, die als Multireflexionszelle konzipiert ist und während der HBS Messungen mit Methanol als Kalibrationsgas gefüllt war. In Abbildung 6.17 ist der Rohrofen mit der Meßzelle aus einem Aluminiumoxidrohr und der Befüllungsapparatur zu sehen. Abbildung 6.18 gibt eine Ansicht des Aufbaus der Meßzelle mit den Vakuumanschlüssen wieder. Um das Aluminiumoxidrohr evakuieren zu können, mußte ein Metallflanschsystem konstruiert werden, womit die Halter der optischen Fenster (KBr) verbunden werden konnten. Das an das Aluminiumoxidrohr angebrachte Flansch- und Kühlsystem wird in den Abbildungen 6.19 und 6.20 dargestellt. Die Metallflansche werden an die Halter der optischen Fenster (hier KBr) angesetzt. Die Fensterhalter wurden ursprünglich für das Bruker FT-IR-Spektrometer konstruiert, können aber auch für das Diodenlaserspektrometer verwendet werden. Die Fensterhalter sind so konstruiert, daß sie bei den FT-IR-Messungen an das Spektrometer und an den Detektor angeschlossen werden können. Somit kann der gesamte Strahlengang evakuiert werden. Die Flansche dienen gleichzeitig zum Substanzein- und Auslaß. Es wurde auch eine Kapillare aus Metall, zum Spülen der KBr-Fenster, in das Flanschsystem integriert, siehe Abbildung 6.15. Das Aluminiumoxidrohr wurde mit um das Rohr gelegten wassergespülten Kupferhalbschalen gekühlt, um die hohe Temperatur des Ofens von den Flanschen weitgehend zu isolieren. Bis 1100 °C stellte die Kühlung kein Problem dar, obwohl die Temperaturwechselbeständigkeit von Aluminiumoxidrohren nicht besonders gut ist. Das bedeutet, daß ein Aluminiumoxidrohr hohe Temperaturen nur aushält, wenn das gesamte Rohr die gleiche Temperatur erhält. Zudem muß ein solches Rohr langsam aufgeheizt und ebenso abgekühlt werden. Wegen der an den Enden des Rohres angebrachten Metallflansche ist dies so aber nicht möglich. Aufgrund der Kühlung des Aluminiumoxidrohrs wies dieses kurz vor den Metallflanschen eine Temperatur von ca. 50 - 70 °C auf. Die verwendeten O-Ringe aus Viton halten eine Temperaturdauerbelastung bis 150 °C aus; dies wurde ohne Probleme gewährleistet. Der exakte schematische Aufbau der heissen Meßzelle ist in Abbildung 6.10 dargestellt. Die gleiche Meßzelle wurde, wie schon erwähnt, in Kapitel 8 beschrieben und für FT-IR-Emissionsmessungen eingesetzt.



Abbildung 6.16 Übersicht des Diodenlaserspektrometers: im hinteren Teil ist die Glasmultireflexionszelle zu sehen, die Methanol als Kalibrationssubstanz enthielt.



Abbildung 6.17 Diodenlaserspektrometer mit beheizter Meßzelle (links), in dem sich das Aluminiumoxidrohr (Meßzelle) befand.



Abbildung 6.18 Beheizte Meßzelle mit Vakuumsystem. Kühl- und Flanschvorrichtungen an den Enden des Aluminiumoxidrohres sind in den Abbildungen 6.19 und 6.20 dargestellt.



Abbildung 6.19 Kühl- und Flanschvorrichtung. An den Ofen im linken Bildteil schließen sich an: eine Wasserkühlung (Kupferhalbschalen), ein Edelstahlflansch mit Substanz- und Spülgaseinlaß und ein wassergekühltes, optisches KBr-Fenster (nicht direkt sichtbar).



Abbildung 6.20 Kühl- und Flanschvorrichtung mit Vakuumanschluß. An den Ofen im rechten Bildteil schließen sich an: eine Wasserkühlung (Kupferhalbschalen), ein Edelstahlflansch mit Substanz- und Spülgaseinlaß und ein wassergekühltes optisches KBr-Fenster.

6.3 Darstellung und spektroskopischer Nachweis von HBO

Nach den Experimenten zu HBS lag es nahe, auch das Molekül HBO zu untersuchen. Der spektroskopische Nachweis von HBO gelang durch die Matrix-Isolationsspektroskopie mittels einer Hochtemperaturreaktion aus B und H₂O und wurde zuerst von LORY und PORTER [6] beschrieben.

Tabelle 6.6 Observierte (Matrixspektroskopie) und berechnete Bandenzentren von H¹⁰BO [6]

$(v_1v_2v_3)$	Obs. / cm^{-1}	Berech. / cm^{-1}
(100)	_	2849
(010)	754	
(001)	1817	—

Für die Darstellung und den spektroskopischen Nachweis von HBO sollen drei Publikationen von Y. KAWASHIMA *et al.* kurz erwähnt werden:

- HBO wurch gasentladungsmodulierte Infrarot-Diodenlaser-Spektroskopie [7] nachgewiesen.
- HBO wurde in einer Gleichspannungs-Gasentladung aus B₂H₆/O₂ Gemischen erzeugt und mikrowellenspektroskopisch nachgewiesen [8,9].

Die Beobachtung des FT-IR-Spektrums von HBO in Absorption im Giessener FT-IR-Laboratorium im Sommer 1995 gelang nicht. Die Reaktion von Bor und Wasser bei hohen Temperaturen zu HBO konnte nicht FT-IR-Spektroskopisch verfolgt werden. Die Messungen in den Bereichen aller drei Normalschwingungen brachten keine Hinweise auf HBO. Wie HBS wurde daher auch HBO in den Meßplan von Emissionsexperimenten am FT-IR-Spektrometer aufgenommen. Die IR-Emissionspektroskopie ist, verglichen mit der IR-Absorptionsspektroskopie empfindlicher, wenn man unbeständige, kleine Moleküle studieren möchte. Reaktive Moleküle kann man nur in kleinen Konzentrationen darstellen, es ist vorteilhaft, sie mit Emissionspektroskopie zu untersuchen. Ein Überblick zur IR-Emissionsspektroskopie wird in der Publikation von BERNATH [10] gegeben. Im Labor von PROF. BERNATH existiert eine mit dem Giessener FT-IR-Emissionsexperiment vergleichbare Anlage, mit der man ebenfalls Experimente zu HBO ausführte. Im Sommer 1996 auf dem 51st Ohio State University International Symposium on Molecular Spectroscopy in Columbus, Ohio, (U.S.A.) [11] wurde das erste hochaufgelöste FT-IR-Emissionsspektrum von HBO aus dem Labor von P.F. Bernath (Department of Chemistry, University of Waterloo, Ontario, Kanada) vorgestellt. Im folgenden Jahr, auf dem 52nd International Symposium on Molecular Spectroscopy in Columbus, Ohio, (U.S.A.) [12], wurde dann konsequenterweise von den selben Autoren das erste hochaufgelöste FT-IR-Emissionsspektrum von DBO präsentiert. Bei einer Auflösung von 0.01 cm⁻¹ erstreckte sich der Meßbereich jeweils von 350 cm⁻¹ – 3500 cm⁻¹ und umfaßte somit die fundamentalen Schwingungen ν_1 , ν_2 und ν_3 . Das Emissionsspektrum von HBO (H¹⁰BO, H¹¹BO) konnte bei einer Temperatur von 1400 °C und das Emissionsspektrum von DBO konnte oberhalb von 800 °C gemessen werden. Da bisher nur die kurzen Tagungsbericht-Abstracts vorliegen, können keine weiteren Angaben zu diesen Arbeiten gemacht werden.

Nach den ersten FT-IR-Absorptionsmessungen zu HBS (Sommer 1995) wurde analog zur Reaktion mit H₂S, Bor in einem Flußsystem mit H₂O zur Reaktion gebracht. Zur Aktivierung der passiven Boroberfläche wurde ein HCl/H₂O-Dampfgemisch eingesetzt. Statt der erhofften Fundamentalbanden von HBO, wurde zufällig das Spektrum eines anderen Moleküls, nämlich, von HBCl₂ (Dichlorboran), aufgezeichnet. Die Beschreibung des aufgenommenen Spektrums erfolgt im nächsten Kapitel.

6.4 FT-IR-Spektren von Dichlorboran (HBCl₂)

Wie im vorangegangenen Kapitel beschrieben, wurde bei der Suche nach den IR-Spektren von HBO, zufällig das IR-Spektrum von HBCl₂ aufgenommen. Zu diesem Zeitpunkt war allerdings noch nicht bekannt, daß es sich um dieses Molekül handelt. Die Zuordnung konnte erst nach einer umfangreichen Literaturrecherche erfolgen. Analog zur Reaktion von $B + H_2S$, wurde die Reaktion von $B + H_2O$ gewählt. Wasserdampf wurde in einem Flußsystem über das an die Meßzelle angesetzte, mit Bor befüllte, heisse Reaktionsrohr geleitet. Dabei kam die gleiche Apparatur, wie unter Kapitel 6.1.2 beschrieben, zum Einsatz. Die Bildung von HBCl₂ kann dabei nach folgender Reaktion ablaufen:

$$B + 2 HCl \rightarrow HBCl_2 + \frac{1}{2} H$$
.

Wie bei HBS mußte auch für HBO das Reaktionsrohr aus Mineralquarzglas nach jedem Experiment ausgetauscht werden. Bei den Versuchen wurden Temperaturen des Reaktionsrohres von 800 - 1100 °C und H₂O-Drucke von 1 - 7 mbar eingesetzt.

Die Übersicht des aufgezeichneten FT-IR-Spektrums ist in Abbildung 6.21 dargestellt. Die drei beobachteten Normalschwingungen ν_1 (BH-Streckschwingung), ν_5 (HBCl-Knickschwingung) und ν_6 (BCl₂-antisymmetrische Streckschwingung) sind leicht vergrössert abgebildet. Weitere Vergrößerungen der drei Normalschwingungen sind in den Abbildungen 6.22 und 6.23 gegeben. In Abbildung 6.22 sind zwei IR-Banden der Normalschwingungen ν_6 und der ν_5 dargestellt. Bei einer Auflösung von 0.015 cm⁻¹ ist die Auflösung der P/R-Lininen für die Zuordnung der J-Quantenzahlen ausreichend. Die Zuordnung von Q-Zweigen ist zumindest für die Fundamentalübergänge möglich. Allerdings scheint die Zuordnung von höher angeregten Übergängen nur eingeschränkt ausführbar zu sein. Wie auch bei HBS sind natürlich in IR-Spektren von HBCl₂ Übergänge von allen möglichen Isotopomeren überlagert, wodurch die Zuordnung erschwert wird. Weniger überlagerte Spektren kann man erhalten, wenn man die Reaktion von B/HCl/H₂O mit isotopenreinem Bor ausführt.

Das obere Bild aus Abbildung 6.23 zeigt die Senkrechtbande der BH-Streckschwingung ν_1 von HBCl₂. Sie besteht aus einer Serie von Q-Zweigen, die teilweise auch recht gut aufgelöst sind und die Zuordnung von J- und K-Quantenzahlen erlauben.

In der Übersichtsdarstellung der Abbildung 6.21 sind vor allem starke Banden von Wasser und HCl auffällig. Da im zur Transmissionsbildung benutzten Hintergrundspektrum CO₂ vorhanden war, laufen die zugehörigen CO₂-Übergänge in der Übersichtsdarstellung nach oben. Weitere starke, nicht aufgelöste Banden, lassen auf Moleküle mit mehr als 4 Atomen schließen. Zu den im Übersichtsspektrum mit einem Fragezeichen gekennzeichneten Banden können keine Angaben gemacht werden. Nur die schwache Bande bei 1602 cm⁻¹ scheint dem Molekül H₅B₂Cl (Monochlordiboran) zuzuordnen zu sein. Eine entsprechende Literatustelle ist bei HULON und PUTNAM [13] zu finden. Die beiden Autoren beschreiben die niedrig aufgelösten IR-Spektren von Dichlorboran und Monochlordiboran (H₅B₂Cl). Daß die Bande bei 1602 cm⁻¹ in Abbildung 6.21 dem Molekül Monochlordiboran zuzuordnen ist, wird auch durch das Verhalten der Bande bei kleiner werdendem HCl-Gehalt bestätigt. Diese Bande wird nämlich intensiver. Eine vergrößerte Darstellung ist in Abbildung 6.23, im unteren Bild gegeben. Bei kleiner werdendem Cl-Gehalt nimmt auch der Cl-Gehalt in den sich bildenden Molekülen ab. Das HCl/H₂O-Gemisch, welches im Flußsystem über das erhitzte Bor strömte, war nur zur Oberflächenaktivierung des Bors gedacht. Ohne daß die Absicht bestand, wurde festgestellt, daß sich die Spektren nach der Aktivierung der Boroberfläche mit HCl/H_2O -Gemischen verändern. Während der Variierung der Reaktionsbedingungen wurde immer nur das Einkanalspektrum eines Scans ausgewertet. Die Verminderung des HCl-Gehaltes führte dazu, daß die Bande bei 1602 cm⁻¹ intensiver wurde. Nach dem Zusatz von H_2O stieg die Intensität der Bande weiter an und wurde bei Drucken über 5 mbar H_2O wieder schwächer.

Die gemessenen, teilweise ausreichend aufgelösten Banden bei 892, 1089 und 2617 cm⁻¹, wurden aber bezüglich ihres Rotationsvibrationsspektrums noch nicht von uns ausgewertet. Nachdem die drei gemessenen Banden um die genannten Wellenzahlen dem Molekül Dichlorboran zugeordnet waren, ergab die anschließende Literatursuche, daß das gleiche Spektrum, ebenfalls zufällig, von der Gruppe um P. F. Bernath von der Universität in Waterloo (Kanada), beobachtet wurde. Die entsprechende Mitteilung erfolgte auf dem 53^{rd} International Symposium on Molecular Spectroscopy, Columbus, Ohio, U.S.A., 15.–19. Juni 1998 in Form eines Vortrages RF17 [14]. Bei den dort beschriebenen Emissionsmessungen wurde das FT-IR-Spektrum der angeführten drei Banden, ν_1 , ν_5 und ν_6 von Dichlorboran in Absorption gemessen. Die für Absorptionsmessungen benötigte Strahlungsquelle wurde dabei durch die heissen Wände der Meßzelle dargestellt. Nach einer persönlichen Mitteilung von PROF. BERNATH wird er seine Ergebnisse aber nicht in einer wissenschaftlichen Zeitschrift veröffentlichen. Gleichzeitig ermutigte er uns, die Ergebnisse der in Giessen gemessenen IR-Spektren zu publizieren.

Meßbedingungen	$\operatorname{Spektralbereich}$	$\operatorname{Spektralbereich}$
	$800 - 3500 \text{ cm}^{-1}$	$800 - 3500 \text{ cm}^{-1}$
Geamtdruck ^a /mbar	1.0	2.5
Länge der Meßzelle /cm	43	43
Lichtquelle	Globar	Globar
Optische Filter / cm ⁻¹	800 - 3500	800 - 3500
Apertur Ø /mm	2.5	2.5
Strahlungsteiler	KBr	KBr
Detektor, T/K	In:Sb (77 K)	In:Sb~(77~K)
Auflösung ^b / cm ^{-1}	0.015	0.015
Dopplerlinienbreite $/ \text{ cm}^{-1}$	$0.003 (700 \mathrm{K})$	$0.003 \ (700 \ { m K})$
Scans pro Block	1	1
Summe der addierten Scans	10	10
Temperatur / K im Reaktionsrohr	1273^{c}	1273^{c}
Temperatur / K der Meßzelle (wassergekühlt)	279	279
Transmissionsspektrum	TGHBOB3.3	TGHBOB4.4

Tabelle 6.7 Experimentelle Bedingungen der FT-IR-Messungen von HBCl₂

^{*a*} Aus der Reaktion von $B + H_2O$.

^b 1/Maximum Optical Path Difference.

^c Temperatur der Reaktion im Quarzglasrohr, außerhalb der Meßzelle.

Die Zusammenstellung der gemessenen Einkanal- und Backgroundspektren, und denen daraus berechneten Transmissionsspektren, ist im Anhang C aufgeführt.



Abbildung 6.21 FT-IR-Absorptionsspektrum von $HBCl_2$ im spektralen Bereich von $800-3200 \text{ cm}^{-1}$. Produkte der Reaktion von Bor, H_2O und HCl bei 1000 °C wurden im Flußsystem durch die 43 cm lange Meßzelle gepumpt. Die Auflösung des FT-IR-Spektrums beträgt 0.015 cm⁻¹.

143



Abbildung 6.22 FT-IR-Absorptionsspektrum von HBCl₂ der ν_6 und ν_5 . Produkte der Reaktion von Bor, H₂O und HCl wurden bei 1000 °C im Flußsystem durch die 43 cm lange Meßzelle gepumpt. Die Auflösung des IR-Spektrums beträgt 0.015 cm⁻¹.



Abbildung 6.23 FT-IR-Absorptionsspektrum der ν_1 von HBCl₂. Reaktionsprodukte der Reaktion von Bor, H₂O und HCl wurden bei 1000 °C im Flußsystem durch die 43 cm lange Meßzelle gepumpt. Die Auflösung des IR-Spektrums beträgt 0.015 cm⁻¹. Die untere Abbildung zeigt möglicherweise eine Bande aus dem IR-Spektrum von H₅B₂Cl.

145

6.5 Literaturverzeichnis

- [1] R. L. SAMS UND A. G. MAKI, High Resolution Infrared Measurements of ν_1 and Force-Field Calculations for Thioborine (HBS), J. Mol. Spectrosc. 26, 107–115 (1975).
- [2] P. TURNER UND I. M. MILLS, The Infrared Spectrum, Equilibrium Structure and Harmonic and Anharmonic Force Field of Thioborine, HBS, Mol. Physics 46, 161–170 (1982).
- [3] K. M. T. YAMADA, F. W. BIRSS UND M. R. ALIEV, Effective Hamiltonian for Polyatomic Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 112, 347-356 (1985).
- [4] E. F. PEARSON UND R. V. MCCORMICK, Rotational Spectrum and Structure of Thioborine: HBS, J. Chem. Phys. 58, 1619–1621 (1973).
- [5] J. M. HOLLAS, High Resolution Spectroscopy, London, Butterworths, London, 1982.
- [6] E. R. LORY UND F. PORTER, Infrared Spectrum of Matrix-Isolated HBO, J. Am. Chem. Soc. 93, 6301-6302 (1971).
- [7] Y. KAWASHIMA, K. KAWAGUCHI UND E. HIROTA, Detection of HBO by Discharge Modulated Infrared Diode Laser Spectroscopy, Chem. Phys. Letters 131, 205–208 (1986).
- [8] Y. KAWASHIMA, Y. ENDO, K. KAWAGUCHI UND E. HIROTA, Detection and Equilibrium Molecular Structure of a Short-Lived Molecule, HBO, by Microwave Spectroscopy, *Chem. Phys. Letters* 135, 441-445 (1987).
- [9] Y. KAWASHIMA, Y. ENDO UND E. HIROTA, Microwave Spectrum, Molecular Structure, and Force Field of HBO, J. Mol. Spectrosc. 133, 116–127 (1989).
- [10] P. F. BERNATH, Infrared Fourier Transform Emission Spectroscopy, Chem. Soc. Rev. 25, 111-115 (1996).
- [11] P. COLARUSSO, K.-Q. ZHANG UND P.F. BERNATH, The Infrared Spectrum of HBO, 51st International Symposium on Molecular Spectroscopy, Columbus, Ohio, U.S.A., 10.-14. June 1996. Contributed lecture MG01.
- [12] P. COLARUSSO, K.-Q. ZHANG, P.F. BERNATH, Y. KAWASHIMA UND E. HIROTA, The Infrared Spectrum of DBO, 52nd International Symposium on Molecular Spectroscopy, Columbus, Ohio, U.S.A., 16.-20. June 1997. Contributed lecture WG07.
- [13] H. W. HULON UND R. F. PUTNAM, On the Properties of Monochlordiborane, Inorg. Chem. 2, 655-657 (1962).
- [14] T. HIRAO, P. COLARUSSO UND P.F. BERNATH, High Resolution Infared Emission Spectroscopy of Dichloroborane BHCl₂, 53rd International Symposium on Molecular Spectroscopy, Columbus, Ohio, U.S.A., 15.-19. June 1998. Contributed lecture RF17.

Kapitel 7

Hochtemperaturöfen mit Heizelementen aus MoSi₂

Um das Giessener Bruker Spektromer IFS 120 HR für Emissionsexperimente über 1100 °C [1] nutzen zu können, sollte ein Hochtemperatur-Rohrofen mit einer Temperatur von 1700 °C angeschafft werden. Der erste Kontakt zu einer Firma, die solche Öfen konstruiert, wurde über Professor Peter Bernath (Waterloo, Ontario) hergestellt. Kurz danach konnte uns die Firma CM FURNACES, New Jersey, ein Angebot unterbreiten. Es handelte sich dabei um einen horizontalen Röhrenofen, wie auch von P. Bernath verwendet, mit einer Heizzone von 30 cm Länge. Der maximal zu verwendende Rohrdurchmesser liegt bei 50 mm. Da die finanziellen Mittel allerdings begrenzt waren, konnte der Ofen von CM FURNACES mit einem Angebotspreis von ca. 30000 DM nicht erworben werden.

Im Folgenden wurde die vorläufige Entscheidung gefällt, einen solchen Ofen im Eigenbau zu erstellen. Während der Planungsphase wurden auch zwei deutsche Firmen ausfindig gemacht, die Hochtemperaturöfen mit KANTHAL Heizelementen bauen. Bei den Heizelementen von KANTHAL handelt es sich um einen Sinterwerkstoff aus MoSi₂. Diese Heizelemente sind für verschiedene Temperaturen und in verschiedenen Formen erhältlich. Bei einer Elementtemperatur von 1800 °C liegt die maximal erreichbare Ofentemperatur bei ca. 1700 °C. Die mit diesem Werkstoff höchste erreichbare Elementtemperatur liegt bei 1900 °C mit einer Ofentemperatur von ca. 1800 °C. Allerdings macht eine Temperatursteigerung von 100 K auf 1900 °C allein bei den Elementen einen Kostenfaktor von zwei aus, siehe Tabelle 7.2.

Zwei deutsche Anbieter für solche Hochtemperaturöfen sind die Firmen GERO GMBH (Neuhausen) und MUT (Jena). Auf der Basis eines Angebotes von GERO über ca. 20000 DM konnte bei Preisverhandlungen mit MUT in Jena ein Angebotspreis von 14 380 DM erzielt werden. Dies war preisgünstiger als der anfänglich geplante Selbstbau; daraufhin wurde ein Hochtemperaturofen bei MUT in Jena bestellt und gekauft. Im Folgenden sollen aber zuerst die eigenen Konstruktionspläne für einen Hochtemperaturofen besprochen werden. An den beiden Entwürfen A und B wird dann der Aufbau und die Funktionsweise des Ofens besprochen. Der dann gekaufte Ofen von MUT entspricht im wesentlichen den Plänen von Entwurf B.

7.1 Entwurf A für die Konstruktion eines Hochtemperaturofens

Das Grundprinzip eines Hochtemperaturofens mit elektrisch beheizten Heizelementen aus Molybdändisilicid besteht im wesentlichen aus drei Komponenten. Diese sind die Heizelemente selbst, die Keramikfaserisolierung und die elektronische Steuerung.

Konzept A unterscheided sich von Konzept B durch die Anordnung der u-förmigen Heizelemente um das Arbeitsrohr, wie in Zeichnung 7.1 dargestellt. Es befinden sich 6 Heizelemente im Ofenraum, die in gleichen Abständen hintereinander angeordnet sind.

Anhand den folgenden Zeichnungen (Abb. 7.1 und 7.2) können die Maße des Ofens nach Konzept A entnommen werden. Der weitere Aufbau des in dieser Arbeit eingesetzten Hochtemperaturofens soll anhand der Konstruktionspläne für einen Ofeneigenbau dargestellt werden. Es werden zwei verschiedene Konzepte, A und B, beschrieben.



Abbildung 7.1 Entwurf A. Frontansicht des Ofens. Die Heizelementanordnung um das Arbeitsrohr ist deutlich zu erkennen. Zum Aufnehmen des Arbeitsrohres mit 50 mm Durchmesser wurde eine zylindrische Öffnung mit einem Durchmesser von 52 mm vorgesehen. Der Schenkelabstand der Heizelemente beträgt 90 mm. Alle Maße sind in mm angegeben. Zeichnung von W. Karg.



Abbildung 7.2 Entwurf A. Sicht auf die Ofendecke. Die Anschlußenden der Heizelemente sind als Kreise dargestellt. Die beheizte Ofenraumlänge beträgt 315 mm. Zeichnung von W. Karg.



Abbildung 7.3 Entwurf A. Seitenansicht des Ofens. Die Dicke der Faserisolation beträgt an allen Seiten 100 mm. Zeichnung von W. Karg.

Die Anordnung der u-förmigen Heizelemente um das Arbeitsrohr birgt zumindest einen gravierenden Nachteil gegenüber der Heizelementanordnung parallel zu den Ofeninnenwänden (s. Abschnitt 7.2, Entwurf B). Bei einem Heizelement Schenkelabstand von 90 mm, wie in Abbildung 7.1, müssen pro Element je zwei Bohrungen in der Ofendecke vorgesehen werden. Aus Stabilitätsgründen der Ofendecke kann bei einem Schenkelabstand von 90 mm nicht mit Durchführungssteinen (s. Abbildung 7.4) gearbeitet werden, d.h. ein defektes Heizelement muß von unten ausgebaut werden. Bei einem Elementwechsel muß daher die komplette Ofendecke abgenommen werden, um das Element nach unten herausnehmen zu können. Das Auseinanderbauen eines solchen Ofens ist zeitaufwendig. Die Faserisolierung wird durch ein Metallkorsett fixiert, welches aufgeschraubt werden muß; zudem müssen die elektrischen Anschlüsse gelöst werden (s. Abbildung 7.5). Da das Heizelementmaterial (MoSi₂) hart, spröde und sehr bruchempfindlich ist, sind Beschädigungen beim Auseinanderbau vorprogrammiert.

Ein Vorteil von Entwurf A, der Anordnung der Heizelemente um das Arbeitsrohr, könnte eine gleichmäßigere Wärmeverteilung sein. Aufgrund des Nachteils, daß bei diesem Bauprinzip ein defektes Heizelement nur ausgebaut werden kann, wenn man den Ofen auseinanderbaut, wurde ein zweiter Konstruktionsentwurf B ausgearbeitet.

Die Isolation des Hochtemperaturofen besteht, wie in den Zeichnungen zu sehen ist, aus drei verschiedenen Schichten. Die einzelnen Platten der Faserwärmeisolierung besitzen dabei, die Temperaturbeständigkeit betreffend, verschiedene Eigenschaften (siehe Tabelle 7.1).



Abbildung 7.4 Entwurf A und B. Heizelemente können wie hier gezeigt mit Durchführungssteinen von oben nach unten in die Ofendecke eingebaut werden [2].



Abbildung 7.5 Entwurf A und B. Heizelement-Schaltung in Reihe über Aluminiumbänder. In der Mitte befindet sich ein Thermelement, welches auch seitlich eingebaut werden kann [2].

7.2 Entwurf B für die Konstruktion eines Hochtemperaturofens

Ein leichterer Ein- und Ausbau der MoSi₂ Heizelemente wird durch eine zu dem Arbeitsrohr parallele Anordnung erreicht (s. Abbildungen 7.6 - 7.8). Der Schenkelabstand eines Elementes beträgt 50 mm. Somit kann mit Durchführungssteinen gearbeitet werden, um die Elemente von oben ein- und auszubauen. Die Ofendecke entält entsprechend der Größe der Durchführungseinheit (Heizelement) eine rechtwinkelige Aussparung. Für Heizelemente mit großem Schenkelabstand kann man keine solche Aussparung in die Ofendecke einlassen. Die Ofendecke wäre bei thermischer Belastung nicht mehr stabil genug. In diesem Fall kann man nur mit zwei Bohrungen arbeiten und die Heizelemente von unten einbauen. Ansonsten sind die Konzepte A und B kaum verschieden. Da der Ofen nur das Arbeitsrohr erhitzen sollte, wurde der Ofenraum so klein wie möglich, unter Berücksichtigung verschiedener Einbauparameter, konstruiert (s. Abschnitt. 7.4). Fertig zusammengebaut ergibt sich so der eigentliche Ofen, der durch ein Metallkorsett zusammengehalten wird. Der Ofen muß anschließend in ein doppelwandiges Blechgehäuse eingebaut werden. Der Abstand der beiden Bleche sollte wie der Abstand zur Faserisolierung etwa 2 - 3 cm betragen. Das Bodenblech sollte wie die Gehäuseoberseite mit Löchern versetzt sein, damit die heiße Luft nach oben entweichen und kalte Luft von unten einströmen kann. Die Ofenaußenwände werden durch diese Konvektionskühlung gekühlt. CM FURNACES setzt zusätzlich zwei Lüfter ein, die sich unter dem Ofen befinden.

Der schwierigste Teil des Ofenzusammenbaus ist die Verschraubung der Heizelemente mit den Stromversorgungsbändern aus Aluminium. Beim Anbringen oder Lösen der Stromanschlüsse darf ein Heizelement nicht mechanisch belastet werden. Wie aus Tabelle 7.2 ersichtlich, kostet ein Kanthal Super 1700 Heizelement (maximale Ofentemperatur von 1600 °C) schon ca. 500 DM.



Abbildung 7.6 Entwurf B. Sicht auf die Ofendecke. Die Anschlußenden der Heizelemente sind als Kreise dargestellt. Die beheizte Ofenraumlänge beträgt 320 mm. Zeichnung von W. Karg.







Abbildung 7.8 Entwurf B. Frontalansicht auf die Öffnung des Röhrenofens. Zeichnung von W. Karg.

7.3 Faserwärmeisolierung

Die Wärmeisolierung des Hochtemperaturofens ist schichtweise aus leichten Faserisolierstoffen aufgebaut. Faserisolierstoffe werden aus verschiedenen Gründen Feuerleichtisoliersteinen vorgezogen. Zum einen wird dadurch eine geringe thermische Masse zum Fahren von schnellen heiß/kalt- Zyklen erreicht. Zum anderen benötigt ein mit Faserisolierstoffen aufgebauter Ofen ca. 1/4 weniger elektrische Leistung als ein konventioneller Ofen mit Feuerleichtsteinen. Dies bedeutet eine Strom- und Heizelementkostenersparnis. Weiterhin können die Außenmaße im Verhältnis zum Maß des Ofeninnenraumes deutlich kleiner gehalten werden. Der schematische Aufbau einer solchen Isolierung ist in Abbildung 7.9 gezeigt. In Tabelle 7.1 werden technische Daten zu den verschiedenen Qualtiäten der Faserisolierstoffe genannt. Mit der Zunahme der Hitzebeständigkeit der Faserisolierung steigen die Kosten überproportional an.



Abbildung 7.9 Prinzipieller Sandwichaufbau der Isolierung eines Hochtemperaturofens. Zur Erklärung der Legende siehe Tabelle 7.1

Tabelle 7.1 Technische Daten, Keramikfaserisolation (Rath/Düsseldorf)

Typ KVS	Max. Temp. °C	Rohdichte kg/m^3	Chem. Analyse (geglüht) % Al ₂ O ₃ /SiO ₂	Lineare Schwin- dung % n. 24 h T/ °C- %	Wärmeleitfähigkeit DIN 51046 T/°C- <i>W/mK</i>
184/400	1800	400	83/17	1700 °C- 0.1	400 °C− 0.11
Al_2O_3			·	1750 °C− 0.4	$1000 \ ^{\circ}\mathrm{C}-\ 0.21$
Faser				1800 °C- 0.8	1400 °C- 0.32
164	1600	300	65/34	1400 °C− 1	400 °C− 0.17
SiO_2				1500 °C- 1	$1000^{\circ}C - 0.26$
Mullitfaser				1600 °C− 2	$1400^{\circ}C - 0.44$
124	1260	300	50/49	1000 °C− 1	400 °C− 0.12
Aluminium-				1100 °C- 2	$1000 \ ^{\circ}\mathrm{C}-\ 0.25$
silikat faser					1400 °C- 0.43

7.4 Dimensionierung und Kostenrechnung für einen Ofeneigenbau

Zuerst muß ausgehend vom Ofenvolumen die Leistung des Ofens, entsprechend Abbildung 7.10, berechnet werden. Bei einem Volumen von 6.7 dm^3 benötigt man für eine maximale Ofentemperatur von 1600 °C ca. 5 kW Leistung. Um eine kleine Leistungsreserve zu haben, wurden sechs Elemente mit je 950 Watt bei 6.7 Volt ausgewählt (s. Tabelle 7.2). Der Ofen wäre dann mit einer Gesamtleistung von 950 × 6 = 5700 Watt ausgerüstet.

Beim Bau eines Ofens sind eine Reihe von Details zu beachten. Der Einbau der Elemente in die



Abbildung 7.10 Leistungsberechnung eines faserisolierten Ofens in Abhängigkeit der maximalen Ofentemperatur und des Ofeninnenraumvolumens [2].

Isolation muß aufgrund der Verformung durch elektromagnetische Kräfte (bei Spitzenströmen bis zu 150 Amper, Wechselstrom) entsprechend berücksichtigt werden. Eine genaue Anleitung kann dem Handbuch der Firma KANTHAL entnommen werden [2]. Dieses Handbuch ist ein Leitfaden zum Ofenbau mit Kanthal-Heizelementen und beschreibt auch die Stromversorgung und Regelung. Die Abbildungen 7.4, 7.5, 7.10 sind dem Handbuch der Firma Kanthal [2] entnommen.

Für die gleiche Summe, wie in Tabelle 7.2 angegeben, hätte man sogar einen kompletten Ofen mit einer maximalen Temperatur von 1700 °C bei MUT kaufen können.

Firma	Komponenten		Preis / DM
Kanthal/Walldorf	K. Super Heizelemente 1700 Ø 6/1	l2mm	
	maximale Temperatur 1600 $^{\circ}\mathrm{C}$		3460
Eurotherm/Limburg	Temperatur und		
	Prozeßregler mit		
	$\operatorname{Einphasenthyristorsteller}$		2660
Rath/Düsseldorf	Keramikfaserisolation als		
	Ofenauskleidung bis 1700 °C		4930
BTB/Rödinghausen	Transformator 8 KVA für Thyriste	orsteller	
, _	primärseitig		975
$\operatorname{AIP}/\operatorname{Columbus}(\operatorname{Ohio})$	2 Thermoelemnte Typ B		630
		Summe	12655

Tabelle 7.2 Hochtemperaturofen, Kosten eines Eigenbaus

7.5 Der verwendete, kommerziell erhältliche Ofen

Der Ofen von Mut (siehe Abbildung 7.11 [3]) stimmt prinzipiell mit dem im Rahmen dieser Doktorarbeit erarbeiteten Konzept eines Hochtemperaturofens B überein. In Tabelle 7.3 werden die technischen Daten des eingesetzten Hochtemperaturofens der Firma Mut dargestellt.

Ein großer Vorteil diees Ofens ist im Vergleich zur Konstruktion für den Eigenbau, die stufenweise, beinahe konische Gestaltung der Rohrdurchführung mit sich vergrößerndem Radius der Platten der Faserisolierung zum Ofeninnenraum. Konstruiert man die Rohrdurchführung zylindrisch, ist die Belastung eines Aluminiumoxidrohres als Arbeitsrohr, die sich aus dem Temperaturgradienten Innen/Außen ergibt, so hoch, daß ein Rohr oberhalb 1000 °C am Ofenende (Übergang zur Luft) abbrechen kann [4].

Tabelle 7.3 Technische Daten, Hochtemperaturofen

Ofentyp	ROKS-50-300 / 1700
Betriebsart	horizontal
Max. Ofentemperatur	$1700 \ ^{\circ}\mathrm{C}$
Regelkonstanz	± 2 °C
Anschlußwert Heizung	ca. 5 KW
Nennspannung	400 V
Steuerspannung	230 VAC
${\it Arbeits rohr durch messer}$	50 mm außen
Beheizte Länge	300 mm
Außenmaße Ofen $H \times B \times T$	$600 \times 500 \times 590 \text{ mm}$
Temperaturerfassung	Thermoelement B, nahe Heizelement
$\ddot{\mathrm{U}}\mathrm{bertemperaturschutz}$	Thermolement B, separate Messung
$\operatorname{Regelung}$	stromproportioneller Phasenanschnitt
Regler	Eurotherm 902 P (digital), eine Zone
Außenmaße Regelanlage $H \times B \times T$	$450 \times 450 \times 500 \text{ mm}$

7.6 Elektronische Regelung

Die Regelung besteht aus einem Programmregler (Eurotherm 902 P) und einem stromgeregelten Thyristorsteller auf der Lastseite (Phasenanschnittssteuerung). Die Lastseite besteht aus



Abbildung 7.11 Zeichnung des Ofens von MUT. Die stufenweise (konische) Anordnung der Isolation der Rohrdurchführung ist deutlich zu erkennen [3]. Dieses Detail war in den Konstruktionsplänen von Konzept A und B nicht vorgesehen.

einem speziellen Transformator für MoSi₂-Betrieb. Die Regelung wird primärseitig ausgeführt. Bei 400 Volt und einer Leistung von ca. 5 KW müssen Ströme bis ca. 13 Amper geschaltet werden. Sekundärseitig liegen ca. 35 Volt Wechselspannung an und es werden Ströme mit bis zu 150 Amper erreicht. Bis zu einer Temperatur von 420 °C ist eine Strombegrenzung eingebaut. Ein Strom von 120 Amper sekundärseitig kann dann nicht überschritten werden. Bis zu dieser Temperatur sollte nicht mit mehr als 6 K/Min. geheizt werden. Ab 420 °C kann ein Strom von bis zu 150 Amper fließen. Auch dann sollte die Aufheizung des Ofens nicht mit mehr als 20 K/Min. durchgeführt werden. Im Bereich von 1000 - 1500 °C kann man den Ofen sehr schnell heizen über 10 K/Min. Eine Heizrate von 3 - 5 K /Min. sollte aber nicht Überschritten werden. Ab 1200 °C darf der Ofen nicht mehr mit geöffneten seitlichen Bohrungen, die das Arbeitsrohr aufnehmen sollen, betrieben werden (Verschluß mit Keramikfasermatte).

Auch die Abkühlung muß mit dem Eurotherm Programmregler ausgeführt werden, dabei dienen 10 - 20 K/Min. als Richtwert. Bei schnelleren Aufheiz- und Abkühlphasen werden die Heizelemente und die Ofenisolation unnötig stark belastet, dies kann zur Zerstörung der Heizelemente führen. Im System ist eine vom Programmregler autarke Übertemperaturüberwachung mit separatem Thermoelement Typ B integriert, die den Lastkreis bei Überschreiten einer Grenztemperatur dauerhaft mittels eines separaten Schützes vom Netz trennt. Die Grenztemperatur wird ebenfalls wie die aktuelle Regeltemperatur in Heizelementnähe gemessen. Kritisch ist eine Temperaturregelung in der Nähe von 1700 °C. Hier kann nicht mit einer Rampe von 20 oder 10 K/Min. geheizt werden. Es wird empfohlen, ab 1680 oder 1690 °C mit 1 K/Min. zu heizen,



damit die Grenztemperatur von 1700 °C nicht durch eine Regelungsschwankung überschritten werden kann.

Abbildung 7.12 Schaltplan der Heizlast des Ofens von MUT [3].

Ein Amperometer zeigt über einen Stromwandler den Effektivwert des Sekundärheizstromes an und läßt damit eine Überwachung der Heizelementbelastung zu. Abbildung 7.12 zeigt den Aufbau der Heizlast des Ofens von MUT.

Die wesentlichen Funktionen des Programmreglers sind eine Rampe Steigung (K/Min. oder K/h; linear) in Verknüpfung mit einem Temperaturzielsollwert. Ob die Rampe eine positive oder negative Steigung besitzt, wird aus Start- und Zielsollwert abgeleitet. Temperturhaltewerte können ebenfalls programmiert werden. Temperatursprünge sollten aus Gründen der Haltbarkeit der Heizelemente nicht gesetzt werden.

7.6.1 Programm zur Temperaturregelung des Hochtemperaturofens

Da die Bedienung und Programmierung des Reglers von Eurotherm über Tipptasten recht umständlich ist, wurde die am Programmregler vorhandene Schnittstelle RS232c zur Steuerrung benutzt. Dazu mußte ein Computerprogramm geschrieben werden. Beim Schreiben des Programms konnte auf die Hilfe von O. TRAPPE aus der Arbeitsgruppe von PROF. R. GRUEHN, Institut für anorganische und analytische Chemie (Justus-Liebig-Universität Giessen), zurückgegriffen werden. Da man in dieser Gruppe ebenfalls Widerstandsöfen benutzt, ist auch ein entsprechendes Wissen für die Programmierung von Temperaturreglern vorhanden. In Abbildung 7.13 ist das Menü des Programms STEUER abgebildet. Damit kann das Temperaturprogamm in übersichtlicher Form programmiert werden. Entgegen der Anzeige des Eurotherm Reglers, der in der Regeleinheit des Hochtemperaturofens eingebaut ist, können alle programmierten Werte mit dem Programm STEUER aufgrund der Größe der Bildschirmanzeige, eingesehen werden. Zusätzlich kann das zu fahrende Temperaturprofil interaktiv geändert werden. Nur die Anzahl der Heizintervalle muß bei Versuchsbeginn für das durchzuführende Experiment groß genug gewählt werden. Nach dem Ende einer Versuchsreihe wird in gleicher Weise die Temperatur wieder nach unten geregelt. Bei einer Temperatur von etwa 400 °C kann der Strom mit dem Hauptregler ausgeschaltet werden.

oran	Aprah	ervai				
START	Anzar	n. 🖻				
WEITER	· ·	۹r. T	Ziel / °C	Heizrate / °C/min	Verweilzeit/min	T-Tol / °C
		1 45	0	6	0	1
STOP		2 95	8	8	0	1
		3 13	00.5	3	1440	1
		4		1	0	1
T - ist: 1300.5°C		5		1	0	1
T - soll: 1300.5 °C		6		1	0	1
		7		1	0	1
		8		1	0	1
	1	9		1	0	1
	_	_				

Abbildung 7.13 Programm STEUER zum Regeln des Hochtemperaturofens von MUT

7.7 Literaturverzeichnis

- W. QUAPP, M. HIRSCH, G. CH. MELLAU, S. KLEE, M. WINNEWISSER UND A. MAKI, Climbing the Bending Vibrational Ladder in D¹³C¹⁵N by Hot Gas Emission Spectroscopy, J. Mol. Spectrosc. 195, 284-298 (1999).
- [2] Kanthal Super Electric Heating Handbook, Schweden, DB Tryck AB, Örebro, 1994.
- [3] MUT, Abdruck mit freundlicher Genehmigung: MUT, Wildenbruchstraße 15, 07745 Jena, Deutschland, 1997.
- [4] R. GEIGER, private Mitteilung, 1997: Gero Hochtemperaturöfen GmbH, Monbachstraße 7, 75242 Neuhausen, Deutschland.

Kapitel 8

FT-IR-EMISSIONSSPEKTROSKOPIE AN HBS UND HCP

In Kapitel 6 sind eigene Messergebnisse und in der Literatur beschriebene Arbeiten des Rotationsschwingungsspektrums von HBS dargestellt. Trotz erheblichen Aufwandes mittels FT-IR-Absorptions- und Diodenlaserspektroskopie, konnte die Knickschwingungsbande ν_2 von HBS bisher nicht beobachtet werden! Die in Kapitel 6 beschriebene Hochtemperaturmeßzelle aus Aluminiumoxid, die für die FT-IR-Absorptionsmessungen benutzt wurde, konnte in Verbindung mit einem Hochtemperaturofen auch für Emissionsmessugen eingesetzt werden. Der schematische Aufbau der Meßzelle ist in Abbildung 6.10, Kapitel 6.2 gegeben. Der komplette Aufbau des Emissionsexperimentes (ohne das Bruker IFS 120 HR Spektrometer) ist in Abbildung 8.1 dargestellt. Der benutzte Hochtemperaturofen ist ausführlich im Kapitel 7 beschrieben.

Das Emissionsexperiment am Giessener Bruker IFS 120 HR FT-IR-Spektrometer wurde von G. Ch. Mellau entworfen und von ihm zuerst für FT-IR-Messungen von D¹³C¹⁵N verwendet. Das Experiment selbst und die spektroskopischen Ergebnisse sind in der Publikation von QUAPP *et al.* [1] veröffentlicht. Für die Emissionsexperimente der vorliegenden Arbeit wurde ein Hochtemperaturofen und verschiedene Meßzellen aus Quarzglas und Aluminiumoxid benutzt.

8.1 FT-IR-Emissionsspektroskopie an HBS

Zu Beginn der Experimente wurde versucht, ein Emissionsspektrum im Bereich der Streckschwingungen ν_1 und ν_3 von HBS aufzunehmen. Da bereits optimierte Synthesebedingungen von HBS aus FT-IR-Messungen bekannt waren (siehe Kapitel 6), wurde mit H₂S-Drucken von 1 mbar und einer Temperatur der Meßzelle von 900 °C begonnen. Die Temperatur der Meßzelle, der Druck von H₂S und die Pumpleistung der Vakuumpumpen auf der Meßzelle, sind dabei entscheidend. Bei allen Experimenten wurde Bor (kristallin oder amorph) direkt in der Meßzelle vorgelegt, H₂S wurde über ein Nadelventil aus einem Reservoir (2 Liter Stahlbehälter mit H₂S-Flasche) eingeleitet und die Reaktionsprodukte aus dem Zerfall und der Reaktion mit Bor, wurden ständig wieder abgepumpt. Nur in einem Flußsystem besteht überhaupt die Chance Rotationsvibrationsspektren des instabilen Moleküls HBS aufzunehmen. Bei den Absorptionsmessungen, wie in Kapitel 6 beschrieben, wurde extern in einer heißen Zelle aus Mineralquarzglas H_2S über heißes Bor geleitet, die gasförmigen Pyrolyseprodukte wurden dann durch die Meßzelle aus Glas (43 cm lang) gepumpt. Der neue Versuchsaufbau für die Emissionsmessungen ist in Abbildung 8.1 dargesetellt. Die Ergebnisse der Emissionsmessungen von HBS waren allerdings sehr enttäuschend. Selbst für Übergänge, die in Absorption beobachtet wurden (siehe Kapitel 6.1.1), konnten keine Linien in Emission gemessen werden.

Deshalb ist es auch nicht verwunderlich, daß im Bereich der Knickschwingung keine positi-



Abbildung 8.1 Schematischer Aufbau des Emissionsexperimentes mit dem Hochtemperaturofen, der Meßzelle und der Transferoptik zum FT-IR-Spektrometer Bruker IFS 120 HR. Dieses Experiment wurde von G. Ch. Mellau entworfen (siehe QUAPP *et al.* [1]). Die benutzte Meßzelle und die Metallflansche wurden im Rahmen der vorliegen Doktorarbeit entwickelt. Zeichnung von S. Lember.

ven Ergebnisse erhalten wurden. Diese Versuche waren sehr aufwendig und unangenehm, da die gesamte Messapparatur, die mit H₂S in Kontakt kam, nach jedem Experiment gereinigt werden mußte. Alle Bauteile der Apparatur waren mit einer weiß-gelblichen, pulverigen Substanz aus Bor-Polysulfanen überzogen, die an Luft langsam hydrolysiert und damit H₂S und Polysulfane freisetzt. Das teilweise Einatmen dieser Substanzen ließ sich beim Auseinanderbauen der Messapparatur nicht vermeiden! Aufgrund einer verbesserten Spülung der Zellfenster durch Stickstoff, lagerten sich relativ wenig Bor-Polysulfane auf den Zellfenstern ab. Dabei wurde gasförmiger Stickstoff durch eine Düse, die parallel zu den Zellfenstern angeordnet war, eingelassen.

Die genaue Beschreibung der Metallflansche, die die Meßzelle über die optischen Fenster mit dem Spektrometer verbinden, ist in Kapitel 6.2 und in Abbildung 8.1 gegeben. Bei den Absorptionsexperimenten am Diodenlaserspektrometer lagerten sich noch mehr Bor-Polysulfane auf den Fenstern ab (siehe Abbildung 6.14). Trotz der verbesserten Fensterspülung, mußten diese nach jedem Versuch mit Aceton gereinigt werden, welches einiges Geschick erforderte, um die Fenster aus KBr nicht zu beschädigen.

Das Anlegen eines Vakuums an die Meßzelle war sehr schwierig und es gelang jeweils nur nach mehreren Anläufen die Apparatur dicht zu bekommen. Aufgrund der Länge der Meßzelle von etwa einem Meter, führten kleine Verrückkungen der Zelle aus der optischen Achse heraus dazu, daß Luft eingesaugt wurde. Das war ärgerlich, da die Zelle an ihren Flanschenden kaum dicht wurde. Gleichzeitg bestand die Gefahr, daß sich das im Aluminiumoxidrohr liegende Bor überall verteilte, die Zellfenster belegte und alle gefetteten Übergangsteile verunreinigte. Wie in Abbildung 8.1 gezeigt, ist die Meßzelle durch ein System von Vakuumverbindungen von der Zelle auf einen O-Ring gedichteten Metallflansch mit den optischen Fenster verbunden. Somit kann der gesamte Strahlengang des Emissionsexperimentes und des FT-IR-Spektrometers evakuiert werden. Dieses Prinzip wurde im übrigen für alle FT-IR-Messungen der vorliegenden Arbeit angewendet. Nur bei den Absorptionsexperimenten am Diodenlaserspektrometer wurde der Laser-Meßstrahl außerhalb der Meßzelle durch nicht evakuierte Bereiche (Luft) geleitet.

Nach erfolgreichem Anlegen eines Vakuums wurde der Ofen langsam hochgeheizt. Bei Erreichen der jeweiligen Meßtemperatur wurde H_2S eingeleitet. Alle möglichen Parameter, Druck von H_2S (0 - 2 mbar), Pumpleistung (Reduzierventil) und die Menge des eingesetzten Bors, wurden variiert. Bei einem Druck grösser 1 mbar waren schnell alle Reduzierventile der Anlage, wie auch die mit flüssigem Stickstoff gekühlte Kühlfalle, mit Schwefel belegt und teilweise verstopft. Bei einer mehr als 1000 °C heißen Zelle konnte ebenfalls kein Rotationsschwingungs-Emissionssignal von HBS beobachtet werden. Temperaturen größer 1000 °C führen an der Boroberfläche zu einer sehr schnellen Zersetzung von H_2S zu Wasserstoff und Schwefel. Es wurde auch versucht, das in der Zelle vorgelegte Bor mit HCl (gasförmig) zu aktivieren, welches aber ebenfalls nicht zu den gewünschten HBS-Spektren führte. Nach einigen Wochen und etwa 20 Einzelexperimenten (20 mal Aufbauen, Abbauen und Reinigen der Messapparatur) wurde das Experiment ohne positives Ergebnis beendet. Da noch ein paar Meßtage am IFS 120 Bruker HR-Spektrometer zur Verfügung standen, wurde versucht, FT-IR-Emissionsspektren von HCP aufzunehmen, welches im nächsten Kapitel beschrieben ist.

8.2 FT-IR-Emissionsspektroskopie an HCP

Für diese Messungen wurde zu Beginn eine Meßzelle aus Mineralquarzglas benutzt, die auch hier gleichzeitig als Reaktionsrohr (Pyrolyse von CH_3PCl_2) eingesetzt wurde. Wie im Kapitel zuvor beschrieben, wurde Schwefelwasserstoff durch die Meßzelle gepumpt. Um HCP zu erzeugen, wurde der Vorläufer CH_3PCl_2 mit ca. 1 mbar Gesamtdruck, durch die Meßzelle gepumpt. Schon nach kurzer Zeit konnte ein schwaches Emissionsspektrum aus dem spektralen Bereich der ν_2 beobachtet werden. Das Übersichtsspektrum ist in Abbildung 8.2 dargestellt. Um bessere FT-IR-Spektren aufnehmen zu können, wurden die Meßbedingungen variiert. Die besten Ergebnisse wurden aber, wie schon in meiner Diplomarbeit [2] gezeigt, bei 900 °C erzielt (zur Synthese von HCP siehe auch Kapitel 3.1). Weiteren Daten zu den Meßbedingungen sind in Tabelle 8.1 zusammengestellt.

Bei Erhöhung des Vorläufer-Drucks von HCP und/oder bei einer Temperaturerhöhung, konnte keine Intensitätssteigerung der beobachteten Lininen beobachtet werden. Dies führte zu Ablagerungen von Reaktionsprodukten auf den Zellfenstern, sodaß kein Emissionsignal mehr detektiert werden konnte. Nach den Experimenten in einer Glasmeßzelle wurde auch eine Meßzelle aus Aluminiumoxid eingesetzt wodurch die erzielte Intensität der FT-IR-Emissionsspektren leicht gesteigert werden konnte.

Überraschend war eigentlich eine höhere Intensität der Spektren, die mit einer Zelle aus Aluminiumoxid aufgenommen wurden. Bei den Emissionsexperimenten zu D¹³CN von E. MÖLL-MANN [3] zeigte sich, daß die im Rahmen der vorliegenden Doktorarbeit gebaute Meßzelle mit einem Aluminiuoxidrohr schlechter geeignet war, als die zuvor von QUAPP et al. [1] benutzte Quarzglaszelle. Da bei Temperaturen von 1400 °C und höher gearbeitet werden sollte, schied eine konventionelle Minearlquarzglaszelle aus. Quarzglas kann nur kurzzeitig bis 1300 °C eingesetzt werden. Die gesteigerte Intensität der HCP-Spektren läßt sich bei Verwendung eines Reaktionsrohres aus Aluminiumoxid, durch eine größere reaktive Oberfläche gegenüber einer Glasoberfläche erklären. Bei der Reaktion in der heißen Meßzelle zerfällt CH₃PCl₂ in HCl und HCP. Die Zersetzung findet zu einem großen Teil an der Oberfäche des Aluminiumoxids statt. Eine Messung über einen längeren Zeitraum gelingt natürlich nur in einem Flußsystem, da HCP bei 900 °C ständig wieder zerfällt. Es muß kontinuierlich frischer Vorläufer durch die Zelle gepumpt und dabei pyrolysiert werden. Im Falle der Emissionsmessungen von D¹³CN sollte keine chemische Reaktion in der Meßzelle ausgelöst werden. D¹³CN sollte nur auf der hohen Temperatur gehalten werden, um die Emission von Rotationsvibrationsübergängen zu detektieren. Dabei muß der thermische Zerfall von D¹³CN oder allgemein von HCN an der Innenseite der Meßzelle so gering wie möglich gehalten werden. Quarzglas ist diesbezüglich viel besser geeignet als Aluminiumoxid, ist aber aufgrund der Temperaturbeständigkeit nicht mehr bei Temperaturen über 1300 °C einsetzbar.

8.2.1 Beschreibung von Q-Zweigen des FT-IR Emissionsspektrum von HCP

Die in den folgenden Abbildungen gezeigten Ausschnitte aus dem FT-IR-Emissionsspektrum THCPES.1 sind in roter Farbe dargestellt. Das dem Spektrum zugrunde liegende Interferogramm wurde bei einer Temperatur der Meßzelle von 900 °C aufgezeichnet.

Das in blau gekennzeichnete Bandensystem $(021)^{2e,f} \rightarrow (011)^{1e,f}$ in Abbildung 8.2 und 8.3 zeigt einen relativ starken Q-Zweig. Im Transmissionsspektrum ZTGHPCS.1 konnten keine Linien dieses Q-Zweig-Bandensystems zugeordnet werden, da die Linien dort sehr schwach sind. Die hohe Temperatur von 900 °C in der Meßzelle führt dabei im Vergleich zu Spektren, die bei Raumtemperatur aufgenommen wurden, wie z.B. das IR-Transmissionsspektrum ZTGH-CPCS.1, zur Populierung von höher angeregten Zuständen. Auch die in Abbildung 8.2 in grün bezeichneten Zuordnungen der Banden $(050)^{5e,f} \rightarrow (040)^{4e,f}$ und $(060)^{6e,f} \rightarrow (050)^{5e,f}$, sind noch gut zu erkennen (siehe auch Abbildung 8.4). Die Werte der Bandenzentren der Q-Zeige sind in Abbildung 8.2 angegeben. Aus den Absorptionsspektren konnten Zuordnungen nur bis $v_2 = 4$ erfolgen, somit stellen die beiden Termwerte 692.95 und 698.18 cm⁻¹ neue Information dar!

In Abbildung 8.3 sind die in der vorangehenden Abbildung 8.2 gezeigten Q-Zweige vergrößert dargestellt, um einige Details auch im Vergleich mit dem Transmissionspektrum ZTGHCPCS.1, zu diskutieren. Beginnend mit dem fundamentalen Q-Zweig der ν_2 von HCP kann am Zuord-



Abbildung 8.2 Übersicht von Q-Zweigen des ν_2 Bandensystems von HCP in Emission, mit Angabe der Zuordnungen und der Lage der Bandenzentren. Das in blau gekennzeichnete Bandensystem $(021)^{2e,f} \rightarrow (011)^{1e,f}$ zeigt im Vergleich zu den Transmissionsspektren einen relativ starken Q-Zweig. In grün sind Q-Zweige gekennzeichnet, die in den Transmissionspektren der Absorptionsexperimente nicht zugeordnet werden konnten und somit neue Daten repräsentieren.

165



Abbildung 8.3 Übersicht von Q-Zweigen des ν_2 Bandensystems von HCP in Emissions- (rot) und und Transmissionsdarstellung (schwarz). Zur Beschreibung der einzelnen Q-Zweige der Emission sind die aus den Transmissionsspektren erhaltenen Zuordnungen dargestellt.



Abbildung 8.4 Übersicht von Q-Zweigen des ν_2 Bandensystems von HCP in Emissions- und Transmissionsdarstellung. Die Q-Zweig-Bandensysteme (050) \rightarrow (040) und (060) \rightarrow (050) (grün) sind für die Zuordnung von *J*-Quantenzahlen nicht ausreichend aufgelöst. Trotzdem konnten die Bandenzentren bestimmt werden.



Abbildung 8.5 Vergleich von Q-Zweigen des v₂ Bandensystems von HCP in Emissions- (rot) und Transmissionsdarstellung (schwarz). Die Bandenzentren der Q-Zweige, für die keine Zuordnung der J-Rotationsquantenzahlen vorgenommen werden konnten, sind mit Pfeilen markiert.
nungskamm bis J'' = 53 gezeigt werden, daß zu den meißten Zuordnungen im Emissionsspektrum Linien zu erkennen sind. Lediglich Übergänge im Bereich bis J'' = 20 sind im Emissionsspektrum kaum zu erkennen, weil die Linien im Rauschen liegen. Aufgrund der im Vergleich zur Messung bei Raumtemperatur (Transmissionsspektren) hohen Temperatur von 900 °C, sind vermehrt höhere Rotationsvibrationsniveaus und auch Übergänge zu höheren J-Quantenzahlen stärker populiert. Bis auf die berechneten Linienpositionen wurden alle in den Abbildungen dargestellten Zuordnungskämme aus den Linienlisten, die aus Absorptionsmessungen erhalten wurden, erstellt. Sie werden hier benutzt, um Transmissions- und Emissionsspektren vergleichend zu diskutieren.

Das Emissionsspektrum bot gegenüber den Transmissionsspektren von HCP nur wenig neue Information (siehe z.B. Abbildung 8.2 und Abbildung 8.4). Die dort beschriebenen neuen Q-Zweige $(050)^{5e,f} \rightarrow (040)^{4e,f}$ und $(060)^{6e,f} \rightarrow (050)^{5e,f}$, sind aber so schlecht aufgelöst, daß die *J*-Zuordnung nicht möglich ist.

Die in Abbildung 8.3 blau dargestellten Übergänge der Q-Zweige $(021)^{2e} \rightarrow (011)^{1f}$ und $(021)^{2f} \rightarrow (011)^{1e}$ konnten berechnet werden, weil P- und R-Linien zugeordnet wurden. Zu sehen sind ein ganz schmaler Q-Zweig, $(021)^{2e} \rightarrow (011)^{1f}$ und ein relativ breiter Q-Zweig, $(021)^{2f} \rightarrow (011)^{1e}$. Der schmale Q-Zweig läuft von links nach rechts zu höheren J-Quantenzahlen und kehrt seinen Laufrichtung dann wieder in positive Richtung um, besitzt also einen Bandenkopf. Der Bandenkopf ist an der sehr starken Linie zu erkennen, die im Wendepunkt, im linken Teil, liegt. Zum Vergleich ist auch der entsprechende, sehr schwache Q-Zweig, des Transmissionsspektrums ZTGHCPCS.1 in schwarz abgebildet. Man kann vermuten, daß es sich um einen Q-Zweig mit rechteckiger Form handelt. In dem Transmissionsspektrum war aber nicht erkennbar, ob das Bandenzentrum an der rechten oder linken Begrenzung des Q-Zweiges liegt. Das Emissionsspektrum gibt darauf durch die prominente Linie des Bandenkopfes eine Antwort. Die Linien des Q-Zweiges laufen von links nach rechts zu höheren J-Rotationsquantenzahlen und kehren im Bandenkopf (links) ihre Laufrichtung um. Gleiches Verhalten ist am Bandensystem (020)^{2e,f} $\rightarrow (010)^{1e,f}$ zu beobachten. Die $e \rightarrow f$ Subbande besitzt auch im linken Teil einen Bandenkopf.

Im oberen Bild von Abbildung 8.3 sind zwei weitere Q-Zweige abgebildet, die Zuordnungen stammen alle aus den Transmissionsspektren. Der in grün dargestellte Zuordnungskamm des Q-Zweiges $(011)^{1f} \rightarrow (001)^{0e}$ wurde nur eingezeichnet, um zu zeigen, daß Ergebnisse aus den Transmissionsspektren nicht immer im Emissionsspektrum nachvollzogen werden können. Prinzipiell ist festzustellen, daß das Emissionsspektrum nur Q-Zweig-Übergänge in ausreichender Intensität aufweist und P/R-Linien nicht zu erkennen sind.

Im oberen Bild von Abbildung 8.4 ist ein Bandenkopf des Q-Zweiges $(030)^{3e} \rightarrow (020)^{2f}$ zu erkennen. Dort ist ebenfalls die *J*-Zuordnung gezeigt, sie läuft ab J'' = 40 wieder in negative Richtung (es sind zwei violette Kämme abgebildet). Im Wendepunkt ist ebenfalls eine prominente Linie zu erkennen. Dadurch ist sofort erkennbar, daß der Bandenursprung dem Wendepunkt gegenüber liegt, die *J*-Quantenzahl steigt also, wie im Zuordnungskamm gezeigt, von links nach rechts an. Prinzipiell ist die Zuordnung eines Q-Zweiges mit rechteckiger Form (ohne prominente Linie) dann sehr schwierig, wenn keine entsprechenden P/R-Übergänge vorliegen. In einem solchen Fall kann man nicht sagen, ob der Bandenursprung rechts oder links liegt. Dieses Problem lag für den Q-Zweig der Bande $(021)^{2e} \leftarrow (011)^{1f}$ vor. Wie in Abbildung 8.3 aus dem Transmissionsspektrum ZTGHCPCS.1 (schwarz) zu sehen, ist eine rechteckige Form des Q-Zweiges zu erkennen. Aus dem Q-Zweig alleine konnte keine schlüssige Zuordnung erfolgen. Die Lösung wurde letztendlich erst durch eine neue FT-IR-Messung erhalten. Zur Auswertung der Fermi-Resonanz der Triade (040)/(021)/(002) wurden Übergänge zum Energieniveau $(021)^{0e}$ gesucht. Entsprechende Übergänge wurden dann vom Grundzustand aus gemessen (siehe Abbildung 4.4). Erst aus dieser Information konnten Übergänge der Banden $(021)^{2e} \leftarrow (011)^{1f}$ und $(021)^{2f} \leftarrow (011)^{1e}$

Meßbedingungen	Spektralbereich	
	$400 - 1000 \text{ cm}^{-1}$	
Geamtdruck ^a /mbar	1.0	
Länge der Meßzelle /cm	100	
$\operatorname{Lichtquelle}$	heiße Zelle	
Optische Filter / cm ⁻¹	400-1 000	
Apertur Ø /mm	3.15	
Strahlungsteiler	3.5μ -Mylar	
Detektor, T/K	Ge:Cu (4.2 K)	
Auflösung ^b / cm ^{-1}	0.0052	
Dopplerlinienbreite $/ \text{ cm}^{-1}$	0.0025	
Scans pro Block	1	
Summe der addierten Scans	20	
Temperatur der Emissionszelle / K	1173	
Dateiname	THCPES.1	

Tabelle 8.1 Experimentelle Bedingungen der FT-IR-Messungen von HCP in Emission

 a Vorläufer $\rm CH_3 PCl_2, \ HCP \ und \ HCl.$

^b 1/Maximum Optical Path Difference.

Das komplette Übersichtsspektrum ist im Anhang F abgebildet.

berechnet werden, die dann im IR-Spektrum auch zugeordnet werden konnten. Hätte parallel zu den Absorptionsmessungen auch die Emissionsmessung vorgelegen, hätte man gewußt, daß das Bandenzentrum auf der rechten Seite des Q-Zweiges bei 671.5 cm⁻¹ liegt. Dadurch wären die anfänglichen Zuordnungsversuche vereinfacht worden.

In schwarz sind wieder die aus dem Transmissionsspektrum zugeordneten Übergänge bis J'' = 30 des anderen Q-Zweiges $(030)^{3f} \rightarrow (020)^{2e}$, in der Form eines Zuordnungskamms, dargestellt. Dieser Q-Zweig besitzt im dargestellten Spektrenausschnitt keinen Wendepunkt. Um dies zu beweisen wurden mit den effektiven Konstanten des globalen Fits von H¹²CP Übergänge bis J'' = 49 berechnet. Wie erwähnt, konnten nur Übergänge bis J'' = 30 aus dem Transmissionsspektrum zugeordnet werden. Vergleicht man aber die berechneten Linienpositionen für J'' > 30, fällt auf, das man bei den berechneten Linienpositionen zumindest teilweise Linien im Emissionsspektrum erkennen kann.

Das untere Bild auf der linken Seite in Abbildung 8.4 zeigt in einer Gegenüberstellung den Q-Zweig der Bande $(040)^{4e} \rightarrow (030)^{3f}$ aus dem Emissions- (rot) und dem Transmissionsspektrum (schwarz). Eine größere Abbildung diese Q-Zweiges befindet sich in Abbildung 4.6, Bild G. Das Emissionsspektrum läßt vermuten, daß bei höherer Auflösung Übergänge bis J'' = 40 verfolgt werden können. Die in Abbildung 8.4 in rot dargestellten Zuordnungskämme ergeben sich aus berechneten Linienpositionen. Dabei sind die beiden möglichen Q-Zweige überlappt. Wie schon in Kapitel 4.3.3 aufgrund der verbreiterten Linie bei J'' = 24, vermutet ist die *l*-Typ-Aufspaltung erst etwa ab diesem J-Wert zu detektieren, was auch an den berechneten Linienpositionen der Bande (Zuordnungskämme) abgelesen werden kann. Die unteren beiden Spektrenausschnitte auf der rechten Seite in Abbildung 8.4 zeigen Vergrößerungen der bereits erwähnten, gegenüber den Transmissionsspktren von HCP, neuen Q-Zweig-Banden. Die Auflösung ist aber für die J-Zuordnung nicht ausreichend. In Abbildung 8.5 ist deutlich dargestellt, daß es sich um neue Information handelt. Die betreffenden Banden $(050)^{5e,f} \rightarrow (040)^{4e,f}$ und $(060)^{6e,f} \rightarrow (050)^{5e,f}$ sind in den Transmissionsspektren (schwarz), die den Emissionsspektren (rot) gegenübergestellt sind, nicht vorhanden. Lediglich im oberen Bild von Abbildung 8.5 ist der schwache Q-Zweig $(040)^{4e} \rightarrow (030)^{3f}$ im Transmissionsspektrum zu erkennen und wurde zugeordnet.

Die Zuordnung der neuen Q-Zweig-Übergänge war nicht möglich, da die erzielte Auflösung von 0.0052 cm⁻¹ nicht ausreicht, die Q-Zweige aufzulösen. Eine höhere Auflösung als 0.0052 cm⁻¹ konnte nicht gewählt werden. Dazu hätte am FT-IR-Spektrometer eine Apertur < 3.15

mm eingestellt werden müssen. Mit einer kleineren Apertur konnte aber kein Emissionssignal mehr detektiert werden. Aus diesem Grund wurden auch nur 20 Scans aufgenommen. Der experimentelle Aufwand der Emissionsmessungen mit einem Hochtemperaturofen, verschiedener Kühlkreisläufe (um die Enden der Meßzelle und die optischen KBr-Zellfenster zu kühlen) und einem Flußsystems mit einer toxischen Phosphorhalogenverbindung, kann über einen längeren Zeitraum nur von einem Team bewältigt werden. Zusätzlich muß auch das FT-IR-Spektrometer bedient werden.

8.3 Literaturverzeichnis

- [1] W. QUAPP, M. HIRSCH, G. CH. MELLAU, S. KLEE, M. WINNEWISSER UND A. MAKI, Climbing the Bending Vibrational Ladder in D¹³C¹⁵N by Hot Gas Emission Spectroscopy, J. Mol. Spectrosc. 195, 284-298 (1999).
- [2] M. JUNG, Die Synthese von Methinophosphid und das hochaufgelöste FT-IR-Spektrum, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universtät Gießen, 1993.
- [3] E. MÖLLMANN, Fourier-Transform-Emissionsspektroskopie des Blausäureisotopomers D¹³CN, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universtät Gießen, 1998.

Kapitel 9

ZUSAMMENFASSUNG

In der voliegenden Arbeit wurde die hochaufgelöste FT-IR-Spektroskopie benutzt, um Infrarotspektren der dreiatomigen Moleküle H¹²CP, H¹³CP, D¹²CP, D¹³CP und HBS aufzunehmen. Von HBS konnten dabei IR-Spektren von fünf Isotopomeren, von H¹¹B³²S, H¹⁰B³²S, H¹⁰B³⁴S, H¹¹B³⁴S und H¹¹B³³S ausgewertet worden. Die Auswertung der IR-Spektren erfolgte mit Blick auf die Zuordnung der Rotations-Schwingungszustände, wodurch molekülspektroskopische Konstanten erhalten wurden. Die Bestimmung absoluter Intensitäten der einzelnen Übergänge war nicht Bestandteil der vorliegenden Arbeit, weil dazu exakte Partialdampfdrucke des beobachteten Moleküls benötigt werden. Die exakten Partialdampfdrucke sind aber aufgrund von Verunreinigungen, z. B. CO₂, in den Proben nicht bekannt. Bei allen untersuchten Molekülen handelt es sich um instabile Verbindungen. Ihre Reindarstellung ist sehr aufwendig und war für die einzelnen Projekte nicht vorgesehen.

Bereits während meiner Diplomarbeit¹ wurde die Synthese von HCP ausgearbeitet und auf die Darstellung einer möglichst reinen HCP-Probe optimiert. Im Anschluß wurde das IR-Spektrum der Knickschwingung ν_2 von HCP gemessen. Die Auswertung beschränkte sich auf die Bestimmung von Reihenentwicklungskonstanten der einzelnen P/R- und Q-Zweig Banden. Die Auswertung bezüglich effektiver Konstanten nach dem Hamiltonoperator von YAMADA et $al.^2$ konnte dann im Rahmen meiner Doktorarbeit fortgesetzt werden. Die daraus und aus neuen Messungen im spektralen Bereich der beiden Streckschwingungen ν_1 und ν_3 berechneten Molekülkonstanten, erlaubten zum ersten Mal die experimentelle Beschreibung der Fermi-Resonanz zwischen Rotations-Vibrationszuständen von HCP. Die Ergebnisse, insbesondere die Beschreibung von zwei Fermi-Resonanz-Diaden (020)/(001) und (030)/(011) sind in meiner Publikation JUNG et al. veröffentlicht. Durch die weitere Auswertung von HCP IR-Spektren konnte auch die Fermi-Resonanz-Triade (040)/(021)/(002) durch effektive Konstanten vollständig beschrieben werden. Wie schon in der Einleitung der vorliegenden Arbeit aufgezeigt, sind die in Giessen bestimmten Werte des Fermi-Resonanz-Elementes sehr hilfreich für die Zuordnung von hoch angeregten Knickschwingungszuständen bis $v_2 = 40$ und mehr, wie sie durch die SEP- (Stimulated Emission Pumping) Methode erhalten werden können.

Die bei der Darstellung und den FT-IR-Messungen von HCP gewonnene Erfahrung wurde gewinnbringend in die spektroskopische Bearbeitung von DCP eingebracht. Dabei wurde ein anderer Syntheseweg als noch für die Darstellung von HCP verfolgt. In der Folge wurden etwa 3000 Übergänge, mehr als bei HCP, zugeordnet. An die Meßdaten wurden danach Molekülparameter des Hamiltonparameters nach YAMADA *et al.*², durch die Methode der kleinsten Fehlerquadrate, angepaßt. Durch diese Betrachtung konnte ebenfalls zum ersten Mal die

¹M. JUNG, Die Synthese von Methinophosphid (HCP) und das hochaufgelöste FT-IR-Spektrum, Diplomarbeit, Justus-Liebig-Universität Giessen, 1993.

²K. M. T. YAMADA, F. W. BIRSS UND M. ALIEV, Effective Hamiltonian for Polyatomic Linear Molecules, J. Mol. Spectrosc. 112, 347–356 (1985).

Fermi-Resonanz-Kopplung von verschiedenen Rotations-Vibrationsniveaus experimentell nachgewiesen werden. Die Fermi-Resonanzen unter den Zuständen (100)/(002), (110)/(012) und (200)/(004)/(102) für D¹²CP wurden vollständig beschrieben. Für die Zustände (120)/(022)und die Fermi-Resonanz-Triade (210)/(112)/(014) wurde die Fermi-Resonanz-Wechselwirkung der Rotations-Vibrationsniveaus simuliert, da keine Übergänge zu den Energieniveaus (022) und (014) gemessen werden konnten. Im Rahmen der Simulation mußten die beiden zugehörigen Termwerte abgeschätzt werden.

Das dreiatomige Molekül HBS erweckte unser Interesse, da bisher noch keine spektroskopischen Ergebnisse bezüglich des Termwertes der Knickschwiungung ν_2 vorliegen. Die in der Literatur beschriebenen IR-Spektren von HBS wurden aus den Arbeitsgruppen um MAKI³ und MILLS⁴ vorgelegt. Das IR-Spektrum der Knickschwingung ν_2 konnte noch nicht gemessen werden, da Übergänge im Bandensystem $(010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$ sehr schwach sind. Auch die Giessener FT-IR-Messungen konnten trotz verschiedener Experimente (Diodenlaserspektroskopie, FT-IR-Spektroskopie in Absorption und Emission) keine Übergänge detektieren. Allerdings wurden eine Reihe von noch nicht publizierten Banden gemessen. Dies ergab zusätzliche Reihenentwicklungsund effektive Konstanten, die in der vorliegenden Arbeit mitgeteilt werden.

Während der Messungen zu HBS wurde zufällig das Rotations-Schwingungs FT-IR-Spektrum von HBCl₂ aufgezeichnet. Im einzelnen wurden die folgenden Banden gemessen: die ν_1 (BH-Streckschwingung), die ν_5 (HBCl-Knickschwingung) und die ν_6 (BCl₂-antisymmetrische Streckschwingung). In der Literatur gibt es bisher nur eine Analyse der Rotationsstruktur der ν_1 . Die Auflösung des IR-Spektrums von LYNDS und BASS⁵ ist aber so schlecht, daß die einzelnen Q-Zweige nicht aufgelöst sind. Das gleiche IR-Spektrum von HBCl₂ wurde auch zufällig von der Gruppe um P. Bernath (University of Waterloo, Ontario, Kanada) gemessen und 1998 auf dem Spektroskopiekongress in Columbus, Ohio, USA, vorgestellt. Nach einer persönlichen Mitteilung von Prof. Bernath wird es aber von ihm keine Publikation in einer wissenschaftlichen Zeitschrift zum IR-Spektrum von HBCl₂ geben. Eine Auswertung des in Giessen gemessenen IR-Spektrums ist daher möglich.

Das Kapitel zur Emissionsspektroskopie ist zwar relativ kurz, jedoch wurde viel Arbeit in die Vorbereitung und Durchführung der Experimente investiert. Die Ergebnisse bezüglich der FT-IR-Messungen von HBS waren sehr enttäuschend, da keine Übergänge gemessen werden konnten. Das eigentliche Ziel der Emissionsmessungen war die bisher noch nicht beobachtete Knickschwingung ν_2 von HBS. Im Anschluß an die Messungen von HBS wurde noch ein FT-IR-Emissionsspektrum von HCP gemessen, welches ausführlich besprochen ist.

³R. L. SAMS AND A. G. MAKI, High Resolution Infrared Measurements of ν_1 and Force-Field Calculations for Thioborine (HBS), J. Molec. Spectrosc. 26, 107–115 (1975).

⁴P. TURNER UND I. M. MILLS, The Infrared Spectrum, Equilibrium Structure and Harmonic and Anharmonic Force Field of Thioborine, HBS, *Mol. Physics* 46, 161–170 (1982).

⁵L. LYNDS UND C. D. BASS, Infrared Spectrum of ν_2 of Dichloroborane and Dichlorborane-d, J. Chem. Phys. 40, 1590–1593 (1964).

Anhang A

Danksagung

Mein herzlicher Dank gilt meinem Lehrer Herrn Prof. Dr. Manfred Winnewisser für die wissenschaftliche Betreuung dieser Arbeit. Die durch ihn besonders geförderte internationale Arbeitsatmosphäre war für mich eine große Bereicherung.

Frau Dr. Brenda P. Winnewisser möchte ich für die gute Zusammenarbeit in Bezug auf die Diskussion der Ergebnisse der Fits der effektiven Konstanten danken.

Insbesondere möchte ich Dr. Stefan Klee Dipl. Ing. Georg Ch. Mellau und Dr. Michael Lock, für die ausgezeichnete Zusammenarbeit bei den apparativen Entwicklungen und den FT-IR-Messungen danken.

Für die Bereitstellung des Computerprogramms LINC danke ich Dr. Brenda P. Winnewisser und Dr. Koichi M. T. Yamada. Dr. Fred Stroh möchte ich für die Computerprogramme LW51, QBRASS und FITEFF danken. Dr. Karen A. Keppler gilt mein Dank für das Programm WEIGHTS. Herrn Dr. Markus Mengel danke ich für die Einführung in Berechnungen nach dem Monte-Carlo Prinzip. Daraus entstand das Programm MCFermi.

Ich bedanke mich bei Herrn Dipl. Chemiker Ralf Petry für die Hilfe beim Aufbau und der Durchführung der IR-Messungen am Giessener Diodenlaserspektrometer.

Dr. Jürgen Preußer danke ich ganz besonders für die für vielen Hilfestellungen im Zusammenhang mit Hard- und Softwarefragen. Von ihrer praktischen Hilfe konnte ich in besonderem Maße profitieren, die auch wesentlich zum Entstehen dieser Arbeit beitrug. Mein Dank gebührt auch Herrn Dr. Jürgen Witzke für die Hilfe bei der Lösung von Hard- und Softwareproblemen.

Dr. Farzad Mirzaie danke ich für die Hilfe und die Gelegenheit, die Darstellung von Dichlormethylphosphan (CDCl₂PH₂), des Pyrolysevorläufers von DCP, zumindest teilweise in seinem Labor (Institut für Organische Chemie, JLU) auszuführen. Dr. Hans Peter Reisenauer danke ich für die Diskussionen zur Darstellung von kleinen Molekülen.

Prof. Jacek Koput möchte ich für die Diskussionen und die theoretischen Berechnungen zu HCP und DCP danken.

Bei Frau Dipl.-Chem. Gabriele Schulze bedanke ich mich für die freundliche Zusammenarbeit und die vielen Diskussionen zur Spektroskopie. Ein besonderer Dank gilt Dr. Kastriot Islami für die kompetente mathematische Beratung, die ich dann in entsprechende Mathematica Programm-Routinen umsetzen konnte. Seine Persönlichkeit trug zu einem angenehmen Arbeitsklima bei.

Weiterhin gilt mein Dank allen Mitarbeitern des Physikalisch-Chemischen-Instituts, sowie Herrn Rühl aus dem Anorganisch-Chemischen-Institut der Justus-Liebig-Universität für die zahlreichen Diskussionen zur Konstruktion eines Hochtemperaturofens.

Herrn Willi Sack, Herrn Harry Heidt, Herrn Gerd Pfeifer und Herrn Sascha Lember aus der feinmechanischen Werkstatt, Herrn Harald Weigand und Herrn Jochen Hamann aus der Elektronikwerkstatt möchte ich für die Fertigungsarbeiten danken, ohne die meine Arbeit nicht möglich gewesen wäre. Herrn Wolfgang Karg, Herrn Eugen Möllmann und Herrn Sascha Lember danke ich auch für das Anfertigen verschiedener Zeichnungen, die in dieser Arbeit enthalten sind. Ein besonderer Dank gilt Frau Ute Lubbadeh für die immer freundliche Hilfe bei der Erledigung von Formalitäten.

Dem Hochschulrechenzentrum der Justus-Liebig-Universität danke ich für die Bereitstellung der notwendigen Hard- und Software. Die Sach- und Personalmittel für diese Arbeit wurden von der Deutschen Forschungsgemeinschaft, dem Fonds der chemischen Industrie und der Justus-Liebig-Universität bereitgestellt. Die finanzielle Unterstützung ermöglichte auch die Teilnahme an mehreren internationalen Konferenzen.

Ich danke Frau Stephanie Karg, Frau Gabriele Schulze und Herrn Dr. Stefan Klee für das zeitraubende Korrekturlesen dieser Arbeit.

Ganz besonders danke ich meinen Eltern für ihre hilfreiche und großzügige Unterstützung, die sie mir in allen Belangen während meiner Ausbildung gewährten.

Anhang B

Lebenslauf

Name:	Michael Jung	
Studium:	Studium der Anglistik von 1983 bis 1986 an der Philipps Universität in Marburg Beginn des Chemiestudiums (Diplom) im Sommersemester 1986 an der Justus-Liebig-Universität in Giessen Diplom-Zeugnis Oktober 1993, Schwerpunkt Fourier-Transform Infrarot-Spektroskopie, Beginn der Doktorarbeit 1994 bei Prof. Dr. Winnewisser wissenschaftlicher Mitarbeiter am Institut für physikalische Chemie	
Stipendium:	DAAD Sprach-Stipendium (Kulturaustauschprogramm) in der V.R. China an der Nan Da Universität in Nanjing (Sep-Dez 1997)	
Praktika:	Werkstudent Bayer AG Leverkusen 1989 und 1990 Praktikum bei NHSP (Joint Venture der Robert Bosch GmbH in Nanjing) Sep-Nov 1997	
Sprachkenntnisse:	Englisch (fließend), Spanisch, Französisch; Grundkenntnisse in Chinesisch, Schwedisch	
Sonstiges:	Gründung der Firma BJ Diagnostik GmbH im August 1998 mit dem Schwerpunkt: Medizinische DNA-Analysen an sehr kleinen Probenmengen	

Anhang C

Zusammenstellung der gemessenen und berechneten FT-IR-Spektren.

Die aufgezeichneten FT-IR-Spektren sind wie folgt geordnet. Das FT-IR-Spektrum einer Messung am BRUKER IFS 120 HR Interferometer (Justus-Liebig-Universiät Gießen) besteht aus einem Interferogramm, einem Phasenspektrum und einem Einkanalspektrum (single beam spectrum). Diese drei Spektren sind immer in der Datei eines Einkanalspektrums gespeichert. Die wichtigsten Meßdaten zu den einzelnen Spektren sind in den jeweiligen Kapiteln in Tabellenform beschrieben. Die Zahl der addierten Blöcke entspricht der Zahl der addierten Einkanalspektren. Bei fünf Blöcken mit 10 Scans pro Block erhält man insgesamt 50 Scans. Dabei entsteht eine neue Datei (Summenspektrum, Summe aus mehreren Teilmessungen). Aus einem Summenspektrum wird ein Transmissionsspektrum gebildet, indem man es durch das Hintergrundspektrum dividiert. Die generierten Dateinamen beginnen mit einem T, sind diese Spektren anschließend noch zerofilled, beginnen die Dateinamen mit ZT. Eine Datei, die mit ZT beginnt bezeichnet ein Transmissionsspektrum. Alle angegebenen Transmissionsspektren sind kalibriert. Die Kalibrationsdaten zu den einzelnen Transmissionsspektren sind ebenfalls in den jeweiligen Kapiteln tabellenartig erfaßt. Aus diesen kalibrierten Spektren wurden die Linienlisten erstellt. Diese Listen sind ebenfalls in der selben Datei wie das Transmissionsspektrum gespeichert und können mit OPUS (Bruker) abgerufen werden; mit diesem Programm wird auch das Giessener FT-IR-Spektrometer bedient, welches in Abbildung C.1 schematisch dargestellt ist.

Transmissionsspektren	Summenspektren	Einkanalspektren	Hintergrundspektren
HCP			
ZTGCHPDS.1	okhcpds.1	-	ghcpdb.1
ZTGHCPES.1	okhcpes.1	ghcpe.2,9,10	ghcpeb.1
ZTGHCPCS.1	ghcpcs.1	ghcpcs.1-2	ghcpcb.1
ZTGHCPGX.1	ghcpgs.1	ghcpg.1-7	ghcpfbx.1
ZTGHCPFX.1	$_{ m ghcpfs.1}$	ghcpf.3-12	ghcpfbx.1
ZTGHCPK.1	ghcpks.1	ghcpk.1-2	ghcphb.1
ZTGHCPHX.1	ghcphs.1	ghcph.1-5	ghcphbx.1
ZTGHCPIX.1	ghcpis.1	ghcp.1-6	ghcpibx.1
DCP			
ZTDCPKS.1	dcpks.1	dcph.1-4	dcpkbx.1
ZTDCPL.1	-	dcpl.1	dcpkbx.1
ZTDCPM.1	-	dcpm.1	dcpkbx.1
ZTDCPAS.1	dcpas.1	dcpa.1-8	dcpabx.1
ZTDCPBS.1	dcpbs.1	dcpb.1-8	dcpabx.1
ZTDCPGS.1	dcpgs.1	dcpg.1-15	dcpgbx.1
ZTDCPFS.1	dcpfs.1	dcpf.1-2	dcpfbx.1
ZTDCPDS.1	dcpds.1	dcpd.1-12	dcpdbx.1
ZTDCPJS.1	dcpjs.1	dcpj.1-2	dcpjb.1
HBS			
ZTGHBSFS.1	ghbsfs.1	ghbsfs.1-18	ghbsfb.1
ZTGHBSCS.1	ghbscs.1	ghbsc.1-7	ghbsbb.1
HBCl ₂			
TGHBOB.3	-	ghbob.3	ghbobb.1
TGHBOB.4	_	ghbob.4	ghbobb.1
HCP (Emission)			
THCPE.1	hcpes.1	ehcp.1-12	ehcpb.1

Tabelle C.1 Aufstellung der gemessenen Interferogramme und Phasenspektren und den daraus berechneten Einkanal-, Summen- und Transmissionsspektren.



 $\mathbf{Abbildung} \ \mathbf{C.1} \ \mathbf{Schematischer} \ \mathbf{Aufbau} \ \mathrm{des} \ \mathbf{FT}\text{-}\mathbf{IR}\text{-}\mathbf{Spektrometers} \ \mathbf{IFS} \ 120 \ \mathrm{HR} \ \mathrm{von} \ \mathbf{Bruker}.$

Anhang D

FT-IR-Infrarot spektren von $\mathbf{H}^{12}\mathbf{CP}$ und $\mathbf{H}^{13}\mathbf{CP}$

Alle Übersichtsspektren des Anhangs wurden mit dem Programm Addendumaker von G. Ch. Mellau erzeugt.

A HCP-Spektrum im Bereich $1250 - 1500 \text{ cm}^{-1}$













B HCP-Spektrum im Bereich 2470 - 2770 cm⁻¹













C HCP-Spektrum im Bereich $3100 - 3400 \text{ cm}^{-1}$





200













Anhang E

FT-IR-Infrarot spektren von $D^{12}CP$ und $D^{13}CP$

A DCP-Spektrum im Bereich $400 - 600 \text{ cm}^{-1}$
















B DCP- und HCP-Spektrum im Bereich $600 - 800 \text{ cm}^{-1}$





216





218

C DCP-Spektrum im Bereich $2170 - 2600 \text{ cm}^{-1}$





. 2216 Wellenzahl / cm⁻¹













224





D DCP-Spektrum im Bereich 3460 - 3800 cm⁻¹















D DCP-SPEKTRUM IM BEREICH $3460 - 3800 \text{ cm}^{-1}$



${\bf E} \quad {\bf DCP-Spektrum \ im \ Bereich \ 4730-5200 \ cm^{-1} }$


















F DCP-Spektrum im Bereich 5380 – 5870 cm $^{-1}$







248

















Anhang F

HCP-Emissions-Spektrum im Bereich von $450 - 900 \text{ cm}^{-1}$





















Anhang G

FT-IR-Infrarotspektren von HBS

A HBS-Spektrum im Bereich $1100 - 1300 \text{ cm}^{-1}$



268







270



A HBS-Spektrum im Bereich 1100 – 1300 $\rm cm^{-1}$

B HBS-Spektrum im Bereich 2310 - 2790 cm⁻¹






















282

Anhang H

Listen der Kalibrationslinien

Für die lineare Kalibration wurden die folgenden Tabellen benutzt. In jeder Tabelle sind die im IR-Spektrum gemessenen Linienpositionen $\tilde{\nu}_{gem}$, die gemessenen Referenzwellenzahlen $\tilde{\nu}_{ref}$ und die mit dem Kalibrationsfaktor berechneten Wellenzahlen $\tilde{\nu}_{ber}$ angegeben. Die vorletzte Spalte gibt die Differenz $\tilde{\nu}_{ref} - \tilde{\nu}_{ber}$ in Einheiten von 10^{-5} cm⁻¹ an. Die letzte Spalte gibt jeweils die Transmission der gemessenen Linienpositionen $\tilde{\nu}_{gem}$ an. Am Ende jeder Tabelle ist der berechnete Kalibrationsfaktor, der Fehler des Kalibrationsfaktors sowie der Standardmeßfehler angegeben. Die Quellen der Referenzwellenzahlen sind in den jeweiligen Kapiteln angegeben.

A Kalibrationslinien zu HCP

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	642.837357	642.838135	642.838137	0.0174	0.15
2	651.933909	651.934706	651.934701	-0.0532	0.03
3	654.994927	654.995727	654.995722	-0.0521	0.03
4	658.070123	658.070920	658.070922	0.0173	0.03
5	661.159316	661.160121	661.160119	-0.0233	0.07
6	665.818992	665.819796	665.819800	0.0413	0.58
7	667.385232	667.386040	667.386042	0.0173	0.10
8	668.469707	668.470518	668.470518	0.0035	0.03
9	668.607681	668.608489	668.608493	0.0392	0.05
10	668.753780	668.754593	668.754591	-0.0161	0.07
11	668.908000	668.908809	668.908812	0.0268	0.11
12	671.293732	671.294548	671.294547	-0.0113	0.07
13	682.770986	682.771817	682.771815	-0.0230	0.76
14	691.971504	691.972342	691.972343	0.0147	0.07
Kali	brationsfaktor		1.000001214		
Fehl	er des Kalibra	tions faktors	$0.000000001 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	dardmeeta fehle	r	$0.000003048 \ {\rm cm}^{-1}$		

Tabelle A.1 CO₂ Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPCS.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	1387.521226	1387.523240	1387.523225	-0.1455	0.42
2	1397.731273	1397.733290	1397.733287	-0.0349	0.85
3	1399.202560	1399.204590	1399.204576	-0.1424	0.38
4	1417.496724	1417.498790	1417.498767	-0.2313	0.72
5	1419.506346	1419.508410	1419.508391	-0.1884	0.16
6	1423.702440	1423.704520	1423.704491	-0.2857	0.77
7	1429.943316	1429.945390	1429.945377	-0.1338	0.51
8	1436.478541	1436.480610	1436.480611	0.0079	0.51
9	1436.816545	1436.818590	1436.818616	0.2550	0.15
10	1452.064792	1452.066900	1452.066885	-0.1526	0.80
11	1455.299607	1455.301690	1455.301704	0.1407	0.65
12	1456.508075	1456.510160	1456.510174	0.1378	0.30
13	1459.259186	1459.261290	1459.261288	-0.0186	0.62
14	1464.903342	1464.905430	1464.905453	0.2320	0.21
15	1472.049453	1472.051550	1472.051574	0.2394	0.15
16	1476.130687	1476.132840	1476.132814	-0.2574	0.50
17	1476.427079	1476.429220	1476.429206	-0.1368	0.64
18	1507.482218	1507.484370	1507.484390	0.2036	0.88
19	1533.180430	1533.182630	1533.182640	0.0950	0.45
20	1542.157952	1542.160160	1542.160174	0.1363	0.15
21	1554.350509	1554.352730	1554.352748	0.1847	0.12
22	1559.688336	1559.690580	1559.690583	0.0312	0.30
Kali	brationsfaktor		1.000001441		
Fehl	ler des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000003 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$				

Tabelle A.2 H₂O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPGX.1.

Tabelle A.3 H₂O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPFX.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	1363.061068	1363.063030	1363.063019	-0.1069	0.63
2	1387.521253	1387.523240	1387.523239	-0.0065	0.11
3	1399.202583	1399.204590	1399.204586	-0.0379	0.09
4	1409.966991	1409.969040	1409.969010	-0.3043	0.88
5	1418.931334	1418.933340	1418.933365	0.2500	0.34
6	1424.128278	1424.130320	1424.130317	-0.0299	0.48
7	1429.943335	1429.945390	1429.945382	-0.0842	0.18
8	1433.201569	1433.203620	1433.203620	0.0045	0.76
9	1436.478544	1436.480610	1436.480600	-0.0974	0.17
10	1437.024451	1437.026490	1437.026508	0.1764	0.53
11	1447.949880	1447.951950	1447.951953	0.0283	0.11
12	1455.299631	1455.301690	1455.301714	0.2441	0.31
13	1459.259222	1459.261290	1459.261311	0.2111	0.26
14	1471.479943	1471.482040	1471.482049	0.0910	0.65
15	1476.130729	1476.132840	1476.132842	0.0243	0.16
16	1476.427080	1476.429220	1476.429194	-0.2641	0.28
17	1501.843933	1501.846070	1501.846083	0.1255	0.67
18	1507.482225	1507.484370	1507.484382	0.1248	0.71
19	1509.782772	1509.784920	1509.784934	0.1367	0.45
20	1516.706142	1516.708330	1516.708313	-0.1709	0.20
21	1517.780981	1517.783180	1517.783154	-0.2608	0.57
22	1531.636377	1531.638590	1531.638569	-0.2090	0.46
23	1533.180450	1533.182630	1533.182645	0.1522	0.12
Kali	brationsfaktor		1.000001431		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000002 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ndardmeßfehler		$0.000016708 \ {\rm cm}^{-1}$		

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	2029.117917	2029.120292	2029.120280	-0.1237	0.74
2	2029.684601	2029.686956	2029.686964	0.0829	0.71
3	2033.584700	2033.587067	2033.587068	0.0083	0.52
4	2034.747300	2034.749656	2034.749669	0.1319	0.78
5	2036.265478	2036.267843	2036.267849	0.0595	0.59
6	2036.277969	2036.280358	2036.280340	-0.1803	0.75
7	2036.766816	2036.769198	2036.769188	-0.1046	0.75
8	2036.834766	2036.837158	2036.837138	-0.2038	0.35
9	2037.265826	2037.268199	2037.268198	-0.0088	0.74
10	2038.748679	2038.751066	2038.751053	-0.1316	0.70
11	2038.760104	2038.762463	2038.762478	0.1486	0.71
12	2039.238274	2039.240642	2039.240648	0.0642	0.71
13	2039.249449	2039.251807	2039.251823	0.1643	0.70
14	2040.210332	2040.212719	2040.212708	-0.1145	0.68
15	2040.221022	2040.223412	2040.223398	-0.1444	0.68
16	2041.172973	2041.175361	2041.175350	-0.1133	0.67
17	2041 183207	2041 185568	2041 185584	0 1568	0.67
18	2042 599231	2042 601620	2042 601609	-0.1067	0.64
19	2043 538276	2043 540650	2043 540655	0.0542	0.64
20	2046 298595	2016.3100995	2046 300978	-0.1736	0.62
20	2040.298595	2040.0000000	2040.000010	0.1038	0.75
21	2061 384634	2061 387037	2061 387034	-0.0280	0.47
22	2062 145281	2001.387031	2001.337034	0.1691	0.64
20	2002.143281	2062.147033	2062.147082	-0.1031	0.64
24	2002.313508	2002.313713	2002.313710	-0.0348	0.63
20	2003.212300	2003.214887	2003.214902	0.1555	0.05
20 27	2063.401034	2063.403440	2063.403437	-0.0945	0.35
21	2003.503585	2003.505782	2003.505780	0.0374	0.03
20	2003.374340	2003.377338	2003.377343	0.1073	0.03
29	2003.923974	2003.920385	2003.920317	-0.0784	0.63
21	2004.001303	2004.003943	2004.003907	0.2155	0.03
20	2004.350001	2004.959025	2004.939003	-0.1704	0.05
ು∠ ೨೨	2065.951825	2005.954228	2005.954231	0.0252	0.65
33 24	2066.283322	2000.285731	2000.289728	-0.0309	0.64
34	2066.612396	2066.614804	2066.614802	-0.0171	0.66
35	2066.629262	2066.631658	2066.631668	0.1031	0.66
36	2066.956522	2066.958907	2066.958929	0.2169	0.67
37	2067.904374	2067.906772	2067.906782	0.0979	0.70
38	2067.923678	2067.926072	2067.926086	0.1382	0.70
39	2068.221276	2068.223676	2068.223684	0.0816	0.71
40	2068.535712	2068.538142	2068.538121	-0.2147	0.72
41	2068.556290	2068.558681	2068.558699	0.1755	0.72
42	2069.157330	2069.159757	2069.159739	-0.1775	0.72
43	2069.769198	2069.771605	2069.771608	0.0297	0.75
44	2070.071449	2070.073863	2070.073859	-0.0368	0.77
45	2081.268524	2081.270959	2081.270947	-0.1165	0.40
46_{-}	2082.304128	2082.306573	2082.306553	-0.2044	0.52
47	2082.556791	2082.559210	2082.559216	0.0585	0.55
48	2083.299657	2083.302063	2083.302083	0.1972	0.64
49	2083.542239	2083.544658	2083.544665	0.0700	0.66
50	2083.782314	2083.784740	2083.784740	0.0028	0.69
51	2084.254946	2084.257362	2084.257373	0.1083	0.74
Kali	brationsfaktor		1.000001164		
Fehl	ler des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000001 \text{ cm}^{-1}$		
Star	ndardmeßfehler		$0.000012716 \text{ cm}^{-1}$		

 ${\bf Tabelle ~ A.4 ~ OCS ~ Kalibrations linien ~ zum ~ Spektrum ~ ZTHCPK.1.}$

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	2897.483006	2897.484749	2897.484836	0.8673	0.99
2	2899.676950	2899.678834	2899.678781	-0.5270	0.99
3	2901.285094	2901.286976	2901.286926	-0.5017	0.99
4	2902.339502	2902.341285	2902.341334	0.4935	0.99
5	2902.861312	2902.863111	2902.863145	0.3415	0.99
6	2903.379418	2903.381387	2903.381251	-1.3584	0.99
7	2904.405386	2904.407303	2904.407220	-0.8290	0.99
8	2904.913204	2904.914946	2904.915039	0.9274	0.99
9	2905.417392	2905.419051	2905.419227	1.7609	0.99
10	2905.917603	2905.919618	2905.919438	-1.8027	0.99
11	2906.414972	2906.416650	2906.416807	1.5741	0.99
12	2907.884614	2907.886565	2907.886450	-1.1496	0.99
13	2909.795265	2909.797105	2909.797102	-0.0305	0.99
14	2912.104317	2912.106158	2912.106156	-0.0202	0.99
15	2913.888626	2913.890226	2913.890466	2.3965	0.99
16	2914.325552	2914.327479	2914.327393	-0.8638	0.99
17	2916.039664	2916.041448	2916.041505	0.5712	0.99
18	2920.463953	2920.465649	2920.465797	1.4778	0.99
19	2921.222421	2921.224392	2921.224265	-1.2681	0.99
20	2922.334208	2922.336085	2922.336054	-0.3123	0.99
21	2923.057728	2923.059564	2923.059573	0.0930	0.99
22	2924.804513	2924.806301	2924.806360	0.5881	0.99
23	2925.809659	2925.811705	2925.811507	-1.9800	0.99
24	2926.138077	2926.139710	2926.139924	2.1443	0.99
25	2926.462320	2926.464142	2926.464168	0.2634	0.99
26	2927.414090	2927.415963	2927.415938	-0.2457	0.99
27	2928.633012	2928.634778	2928.634861	0.8347	0.99
28	2928.928675	2928.930474	2928.930525	0.5056	0.99
29	2929.220758	2929.222557	2929.222608	0.5072	0.99
30	2930.352880	2930.354674	2930.354730	0.5619	0.99
31	2930.626988	2930.628628	2930.628838	2.1008	0.99
32	2930.896854	2930.898942	2930.898704	-2.3776	0.99
33	2931.163691	2931.165613	2931.165542	-0.7124	0.99
34	2931.686226	2931.688007	2931.688078	0.7051	0.99
35	2932.686782	2932.688887	2932.688633	-2.5361	0.99
36	2933.165238	2933.167308	2933.167090	-2.1817	0.99
Kali	brationsfaktor		1.000000631		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000007 \ {\rm cm}^{-1}$		
Star	ıdardmeßfehler		$0.000129483 \ \mathrm{cm}^{-1}$		

Tabelle A.5 OCS Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPHX.1.

Tabelle A.6 OCS Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHCPIX.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	2904.405519	2904.407303	2904.407296	-0.0737	0.94
2	2904.913156	2904.914946	2904.914933	-0.1260	0.94
3	2905.417282	2905.419051	2905.419059	0.0839	0.94
4	2905.917864	2905.919618	2905.919641	0.2344	0.94
5	2906.414859	2906.416650	2906.416637	-0.1336	0.94
6	2906.908363	2906.910151	2906.910142	-0.0950	0.93
7	2907.398348	2907.400122	2907.400126	0.0441	0.93
8	2907.884801	2907.886565	2907.886580	0.1499	0.93
9	2908.367718	2908.369482	2908.369497	0.1478	0.93
10	2908.847104	2908.848877	2908.848883	0.0646	0.93
11	2909.795328	2909.797105	2909.797108	0.0275	0.93
12	2910.264139	2910.265943	2910.265919	-0.2403	0.94
13	2911.191302	2911.193074	2911.193083	0.0891	0.94
14	2911.649601	2911.651371	2911.651382	0.1138	0.94
15	2912.104357	2912.106158	2912.106139	-0.1933	0.94
16	2922.697778	2922.699591	2922.699566	-0.2454	0.94
17	2923.414233	2923.416000	2923.416021	0.2148	0.94
18	2924.804500	2924.806301	2924.806290	-0.1145	0.93
19	2926.462362	2926.464142	2926.464153	0.1056	0.93
20	2927.414166	2927.415963	2927.415957	-0.0616	0.93
21	2928.030781	2928.032568	2928.032572	0.0440	0.93
22	2928.333681	2928.335475	2928.335472	-0.0291	0.93
23	2928.632964	2928.634778	2928.634756	-0.2238	0.93
24	2929.794097	2929.795867	2929.795889	0.2226	0.94
25	2930.352881	2930.354674	2930.354673	-0.0054	0.94
Kali	Kalibrationsfaktor		1.000000612		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000001 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Stan	ndardmeßfehler		$0.000014637 \ {\rm cm^{-1}}$		

B Kalibrationslinien zu DCP

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	647.369214	647.370075	647.370072	-0.0306	0.29
2	650.408703	650.409558	650.409565	0.0697	0.27
3	654.994861	654.995727	654.995729	0.0204	0.22
4	658.070040	658.070920	658.070912	-0.0788	0.23
5	664.262266	664.263152	664.263146	-0.0567	0.62
6	667.385158	667.386040	667.386042	0.0246	0.39
7	668.218154	668.219037	668.219040	0.0257	0.12
8	668.469626	668.470518	668.470512	-0.0610	0.21
9	668.607605	668.608489	668.608491	0.0208	0.27
10	669.070236	669.071119	669.071123	0.0370	0.49
11	669.240609	669.241503	669.241496	-0.0708	0.54
12	669.725283	669.726165	669.726171	0.0557	0.45
13	671.293664	671.294548	671.294554	0.0564	0.33
14	676.018453	676.019349	676.019349	-0.0009	0.16
15	680.772106	680.773015	680.773008	-0.0680	0.14
16	682.362939	682.363841	682.363843	0.0231	0.14
17	685.553805	685.554709	685.554714	0.0454	0.17
18	700.057757	700.058686	700.058685	-0.0124	0.63
Kali	brationsfaktor		1.000001325		
Fehl	er des Kalibra	tions faktors	$0.000000002 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ndardmeßfehle	r	$0.000004916 \ \mathrm{cm}^{-1}$		

 $\label{eq:constraint} \textbf{Tabelle B.7 CO}_2 \ \text{Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPM.1.}$

Tabelle B.8 CO Kalibrationslinien zum Spektrum TDCPAS.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	2094.860106	2094.862332	2094.862271	-0.6064	0.80
2	2099.080637	2099.082735	2099.082807	0.7182	0.78
3	2103.267560	2103.269747	2103.269734	-0.1285	0.77
4	2115.626819	2115.628975	2115.629006	0.3113	0.75
5	2119.678770	2119.680959	2119.680961	0.0201	0.76
6	2123.696614	2123.698818	2123.698809	-0.0863	0.77
7	2127.680213	2127.682406	2127.682413	0.0669	0.79
8	2135.543984	2135.546180	2135.546192	0.1162	0.86
9	2154.593419	2154.595583	2154.595646	0.6311	0.78
10	2158.297505	2158.299712	2158.299736	0.2394	0.74
11	2161.966002	2161.968247	2161.968237	-0.0957	0.71
12	2165.598773	2165.601042	2165.601012	-0.2971	0.69
13	2169.195624	2169.197950	2169.197866	-0.8359	0.68
14	2176.281231	2176.283519	2176.283480	-0.3857	0.68
15	2183.221549	2183.223781	2183.223806	0.2471	0.71
16	2186.636747	2186.639055	2186.639007	-0.4776	0.73
17	2190.015276	2190.017562	2190.017540	-0.2157	0.74
18	2196.661500	2196.663692	2196.663771	0.7870	0.79
Kali	brationsfaktor		1.000001034		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000005 \ {\rm cm^{-1}}$		
Star	ndardmeßfehler		$0.000044579 \ {\rm cm}^{-1}$		

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	2094.860120	2094.862332	2094.862288	-0.4417	0.76
2	2099.080498	2099.082735	2099.082671	-0.6410	0.73
3	2103.267532	2103.269747	2103.269709	-0.3796	0.71
4	2111.540803	2111.543014	2111.542989	-0.2530	0.68
5	2115.626819	2115.628975	2115.629009	0.3373	0.68
6	2119.678770	2119.680959	2119.680964	0.0462	0.69
7	2123.696572	2123.698818	2123.698770	-0.4752	0.70
8	2127.680241	2127.682406	2127.682443	0.3701	0.73
9	2131.629429	2131.631575	2131.631635	0.5999	0.77
10	2135.543956	2135.546180	2135.546167	-0.1346	0.83
11	2150.853827	2150.856008	2150.856054	0.4569	0.82
12	2154.593363	2154.595583	2154.595593	0.1036	0.75
13	2158.297477	2158.299712	2158.299711	-0.0110	0.70
14	2161.965975	2161.968247	2161.968212	-0.3461	0.67
15	2165.598773	2165.601042	2165.601015	-0.2705	0.64
16	2176.281258	2176.283519	2176.283511	-0.0819	0.64
17	2183.221521	2183.223781	2183.223781	-0.0031	0.68
18	2186.636857	2186.639055	2186.639121	0.6573	0.70
19	2190.015276	2190.017562	2190.017543	-0.1887	0.72
20	2193.356888	2193.359157	2193.359159	0.0159	0.77
21	2196.661417	2196.663692	2196.663690	-0.0169	0.79
22	2199.928806	2199.931022	2199.931083	0.6079	0.83
Kali	brationsfaktor		1.000001035		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000004 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ıdardmeßfehler		$0.000037338 \ \mathrm{cm}^{-1}$		

Tabelle B.9 CO Kalibrationslinien zum Spektrum TDCPBS.1.

 $\label{eq:tabel_state} \textbf{Tabelle B.10} ~ \mathrm{H_2O} ~ \mathrm{Kalibrationslinien} ~ \mathrm{zum} ~ \mathrm{Spektrum} ~ \mathrm{ZTDCPGS.1}.$

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	3718.958373	3718.963130	3718.963103	-0.2687	0.50
2	3724.969683	3724.974440	3724.974421	-0.1922	0.67
3	3752.495889	3752.500690	3752.500662	-0.2821	0.49
4	3840.121198	3840.126110	3840.126082	-0.2776	0.78
5	3857.159264	3857.164190	3857.164170	-0.2009	0.55
6	3873.719492	3873.724400	3873.724419	0.1898	0.74
7	3886.072155	3886.077110	3886.077098	-0.1231	0.39
8	3899.211725	3899.216710	3899.216684	-0.2560	0.41
9	3902.244987	3902.249930	3902.249950	0.2026	0.69
10	3925.129405	3925.134350	3925.134397	0.4736	0.79
11	3942.647404	3942.652350	3942.652419	0.6865	0.59
Kalibrationsfaktor		1.000001272			
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000003 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ndardmeßfehler		$0.000034049 \ \mathrm{cm}^{-1}$		

	~	~	~	~ ~	
#	ν_{gem}	ν_{ref}	ν_{ber}	$\nu_{ber} - \nu_{ref}$	Iransmission
1	3724.969726	3724.974440	3724.974477	0.3657	0.61
2	3734.267855	3734.272650	3734.272617	-0.3257	0.53
3	3735.439976	3735.444710	3735.444740	0.2993	0.61
4	3735.487828	3735.492640	3735.492592	-0.4801	0.41
5	3738.395852	3738.400660	3738.400620	-0.4031	0.38
6	3741.301352	3741.306120	3741.306123	0.0340	0.44
7	3752.495847	3752.500690	3752.500633	-0.5732	0.43
8	3753.813835	3753.818620	3753.818622	0.0236	0.76
9	3779.757368	3779.762180	3779.762188	0.0845	0.77
10	3784.578965	3784.583700	3784.583792	0.9159	0.60
11	3797.783165	3797.787930	3797.788008	0.7843	0.72
12	3800.438275	3800.443030	3800.443122	0.9182	0.78
13	3802.960786	3802.965640	3802.965636	-0.0396	0.45
14	3839.924439	3839.929330	3839.929336	0.0618	0.55
15	3853.570822	3853.575720	3853.575737	0.1658	0.48
16	3857.159264	3857.164190	3857.164183	-0.0684	0.51
17	3864.305072	3864.309960	3864.310000	0.4027	0.66
18	3883.261590	3883.266590	3883.266542	-0.4755	0.66
19	3916.323751	3916.328730	3916.328746	0.1561	0.73
20	3917.280794	3917.285870	3917.285790	-0.8017	0.39
21	3917.357580	3917.362630	3917.362576	-0.5407	0.73
22	3942.647276	3942.652350	3942.652304	-0.4582	0.54
Kali	brationsfaktor		1.000001275		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000003 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ıdardmeßfehler		$0.000048561 \text{ cm}^{-1}$		

Tabelle B.11 H_2O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPFS.1.

Tabelle B.12 H₂O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPDS.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	5225.316480	5225.323900	5225.323953	0.5347	0.65
2	5263.968090	5263.975630	5263.975619	-0.1125	0.54
3	5338.747400	5338.755080	5338.755036	-0.4430	0.52
4	5344.517470	5344.525160	5344.525114	-0.4605	0.61
5	5428.718170	5428.726000	5428.725934	-0.6562	0.55
6	5434.912650	5434.920390	5434.920423	0.3324	0.55
$\overline{7}$	5440.862570	5440.870340	5440.870352	0.1175	0.67
8	5445.719320	5445.727040	5445.727109	0.6870	0.63
Kalibrationsfaktor		1.000001430			
Fehler des Kalibrationsfaktors		$0.000000003 \ \mathrm{cm}^{-1}$			
Stan	dardmeßfehler		$0.000049765 \ {\rm cm}^{-1}$		

 $\label{eq:table_state} \textbf{Tabelle B.13} \ \text{H}_2\text{O} \ \text{Kalibrationslinien zum Spektrum ZTDCPIS.1}.$

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	5230.807631	5230.814590	5230.814430	-1.6045	0.36
2	5441.028563	5441.035730	5441.035635	-0.9523	0.38
3	5445.719846	5445.727040	5445.726924	-1.1613	0.70
4	5469.520485	5469.527230	5469.527594	3.6381	0.65
Kali	brations faktor		1.000001300		
Fehl	er des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000023 \ {\rm cm}^{-1}$		
Star	ıdardmeßfehler		$0.000245393 \text{ cm}^{-1}$		

C Kalibrationslinien zu HBS

Tabelle C.14 H₂O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHBSCS.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	1244.136979	1244.138470	1244.138717	2.4685	0.88
2	1260.341979	1260.343840	1260.343740	-1.0031	0.84
3	1287.398443	1287.400390	1287.400241	-1.4852	0.79
4	1288.248459	1288.250250	1288.250258	0.0817	0.80
Kali	brationsfaktor		1.000001397		
Fehl	ler des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000069 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ndardmeßfehler		$0.000176184 \ \mathrm{cm}^{-1}$		

Tabelle C.15 H_2O Kalibrationslinien zum Spektrum ZTGHBSFS.1.

#	$\tilde{\nu}_{gem}$	$\tilde{\nu}_{ref}$	$\tilde{\nu}_{ber}$	$\tilde{\nu}_{ber} - \tilde{\nu}_{ref}$	Transmission
1	2317.188373	2317.195190	2317.195413	2.2287	1.01
2	2330.550574	2330.557540	2330.557654	1.1427	0.93
3	2334.149370	2334.156780	2334.156462	-3.1800	0.91
4	2337.651663	2337.658490	2337.658765	2.7494	0.89
5	2339.365791	2339.372690	2339.372898	2.0835	0.92
6	2344.360875	2344.368420	2344.367998	-4.2247	0.98
7	2345.977093	2345.984610	2345.984220	-3.8986	0.99
8	2354.426923	2354.433800	2354.434076	2.7611	0.95
9	2355.882389	2355.889830	2355.889547	-2.8307	0.93
10	2357.314086	2357.321130	2357.321248	1.1788	0.92
11	2358.720260	2358.727680	2358.727427	-2.5345	0.89
12	2360.102299	2360.109430	2360.109469	0.3915	0.90
13	2362.791326	2362.798500	2362.798505	0.0472	0.89
14	2370.261320	2370.268350	2370.268521	1.7142	0.96
15	2372.551578	2372.558550	2372.558787	2.3658	0.99
Kali	ibrationsfaktor		1.000003038		
Fehl	ler des Kalibrat	ionsfaktors	$0.000000028 \ \mathrm{cm}^{-1}$		
Star	ndardmeßfehler		$0.000258392 \ \mathrm{cm}^{-1}$		

Anhang I Linienlisten von $H^{12}CP$, $H^{13}CP$

Wie die Tabellen zu lesen sind: Die Linien (FT-IR-Übergänge) sind nach Subbanden geordnet. Jeder Eintrag in diesen Tabellen führt die Quantenzahl J'' des unteren Rotationsvibrationsniveaus, die beobachtete Wellenzahl $\tilde{\nu}$ in cm⁻¹ des Übergangs, die experimentelle Unsicherheit in 10⁻⁶ cm⁻¹und zwei verschiedenen Spalten mit den Abweichungen der gemessenen gegenüber der berechneten Linienpositionen auf. Die Spalte Δ_{eff} enthält die Abweichungen, die aus den Fits des effektiven Hamiltionians nach YAMADA et al., entstanden. Die Spalte Δ_{ps} zeigt die Abweichungen aus den Fits der Reihenentwicklung in J(J+1). Die Abweichung werden in Einheiten von 10⁻⁶ cm⁻¹ mitgeteilt. Wellenzahlen die mit einem * markiert sind wurden nicht im Fit benutzt. Alle Linien sind mit $1/(\delta \tilde{\nu})^2$ in allen Fits gewichtet.

Α Tabellen zu HCP

		P-Zv	veig		G	Q-Zwe	eig		l	R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	_				_				675.364062*		-675	-665
1	_				674.035298	47	-47	-48	676.695962	49	21	31
2	_				674.040441	31	6	5	678.026424	33	28	38
3	670.032738	69	-27	-19	674.048072	25	2	1	679.356064	33	-20	-11
4	668.698029	45	-38	-31	674.058257	22	9	8	680.684979	25	-9	0
5	667.362720	38	-2	5	674.070964	20	-4	-5	682.013078	25	-12	-4
6	666.026741	28	-3	4	674.086229	18	-1	$^{-1}$	683.340376	22	2	10
7	664.690144	28	-6	0	674.104023	18	-7	-7	684.666805	21	-16	-9
8	663.352940	23	-17	-12	674.124370	17	2	2	685.992409	20	-4	2
9	662.015167	23	-14	-10	674.147239	17	-2	$^{-1}$	687.317120	19	-13	-8
10	660.676822	21	-16	-12	674.172648	17	2	3	688.640953	19	-10	-7
11	659.337944	20	1	4	674.200581	17	0	1	689.963898	18	13	15
12	657.998512	20	-1	1	674.231044	17	2	3	691.285872	19	-9	-8
13	656.658572	19	8	11	674.264020	17	-7	-5	692.606932	19	0	0
14	655.318098	20	-12	-10	674.299533	17	2	4	693.927022	19	3	0
15	653.977153	20	-14	-13	674.337544	18	-6	-4	695.246112	20	-14	-18
16	652.635771	20	20	20	674.378084	18	3	6	696.564240	20	8	2
17	651.293882	22	5	5	674.421120	18	2	5	697.881335	22	15	8
18	649.951565	22	4	4	674.466646	19	-11	-8	699.197385	23	14	6
19	648.608833	24	16	16	674.514700	19	7	10	700.512376	25	11	2
20	647.265654	25	-5	-6	674.565222	20	1	5	701.826309	27	25	15
21	645.922111	28	7	5	674.618220	21	-14	$^{-10}$	703.139118	29	9	-1
22	644.578173	30	7	6	674.673734	22	7	11	704.450834	33	14	4
23	643.233876	32	17	15	674.731688	23	-6	-2	705.761404	34	5	-5
24	641.889184	38	-15	-16	674.792112	25	-16	-11	707.070846	40	20	12
25	640.544201	38	3	1	674.855007	27	-15	-11	708.379083	42	1	-4
26	639.198897	47	25	23	674.920383	28	13	18	709.686153	51	6	4
27	637.853215	48	-20	-22	674.988164	32	1	5	710.992010	55	9	11
28	636.507302	61	1	$^{-1}$	675.058381	34	-15	-11	-			
29	635.161050	65	-34	-36	675.131051	39	-7	-4	_			
30	633.814589	74	-9	-11	675.206131	43	-12	-9	-			
31	632.467882	90	25	23	675.283630	50	-13	-10	-			
32	631.120865	40	-8	-11	675.364062*		515	517	-			
33	629.773641	30	-21	-23	675.445853	67	5	7	-			
									Fortsetzung au	ıf der	nächster	. Seite

Tabelle A.1 $H^{12}CP (010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zv	veig			Q-Zwe	eig		_	R-Zw	veig	
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
34	628.426234	21	-2	-4	675.530559	82	23	25	-			
35	627.078606	18	-2	-5	675.617602	104	1	2	—			
36	625.730788	15	-5	-8	(675.707034)				-			
37	624.382810	13	8	5	675.798 809 [°]	29	-16	-16	-			
38	623.034656	13	6	3	675.892947	22	-17	-17	-			
39	621.686363	12	15	11	675.989437	19	-2	-3	-			
40	620.337918	13	7	4	676.088251	16	11	10	-			
41	618.989339	14	-10	-14	676.189359	15	4	1	-			
42	617.640690	16	12	9	676.292782	15	7	5	-			
43	616.291901	20	-6	-10	676.398488	16	3	0	_			
44	614.943054	23	3	-1	676.506473	17	-3	-5	-			
45	613.594118	30	-4	-7	676.616742	20	8	6	_			
46	612.245138	33	7	5	676.729263	23	16	14	-			
47	610.896055	50	-36	-37	676.844008	28	6	4	-			
48	609.547061	52	48	48	676.960959	35	-28	-28	_			
49	-				677.080142	46	-45	-45	-			
50	-				677.201542	53	-49	-46	_			
51	_				677.325271*		89	93	-			
52	-				677.450915	103	-34	-27	_			
53	-				677.578797	136	-79	-68	_			
54	_				677.709056	106	107	122	_			
55	—				677.841127	106	-25	-6	-			

Tabelle A.1 Fortsetzung von $H^{12}CP (010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

 $\textbf{Tabelle A.2} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (020)^{0e} \leftarrow ~ (010)^{1e,f}$

		P-Zv	veig			Q-Zv	veig		F	R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				660.945845	15	-45	-42	663.617598	37	0	16
2	658.285307	16	12	28	660.943981	13	21	24	664.956356	23	-5	8
3	656.958013	14	13	27	660.941076	12	20	23	666.297365	17	15	26
4	655.633047	13	5	15	660.937158	12	-12	-8	(667.640534)			
5	654.310429	12	-1	6	660.932290	13	2	6	668.985894	16	15	19
6	652.990175	12	10	13	660.926385	13	-8	-4	670.333341	14	-6	-7
7	651.672249	12	0	$^{-1}$	660.919455	14	-13	-8	671.682914	16	15	12
8	650.356686	12	9	4	660.911476	15	-12	-7	673.034480	14	-8	-15
9	649.043440	13	-3	-12	660.902418	15	-11	-5	674.388053	16	-16	-25
10	647.732546	12	10	-2	660.892255	16	-5	0	675.743592	14	3	-8
11	646.423942	13	$^{-1}$	-16	660.880939	16	-12	-6	677.100976	16	-18	-31
12	645.117648	12	1	-15	660.868457	16	-8	-1	678.460376*		149	137
13	643.813629	13	2	-14	660.854764	16	1	8	679.821214	15	-11	-23
14	642.511850	12	-8	-24	660.839798	15	-6	2	681.183927	15	2	-7
15	641.212324	13	9	-5	660.823523	16	$^{-19}$	-11	682.548245	14	-13	-19
16	639.914959	12	-7	-17	660.805922	15	-6	1	683.914157	15	5	2
17	638.619780	13	4	-3	660.786908	14	-3	4	685.281537	13	3	5
18	637.326694	13	-15	-17	660.766432	14	-5	2	686.650313	14	-11	-5
19	636.035731	13	7	11	660.744444	13	-3	3	688.020439	13	-2	7
20	634.746762	13	-13	-4	660.720877	13	-3	3	689.391800	13	-2	11
21	633.459819	13	2	16	660.695670	13	-2	3	690.764315	14	-2	13
22	632.174793	14	-4	14	660.668750	12	-6	-3	692.137900	14	4	19
23	630.891675	14	12	32	660.640058	12	-4	-2	693.512443	15	-3	10
24	629.610351	15	-6	15	660.609516	12	-1	-1	694.887877	15	8	17
25	628.330817	15	-1	16	660.577045	13	0	-2	696.264095	16	29	32
26	627.052986	16	0	13	660.542568	13	-1	-4	697.640930	18	-5	-10
27	625.776794	16	2	6	660.506016	14	10	6	699.018375	18	6	-9
28	624.502170	18	1	-7	660.467288	15	13	8	700.396256	21	-6	-32
29	623.229058	20	12	-10	660.426295	16	7	1	701.774512	23	8	-27
30	621.957371	23	23	-16	660.382967	18	8	3	703.152976	25	-7	-49
31	620.687017	26	17	-39	660.337187	21	-10	-15	704.531586	32	1	-41
32	619.417949	29	26	-46	660.288864	22	-47	-50	705.910173	34	-21	-53
33	618.150071	37	34	-50	660.238050	27	42	42	707.288694	43	2	-6
34	616.883330	40	70	-19	660.184402	32	10	13	708.666932	48	-29	9
35	615.617548	47	40	-41	660.128001	39	33	39	710.044883	57	2	115
36	614.352812	58	116	61	660.068631	47	-8	2	711.422325	70	-6	220
37	613.088876	79	138	135	660.006296	59	-12	1	-			
38	611.825629	93	82	167	659.940851	77	-24	-10	_			
39	-				659.872198	89	-45	-35	_			
40	-				659.800241	129	-72	-72	_			
41	-				659.725057	191	69	49	_			
42	_				659.646245	225	76	22	_			

		P-Zw	eig		(Q-Zv	veig			R-Zv	veig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				_				681.125 485	15	-9	-4
2	-				-				682.464476	14	-17	-11
3	-				678.468749	14	16	8	683.805836	15	8	14
4	673.141159	28	-15	-14	678.478200	14	3	-5	685.149486	14	-9	-2
5	671.818907	24	-1	0	678.490036	15	11	3	686.495481	15	-14	-7
6	670.499114	17	-13	-13	678.504224	16	9	0	687.843832	14	1	9
7	669.181877	17	12	11	678.520772	18	5	-4	689.194497	14	-11	-3
8	667.867152	15	-8	-9	678.539682	18	4	-5	690.547540	15	2	10
9	666.555060	15	7	7	678.560952	19	5	-3	691.902923	14	-11	-3
10	665.245576	14	-10	-11	678.584570	20	-1	-8	693.260711	15	-1	7
11	663.938830	13	21	20	678.610550	20	3	-4	694.620884	14	-8	-1
12	662.634777	13	7	5	678.638878	20	6	-1	695.983487	14	-12	-5
13	661.333532	13	7	5	678.669551	21	6	1	697.348554	15	-3	2
14	660.035120	13	-10	-12	678.702557	20	-3	-8	698.716101	14	4	7
15	658.739650	12	3	1	678.737915	20	1	-3	700.086147	15	-6	-4
16	657.447147	13	8	6	678.775612	20	7	5	701.458760	15	-1	0
17	656.157667	12	-5	-8	678.815627	19	1	-1	702.833950	15	-9	-10
18	654.871321	13	3	0	678.857977	18	2	2	704.211798	15	7	5
19	653.588148	13	-1	-4	678.902662	18	16	18	705.592307	15	5	2
20	652.308238	13	-4	-7	678.949636	17	2	6	706.975 535	16	-5	-10
21	651.031684	14	7	4	678.998928	17	-6	-1	708.361563	16	6	1
22	649.758535	14	-1	-3	679.050534	16	-7	0	709.750407	17	-1	-6
23	648.488907	16	4	2	679.104440	16	-8	0	711.142172	17	24	20
24	647.222867	16	-1	-2	679.160643	16	-8	3	712.536828	18	-10	-13
25	645.960536	18	15	16	679.219128	16	-13	-1	-			
26	644.701955	19	0	2	679.279901	16	-12	0	-			
27	643.447276	22	10	13	679.342960	17	0	13	-			
28	642.196543	25	-9	-5	679.408261	17	-14	-1	-			
29	640.949948	28	34	38	679.475829	18	-20	-9	-			
30	639.707472	32	19	23	679.545652	19	-24	-16	-			
31	638.469162	29	-113	-110	679.617737	21	-11	-6	-			
32	637.235519	43	34	34	679.692051	23	-4	-4	-			
33	636.006228	52	39	33	679.768599	25	9	2	-			
34	634.781512	67	14	1	679.847362	30	19	2	-			
35	633.561620	81	100	76	679.928340	33	35	5	-			
36	632.346429	93	62	24	680.011510	41	43	-2	-			
37	631.136150*		2	-56	680.096892	96	73	9	-			
38	629.931053	152	78	-6	680.184431	106	80	-6	-			
39	628.731063	160	104	-12	680.274109	223	57	-56	-			

Tabelle A.3 $\mathrm{H}^{12}\mathrm{CP} \ (020)^{2\mathrm{e},\mathrm{f}} \leftarrow (010)^{1\mathrm{e}}$

 $\textbf{Tabelle A.4} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (020)^{2\mathrm{e},\mathrm{f}} \leftarrow (010)^{1\mathrm{f}}$

$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $			P-Zw	eig			Q-Zw	veig		F	R-Zv	veig	
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1	-				-				681.122242	15	12	21
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2	-				678.451871	17	15	0	682.454674	14	-19	-10
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	3	674.446276	64	-53	-46	678.449209	14	21	7	683.786211	15	0	9
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	4	673.108536	28	-16	-11	678.445653	14	5	-7	685.116753	14	-11	-3
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	5	671.769951	24	1	6	678.441258	15	9	-1	686,446331	15	-6	1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	6	670.430537	17	-2	2	678,436026	16	16	8	687.774906	14	-5	2
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	7	669.090347	17	12	15	678,429,943	17	-8	-14	689 102 459	14	-10	-4
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	8	667.749346	15	-11	-8	678.423107	18	9	5	690.428997	14	5	10
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9	666 407 623	14	4	5	678 415 475	19	-4	-6	691 754 457	14	-6	-2
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10	665 065 122	14	-17	-17	678 407 122	20	-4	-4	693 078853	15	-11	-7
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	11	663 721 937	13	4	4	678 398 082	20	8	8	694 402178	14	1	4
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	12	662 378 021	14	3	2	678 388 357	20	-6	-5	695 724 371	15	-12	-10
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	13	661 033 414	12	5	4	678 378 034	20	-1	1	697 045 460	15	_4	-3
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	14	659 688 119	13	_4	-6	678 367 129	20	-7	-5	698 365 388	15	-15	-15
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	15	658 342 174	12	-3	-4	678 355 713	19	-1	õ	699 684 186	15	6	5
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	16	656 995 573	12	-12	-13	678 343 831	18	7	8 8	701 001 789	14	11	10
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	17	655.648368	13	4	-3	678.331521	18	1	ŏ	702.318173	16	-4	-5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	18	654 300 528	12	-2	-3	678 318 875	17	12	10	703 633363	15	4	3
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	19	652 952 105	13	7	7	678 305 913	17	-1	-6	704 947 300	16	-6	-6
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	20	651.603089	13	5	5	678 292 747	16	7	Ō	706.260001	15	4	4
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	21	650.253505	13	1	2	678 279 421	15	11	2	707 571 406	16	-10	-8
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	22	648.903368	14	-5	-3	678.266 007	15	11	1	708.881557	16	15	19
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	23	647.552713	14	7	10	678.252 580	14	7	-4	710.190355	16	-1	5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	24	646.201524	16	5	9	678.239228	14	9	-2	711 497819	18	-20	-13
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	25	644.849813	16	-14	-8	678.226025	14	11	1	712.803961	18	-12	$^{-1}$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	26	643.497647	19	3	9	678.213041	14	-1	-9	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	27	642.144968	20	-17	-12	678.200397	14	8	3	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	28	640.791868	22	2	6	678 188 137	15	-6	-8	_			
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	29	639.438267	26	-34	-32	678.176400	15	6	9	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	30	638.084305	27	1	0	678.165243	16	9	16	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	31	636.729889	34	-2	-7	678.154746	17	-13	-2	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	32	635.375101	36	27	15	678.145066	19	2	17	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	33	634.019927	46	58	37	678.136185	21	-61	-45	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	34	632.664273	48	-17	-49	678 128 397	24	-8	7	_			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	35	631.308445	63	95	49	678.121646	28	7	16	_			
37 628.595566 87 122 37 678.111834 106 98 72 - 38 627.238573 543 68 -44 - - - 39 625.881373 743 113 -30 - - - 40 624.523828* 105 -75 - - - 41 623.165894 247 -11 -235 - -	36	629.952145	62	81	18	678 116 043	32	-6	-10	_			
38 627.238573 543 68 -44 - - 39 625.881373 743 113 -30 - - 40 624.523828* 105 -75 - - 41 623.165894 247 -11 -235 - -	37	628.595566	87	122	37	678.111834	106	98	72	-			
39 625.881373 743 113 -30 - - 40 624.523828* 105 -75 - - 41 623.165894 247 -11 -235 - -	38	627.238573	543	68	-44	_				-			
40 624.523828* 105 -75 - - 41 623.165894 247 -11 -235 - -	39	625.881373	743	113	-30	-				-			
41 623.165894 247 -11 -235 -	40	624.523828*		105	-75	-				-			
	41	623.165 894	247	-11	-235	-				-			

	$\begin{array}{c c} & P\text{-}Zweig \\ \hline & \tilde{\nu}_{obs} & \delta\tilde{\nu} & \Delta_{eff} & \Delta_{p} \\ \hline & - & \\ & - & & - & \\ & - & \\ & - & \\ & - & & - & \\ & - & & - & \\ & - & & \\$				(Q-Zw	eig		F	R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	_				_				666.973442	350	17	24
1	-				665.645705	155	40	21	668.302075	173	23	31
2	662.970430*		-314	-308	665.653038	96	12	-6	669.627661	134	-190	-181
3	661.630853	250	-132	-125	665.664097	67	23	5	670.950821	93	12	21
4	(660.288500)				665.678836	55	18	2	672.270853	100	-63	-54
5	658.943221	108	-96	-89	665.697285	47	16	1	673.588280	64	115	125
6	657.595442	100	-25	-17	665.719463	40	22	9	674.902554	72	4	13
7	656.244925	84	-58	-50	665.745372	36	22	11	676.214284*		215	224
8	654.891878	73	-23	-14	665.775021	35	5	-4	677.522708	62	-14	-5
9	653.536233	69	-25	-16	665.808459	32	$^{-1}$	-9	678.828520	65	9	16
10	652.178089	56	-7	2	665.845693	32	-14	-22	680.131415	61	-26	-21
11	650.817423	62	-35	-27	665.886798	32	13	7	681.431546	56	25	28
12	649.454416	62	26	33	665.931716	32	-6	-12	682.728767	56	7	7
13	648.088910	64	-31	-24	665.980567	32	16	10	684.023178	59	6	2
14	646.721181	43	19	25	666.033326	31	20	14	685.314774	56	2	-6
15	645.351086	63	-20	-16	666.090045	34	21	16	686.603596	60	17	6
16	643.978824	73	-6	-3	666.150715	32	-27	-33	687.889589	61	-24	-38
17	642.604418	68	25	27	666.215550	36	47	40	689.172870	66	-28	-45
18	641.227838	78	-18	-17	666.284340	41	-9	-16	690.453474	67	14	-4
19	639.849318	80	34	35	666.357327	43	3	-4	691.731366	66	39	21
20	(638.468742)				666.434473	48	-2	-8	693.006515	79	-17	-33
21	637.086322	93	21	23	666.515838	54	-11	-17	694.279114	91	7	-4
22	635.701949	90	-82	-79	666.601526	58	30	25	695.549064	100	-25	-29
23	634.316080	112	73	78	666.691469	60	2	$^{-1}$	(696.816517)			
24	632.928288	125	-17	-10	666.785819	77	7	6	698.081502	123	71	91
25	631.539018	171	14	23	666.884574	87	-11	$^{-10}$	699.343847	156	-29	7
26	630.148304	159	121	129	666.987818	102	-20	-18	700.603824	178	-74	-17
27	628.755898	210	-29	-25	667.095629	114	4	6	701.861585	224	42	120
28	627.362219	201	-102	-106	667.208029	156	29	28	-			
29	625.967378	150	-72	-93	667.325016	187	0	-8	-			
30	624.571486	244	82	34	667.446878*		150	130	-			
31	623.174394	379	120	30	667.573331*		144	103	-			
32	621.776017*		-133	-287	_				-			

 $\textbf{Tabelle A.5} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (030)^{\mathrm{1e,f}} \leftarrow ~ (020)^{\mathrm{0e}}$

 $\textbf{Tabelle A.6} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (030)^{\mathrm{1e,f}} \leftarrow (020)^{\mathrm{2f}}$

		P-Zv	veig		C	Q-Zw	eig		F	R-Zwe	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	645.469238	375	-88	-1	-				-			
3	644.142337	383	44	126	648.116988	520	-130	-160	-			
4	642.818750	244	-170	-98	648.105695	310	40	13	-			
5	641.499290	262	66	124	648.091346	190	24	0	-			
6	640.183142	299	-77	-36	648.074145	167	30	10	-			
7	638.871126	262	203	225	648.054083	194	51	35	658.936973	390	-174	-292
8	637.562320	184	-29	-28	648.031162	150	94	83	660.303288	560	18	-131
9	636.257661	329	150	130	648.005115	165	-103	-110	661.672956	502	127	-50
10	634.956432	198	7	-32	647.976513	141	37	33	663.045953	410	150	-51
11	633.659206	286	102	47	647.944787	132	-50	-51	664.422460*		291	71
12	632.365500	225	-59	-127	647.910293	120	-2	0	665.802228*		323	90
13	631.075942	193	138	63	647.872832	136	-10	-6	667.185134	506	147	-91
14	629.789799	237	-51	-127	647.832440	139	-31	-26	668.571235	555	-154	-390
15	628.507777	197	70	0	647.789221	146	48	52	669.961998*		912	686
16	627.229496	231	111	54	647.742923	142	-17	-14	671.354324*		273	63
17	625.954774	238	-118	-155	647.693778	168	15	16	672.750408	645	152	-35
18	624.684337	245	99	90	647.641597	173	-35	-37	(674.149673)			
19	623.417387	289	-40	-16	647.586620	197	82	77	`675.551967 [*]		-303	-432
20	622.154420	402	-45	17	647.528457	194	-12	-20	676.958444*		427	329
21	620.895327	313	-30	72	647.467572	249	158	147	(678.366879)			
22	-				647.403182	250	-181	-194	`679.778663´	800	-159	-216
23	-				647.336340	255	37	24	681.193695	898	-115	-171
24	-				(647.266223)				(682.611804)			
25	-				647.193215 [´]	414	106	105	684.032793	428	30	-103
26	-				647.116933	106	$^{-16}$	-4	-			

					() ()	/						
	F	P-Zwe	eig			Q-Zwe	eig			R-	Zweig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	645.462747	273	-102	-269	-							
3	644.122979	368	125	3	648.156013	447	70	168				
4	642.779851	287	-171	-245	648.170323	280	-17	66				
5	641.434510	326	154	129	648.188322	219	14	82				
6	640.085941	334	90	111	648.209854	149	29	80				
7	638.734424	321	-76	-15	648.234972	166	105	138				
8	637.380315	261	24	118	648.263371	156	-35	-20				
9	636.023307	278	99	216	648.295430	137	20	19				
10	634.663066	232	-165	-36	648.330786	136	-56	-73				
11	633.300215	294	-120	12	648.369621	131	-41	-69				
12	631.934378	274	-114	10	648.411882	137	58	21				
13	630.565622	243	-47	60	648.457214	124	-65	-108				
14	629.193703	283	-127	-42	648.505896	123	-78	-121				
15	627.818936	263	3	60	648.557891	138	40	1				
16	626.440742	261	-192	-162	(648.612847)							
17	625.059781	284	-3	4	648.670816	141	-79	-97				
18	623.675557	379	127	120	648.732081	123	158	154				
19	622.287684	365	-132	-136	648.795844	155	-13	0				
20	620.896737	339	-145	-122	648.862609	183	-5	24				
21	(619.502563)				648.932151	175	40	84				
22	`618.104503 [*]		-288	-107	649.004247	225	-9	44				
23	616.703374	381	-122	212	649.079087	185	132	185				
24	-				649.155965	268	-145	-102				
25	-				649.235620	288	4	20				
26	-				649.317252	241	-112	-144				
27	-				649.401179	399	-63	-169				
28	-				649.487245	398	113	-99				

 $\textbf{Tabelle A.7} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (030)^{\mathrm{1e,f}} \leftarrow (020)^{\mathrm{2e}}$

Tabelle A.8 H¹²CP $(030)^{3e,f} \leftarrow (020)^{2e}$

	F	P-Zwe	eig		C)-Zwe	eig			R-Zw	eig	
J''	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	-				-				687.088256	36	43	-24
3	-				683.085637*		279	-108	688.424600	34	11	-60
4	-				683.087642	52	130	-235	689.761488	32	57	-18
5	676.416507*		239	202	683.090235	41	48	-291	691.098800	33	87	10
6	675.084938	205	95	59	683.093507	36	137	-172	692.436561	31	155	75
7	673.754336*		327	294	683.097384*		337	60	693.774748*		267	185
8	672.424066*		303	270	683.101592*		391	149	695 113292*		387	306
9	671.094076	117	-27	-59	683.106376*		563	356	696.452195*		554	475
10	669.765171	148	148	117	683.111036*		174	2	697.790842*		191	114
11	668.436450	161	-65	-95	683.116416	45	93	-45	699.129954	57	58	-14
12	667.108629	157	62	32	683.122203	44	31	-75	700.469353	62	22	-44
13	665.781173	137	6	-24	683.128410	44	32	-46	701.808989	67	78	19
14	664.454382	147	83	53	(683.134913)				703.148612	64	23	-27
15	663.127873	124	-71	-102	(683.141744)				704.488342	80	28	-11
16	661.802105	139	22	$^{-10}$	(683.148835)				705.828086	74	55	26
17	660.476705	127	14	-20	683.156170	49	20	6	707.167712	93	25	8
18	659.151803	139	59	23	683.163655	53	4	-9	708.507250	92	28	22
19	657.827226	139	12	-26	(683.171297)				709.846526	103	-50	-44
20	656.503005	151	-64	-106	683.179095	55	49	22	711.185658	114	-27	-11
21	655.179336	199	58	11	683.186831	65	-23	-63	712.524447	130	-38	-13
22	653.855769	157	-36	-88	683.194577	75	-98	-152	713.862907	154	0	32
23	652.532934*		321	264	683.202498	81	35	-32	715.200830	180	-50	-13
24	651.209909	152	247	185	683.210127	88	-42	-116	716.538347	218	14	54
25	649.886919	212	9	-57	(683.217744)				717.875170	220	-19	21
26	648.563876*		-437	-506	683.225098	121	-39	-89	719.211217	327	-154	-117
27	647.241755	349	-71	-138	(683.232298)				720.546775	104	-26	6
28	(645.919400)				(683.239174)				721.881342	568	-55	-29
29	644.597116	364	130	84	(683.245713)				723.215764*		688	709
30	-				683.251667	200	-195	188	724.547731*		-21	-4
31	_				683.257426*		-144	497	-			

	P-Zweig				Q	Q-Zweig				R-Zweig			
J''	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
2	_				-				687.088256	36	39	62	
3	-				683.085637*		261	512	688.424600	34	-7	25	
4	-				683.087642	52	75	309	689.761488	32	3	44	
5	676.416507	491	112	91	683.090235	41	-79	134	691.098800	33	-40	11	
6	675.084938	205	-160	-182	683.093507	36	-117	71	692.436561	31	-101	-41	
7	673.754336	167	-132	-153	683.097384	25	-121	42	693.774748	31	-194	-126	
8	672.424066*		-463	-483	683.101592*		-371	-237	695.113292*		-381	-306	
9	(671.095306)				683.106376*		-634	-529	696.452195*		-654	-574	
10	669.766840 [°]	190	11	-7	683.112631	45	-25	51	697.792 404	59	-61	22	
11	668.439101	159	-23	-40	683.118876	46	-37	11	699.132531	56	14	98	
12	667.112219	188	-2	-18	683.125847	42	54	75	700.472877	43	-127	-45	
13	665.786106	133	-46	-61	683.133742*		431	428	701.813943	69	17	96	
14	664.461010	169	61	46	(683.141482)				703.155232	63	-49	23	
15	663.136784	118	138	124	(683.150322)				704.497121	80	47	111	
16	661.813204	127	-74	-88	683.159887	49	40	-15	705.839289	75	-17	35	
17	660.491191*		310	296	-				707.182054	95	70	110	
18	659.169483	136	-10	-25	683.181054	54	24	-42	708.525087	101	-26	-1	
19	657.849162	146	7	-6	683.192763	54	38	-27	709.868644	110	-58	-46	
20	(656.529906)				683.205210	62	26	-33	711.212723	118	-37	-38	
21	655.211516*		-273	-278	-				712.557196	135	-103	-114	
22	653.894831	155	-18	-12	-				713.902295	146	-35	-52	
23	652.579119	185	-11	10	683.247276	77	-86	-104	715.247814	169	-55	-71	
24	651.264535	217	-146	-102	683.263052	72	-46	-48	716.593956	200	24	19	
25	(649.951549)				683.279771	81	59	70	-				
26	648.639760	278	-26	97	683.297283	119	53	74	-				
27	647.329317	446	-126	59	683.315828	106	151	175	-				
28	(646.020575)				-				-				
29	`644.713029´	417	-209	162	683.355524	159	62	52	-				
30	-				683.376835	248	-18	-74	-				
31	-				683.399281*		2	-127	-				

 $\textbf{Tabelle A.9}~\mathrm{H^{12}CP}~(030)^{3\mathrm{e,f}} \leftarrow (020)^{2\mathrm{f}}$

Q-Z weig $J^{\prime\prime}$ $\delta \tilde{\nu}$ $\tilde{\nu}_{obs}$ Δ_{eff} Δ_{ps} 5 653.011 300 461 309 6 7 652.966723 652.939957 617 -403 8 -516617 652.910314 9 619 -400 652.878847 652.842583 652.803221 10 11 310 310 917 375 310 -425 12 13 -2450 652.759900* 310

Tabelle A.10 $\mathrm{H^{12}CP}$ $(040)^{0e} \leftarrow (030)^{1f}$

Tabelle A.11 $\mathrm{H^{12}CP}$ $(040)^{2e} \leftarrow (030)^{1f}$

	Q-Zweig										
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}							
6	670.482641	674	625	197							
8	670.438629	674	447	197							
9	670.412062	674	-211	-380							
10	670.383640	673	-194	-292							
11	670.352 092*		-884	-925							
12	-										
13	670.284696	673	178	200							
14	670.247241	673	35	62							
15	670.208007	673	-49	-31							
16	670.167528	674	284	281							
17	-										
18	670.081157	674	-268	-308							
19	-										
20	669.991 477	338	6	18							

Tabelle A.12 H¹²CP $(040)^{2f} \leftarrow (030)^{1e}$

		Q-Zweig										
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}								
3	670.565 367	676	-86	90								
4	670.579346	676	82	240								
5	670.595967	676	-567	-429								
6	-											
7	670.641071	676	-391	-299								
8	670.669993*		863	932								
9	670.700326	338	52	100								
10	670.734919	338	19	49								
11	670.773253	677	240	255								
12	670.814302	677	-318	-313								
13	670.859658	678	-69	-69								
14	-											
15	-											
16	671.015946	677	-170	-161								
17	671.074774	676	-515	-498								
18	671.138635	676	643	664								
19	671.204246	673	15	33								
20	-											
21	671.347257	673	-75	-106								

	Р	Zweig		(Q-Zw	eig		F	R-Zweig			
J''	$ ilde{ u}_{obs}$ $\delta ilde{ u}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
3	_			_						_		
4	-			-						_		
5	-			-				695.929953	218	74	92	
6	-			-				697.266659	217	-97	-91	
7	_			687.923799	220	76	12	698.603735	217	-119	-111	
8	-			687.926476	220	55	-3	699.941201	220	47	64	
9	-			687.929471	220	22	-29	(701.278672)				
10	-			687.932707	220	-98	-142	(702.616291)				
11	-			687.936540	220	55	18	`703.954034´	222	-56	3	
12	-			687.940498	220	10	-19	705.291939	223	-80	-7	
13	-			687.945 008*		200	178	(706.630058)				
14	-			687.949517	220	74	59	(707.968190)				
15	-			687.954277	220	-112	-121	709.306358	340	-38	100	
16	-			687.959787	220	146	142					
17	-			687.965275	220	81	81	(711.982731)				
18	-			687.970917	220	-128	-125	(713.320520)				
19	-			687.977192	220	3	8	(714.659084)				
20	-			687.983651	329	33	36	(715.997728)				
21	-			687.990412	329	83	84	(717.335726)				
22	-			687.997349	329	34	29	(718.673776)				
23	-			688.004492	329	-78	-91	(720.011711)				

Tabelle A.13 $\mathrm{H}^{12}\mathrm{CP} \ (040)^{4e} \leftarrow (030)^{3\mathrm{e},\mathrm{f}}$

Tabelle A.14 H¹²CP $(040)^{0e} \leftarrow (020)^{0e}$

		P-Zwei	g		R-Zweig					
J''	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
2	-			1140		1322.702113	14364	-116	153	
3	-			-282		1324.038750	10773	198	430	
4	-					1325.375299	11012	-10	178	
5	1312.030948	7481	-112	10		1326.712141	5327	-313	-171	
6	1310.700300	8559	439	497		1328.050434	8858	499	595	
7	1309.369415	5027	143	135		1329.387511	4309	-183	-130	
8	-					-				
9	1306.709685	4429	-198	-326		1332.063595	4369	-194	-201	
10	1305.381413	4070	369	195		1333.401975	3591	-3	-22	
11	1304.052845	3950	108	-98		1334.740040	2633	-112	-132	
12	1302.724904	3830	-24	-247		1336.078442	4728	223	214	
13	1301.397603	4309	31	-193		1337.415830	3711	-250	-240	
14	1300.070956	3771	335	127		-			562	
15	1298.745170*		1157	977		—				
16	-					1341.426431*		-874	-833	
17	-					1342.762745	5267	-429	-428	
18	-					1344.098175	4848	-29	-125	
19	-					1345.432311	5267	71	-204	
20	-					1346.765063	4788	-51	-617	
21	-					1348.097095	6105	448	-558	
22	-					1349.428435*		1788	151	

		P-Zwei	g			R-Zweig					
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	_	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
3	_					1324.021896	14364	-198	-54		
4	1313.345516	14304	-11	289		1325.359070	7362	-259	-159		
5	1312.013704	6464	-69	224		1326.697193	6105	9	60		
6	1310.682776	4309	34	310		1328.035434	5566	-252	-258		
7	-					1329.373725*		-1145	-1214		
8	1308.022649	3411	-394	-181		-					
9	1306.694030	3411	-462	-298		-					
10	1305.365 979*		-918	-816		-					
11	1304.039030*		-1306	-1276		-					
12	-					-					
13	1301.390629	6105	-35	-176		1337.427968	5506	740	238		
14	-					1338.773535	7122	709	171		
15	-					1340.119795	6165	117	-423		
16	1297.426469	5506	149	-241		1341.468408	10773	514	19		
17	-					-					
18	1294.792317	8559	709	264		1344 169 342	8678	416	233		
19	1293.477765	6404	638	241		-					
20	1292.164838	7062	65	-205		1346.875705*		-1320	-738		
21	1290.854920	11072	201	160		1348.232734*		-1381	-175		
22	1289.546694	14244	-450	-131		-					
23	-					1350.952177*		-3082	39		
24	-					1352.315 519*		-4177	318		
25	_					1353.680507*		-6475	-266		

Tabelle A.15 $\mathrm{H^{12}CP}$ $(040)^{2e} \leftarrow (020)^{2e}$

Tabelle A.16 $\mathrm{H^{12}CP}$ $(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zw	eig		R-Zweig						
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}			
1	_				2547.833586	1064	537	487			
2	-				2549.122132	949	264	210			
3	-				2550.396054	900	18	-40			
4	2539.793568	916	28	19	2551.655520	843	-12	-72			
5	2538.402218	835	-456	-456	2552.900362	769	31	-31			
6	2536.997353	802	65	76	2554.130637	761	227	164			
7	2535.577311	728	-80	-59	2555.345790	712	48	-16			
8	2534.142701	745	-293	-261	2556.546431	695	130	66			
9	2532.694133	695	30	72	2557.732006	679	-52	-116			
10	2531.230887	695	161	213	2558.903124	679	139	75			
11	2529.752685	646	-183	-121	2560.058898	679	-152	-217			
12	2528.260635	663	100	172	2561.200327	655	103	39			
13	2526.753630	695	-99	-18	2562.326413	679	-59	-124			
14	2525.232169	614	-284	-195	2563.437820	695	57	-8			
15	-				2564.534271	720	209	143			
16	2522.146373	720	-122	-22	2565.615380	736	46	-21			
17	2520.581762	736	-52	52	2566.681699	712	155	87			
18	2519.002639	745	-24	83	2567.733008	736	353	284			
19	2517.408948	761	-92	15	2568.768586	761	-43	-115			
20	2515.800856	761	-87	18	2569.789374	843	-56	-131			
21	2514.178141	818	-227	-126	2570.795041	867	23	-56			
22	2512.541079	835	-233	-138	2571.785 420	925	65	-19			
23	2510.890004	884	236	321	2572.760180	941	-223	-312			
24	2509.223807	867	73	147	2573.720039	965	-82	-178			
25	2507.543154	867	-48	10	2574.664444	982	-25	-130			
26	2505 847 988	916	-179	-141	2575 593728	875	321	204			
27	2504.138642	916	20	32	2576.507170	1129	275	142			
28	2502.414452	925	-110	-128	2577 404 936	1105	43	-109			
29	2500.675915	826	-64	-120	_						
30	2498.923143	965	277	175	2579.153388*		-866	-1077			
31	-				2580 005 402	1309	-135	-388			
32	-				2580 840 854	1317	-312	-620			
								•			

		P-Zwei	g		R-Zweig				
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
2	_				2602.942042	1686	504	104	
3	-				2604.256344	1587	419	68	
4	-				2605.566104	1555	444	150	
5	-				2606.870768	1497	69	-161	
6	-				-				
7	-				2609.465750*		-732	-828	
8	2588.183342	1203	-234	-312	2610.757286	1440	179	147	
9	2586.814924	1268	81	78	2612.042785	1497	-14	10	
10	-				2613.323465	1448	-21	48	
11	2584.063298	1178	-311	-185	—				
12	2582.680644	1154	-392	-218	—				
13	2581.293670	1154	-97	110	2617.134819	1424	121	237	
14	2579.901545	1129	-207	15	2618.394284	1473	-235	-138	
15	2578.505653*		720	935	2619.648709	1571	-176	-116	
16	2577.103391	1145	140	329	—				
17	2575.696421	1121	-215	-74	2622.140554	1694	-266	-321	
18	-				2623.377 697*		-463	-584	
19	—				2624.610631*		1045	863	
20	2571.446653	1219	205	115	2625.835034	1301	62	-162	
21	2570.019632	1088	306	132	2627.054729	1808	546	315	
22	2568.587902*		1048	803	2628.267279	1653	197	14	
23	2567.148418*		-515	-800	-				
24	2565.705722	1162	262	-13	-				
25	2564.257597*		1272	1083	-				
26	2562.800997	1203	-417	-415	-				
27	2561.340520	1178	-89	245	-				

Tabelle A.17 H¹²CP $(021)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

 $\textbf{Tabelle A.18} \text{ } \mathrm{H^{12}CP} \text{ } (021)^{2\mathrm{e}} \leftarrow (011)^{1\mathrm{e}}$

		P-Zwe	ig		R-Z weig					
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
3	-					676.887291	673	-37	-47	
4	666.274517	67627	-413	-366		-				
5	-					679.570486	673	-82	-14	
6	-					680.916775	673	110	226	
7	662.346847	677	601	775		682.265106	671	-643	-474	
8	661.042222*		-853	-641		683.616412*		-1409	-1186	
9	659.743509	679	351	593		684.972287	660	-602	-327	
10	658.446098	682	-437	-176		686.330671	659	-291	33	
11	657.152808	679	-440	-175		687.692255	658	204	569	
12	655.862727	679	-613	-367		689.055837	656	-334	59	
13	654.577756*		895	1097		690.422220*		-1120	-713	
14	653.294024	67663	165	291		691.793251	652	-326	74	
15	652.014526	678	137	150		693.167142	652	235	605	
16	650.738702	679	196	53		694.542819	65173	-534	-225	
17	649.467096*		829	478		695.922159*		-787	-573	
18	648.198286	674	550	-64		697.305780	649	64	143	
19	646.932880	67313	-94	-1037		698.691498	652	-199	-302	
20	645.673173*		1124	-219		-				
21	644.417078*		2049	225		701.473096*		-344	-979	
22	643.162232	66998	244	-2149		702.869546	66323	262	-736	
23	-					704.269179	66523	678	-758	
24	_					705.670660*		-478	-2437	

		P-Zwe	ig			R-Zv	veig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	670.228174	67193	-82	181	_			
2	-				675.540072	673	356	602
3	-				676.867211*		853	1063
4	666.241422*		1357	1481	-			
5	664.909691	67574	-198	-143	679.517449	673	-585	-462
6	663.579213	226	-139	-158	680.843509	673	485	563
7	-				682.168794*		1375	1412
8	-				683.491013	667	-185	-178
9	659.586396	341	663	423	684.814040	661	-297	-306
10	658.253479	679	-428	-727	686.136330	659	-482	-491
11	656.922453	678	657	315	687.459106	658	507	517
12	655.588300*		-1113	-1480	688.780211	655	537	586
13	654.257384	678	614	240	690.099562	658	-450	-342
14	652.923079*		-800	-1161	691.419637	653	50	233
15	651.590840	680	86	-241	692.737860	650	-513	-245
16	-				694.055287*		-1057	-702
17	648.923635	673	-203	-428	695.372959	650	-512	-84
18	-				696.690003	652	274	748
19	646.256510	672	406	274	698.004160*		-928	-461
20	644.922065	673	113	-14	699.320318*		799	1178
21	643.587624	67075	4	-177	700.632837	659	-157	20
22	-				701.945542	662	59	-122
23	640.919154*		707	120	-			
24	639.583612	67075	-5	-1025	-			
25	-				705.878345*		1622	-1116
26	-				-			
27	-				708.494872*		2827	-3561
28	-				709.802053*		4097	-4970
29	-				-			
30	-				712.413595*		7483	-9228
31	-				-			
32	_				715.017948*		8803	-19542

 $\textbf{Tabelle A.19} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (021)^{2\mathrm{f}} \leftarrow (011)^{1\mathrm{f}}$

 $\textbf{Tabelle A.20} \overset{}{\operatorname{H^{12}CP}} (011)^{1e,f} \leftarrow (001)^{0e}$

	F	P-Zweig)-Zwe	eig			R-Zweig			
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
0	_				_				668 547 997*		-400	-461	
1	_				667.226390*		-98	-151	669.873009	298	-122	-177	
2	_				667.232794	154	-22	-70	671 197528	165	20	-28	
3	663.246434	116	188	113	667.242246	111	-58	-99	672 521 515	163	7	-34	
4	661.919948	212	-44	-119	667.254891	73	-59	-91	673.845137	120	24	-9	
5	660.593547	150	64	-11	667.270758	68	10	-11	675.168318	114	15	-10	
6	659.266821	142	84	12	667.289662	63	-30	-40	676.491123	98	65	48	
7	657.939795	113	27	-42	667.311775	56	-1	1	677.813353	91	-5	-13	
8	656.612628	97	37	-28	667.336970	52	-20	-7	679.135161	99	-21	-21	
9	655.285202	100	-20	-78	(667.365326)				680.456483	80	-25	-18	
10	653.957713	78	40	-12	667.396731	52	-42	-8	681.777280	81	-35	-21	
11	652.630156	62	196	152	667.431313	49	-6	35	(683.097581)				
12	651.302100	70	6	-30	667.468945	47	-6	39	(684.417284)				
13	649.974056	82	-33	-60	667.509646	47	-10	36	`685.736389´	75	-12	15	
14	648.645946	85	-12	-30	667.553410	48	-10	35	687.054870	80	-38	-10	
15	647.317661	86	-51	-60	667.600163	46	-62	-24	688.372788	73	5	33	
16	645.989420	85	58	58	667.650029	52	-28	1	689.689947	80	-54	-28	
17	644.660890	89	-30	-23	667.702958	47	60	76	691.006599	89	61	83	
18	643.332330	101	-67	-53	667.758799	53	70	71	692.322321	91	-49	-33	
19	642.003777	104	-26	-6	667.817480	54	-50	-69	693.637452	107	-18	-10	
20	640.675116	123	-32	-7	667.879294	58	10	-28	694.951796	112	-19	-21	
21	639.346408	147	-33	-6	667.944019	66	51	-6	(696.265378)				
22	638.017723	132	32	58	668.011548	73	-14	-88	697.578120	140	-13	-42	
23	636.688537*		-370	-348	668.082049	80	5	-81	698.890175	157	122	76	
24	(635.360096)				668.155392	84	0	-89	700.201132	170	19	-45	
25	634.031366	219	98	101	668.231693	102	110	28	-				
26	632.702479	229	50	38	668.310629	114	36	-22	-				
27	631.374072*		485	454	668.392343	121	-56	-71	-				
28	630.044688	285	-59	-116	668.476934	161	-42	13	-				
29	(628.715917)			424	668.564248	207	-52	105	-				
30	628.716429*			270	668.654228	267	-119	180	-				
31	627.387496*			342	668.747024	338	-67	422	-				
32	626.058817*			159	668.842306	434	-201	534	-				
33	624.729915*				668.940257	731	-313	735	-				

	l	P-Zwe	ig		R-Zweig					
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
2	-				1275.422581*		-550	-495		
3	-				1276.727551	279	51	109		
4	1266.099723	252	-89	-26	1278.024719	221	-211	-148		
5	1264.740456	221	-124	-55	1279.315614*		219	286		
6	1263.374471	228	-90	-14	1280.598809	180	-68	5		
7	1262.001649	184	-116	-33	1281.875330	180	-20	58		
8	1260.622118	187	-89	2	1283.144610	177	-181	-99		
9	1259.235813	187	-81	18	1284.407027	156	-147	-62		
10	1257.842840	170	1	107	1285.662544	150	69	157		
11	1256.442942	170	-108	4	1286.910666	156	1	90		
12	1255.036378	184	-155	-39	1288.151487	143	-232	-144		
13	1253.623205	170	-93	25	1289.385573	153	-33	51		
14	1252.203198	187	-152	-33	1290.612236	153	-63	15		
15	1250.776512	187	-184	-67	_					
16	1249.343316	173	-24	89	1293.044052	167	71	129		
17	1247.903175*		-111	-6	1294.248747	167	-161	-116		
18	1246.456385	194	-154	-58	1295.446490	201	-27	2		
19	1245.003015	214	-83	-1	1296 636621	197	-153	-142		
20	1243.542806	238	-162	-97	1297.819744	204	97	89		
21	1242.076231	275	82	128	1298.995072	221	-30	-57		
22	—				1300 163188	252	84	38		
23	-				-					
24	-				1302.476756	340	150	72		
25	_				1303.622129	333	94	7		

Tabelle A.21 H¹²CP $(011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$

 $\textbf{Tabelle A.22} \text{ H}^{12}\text{CP } (011)^{1\text{f}} \leftarrow (010)^{1\text{f}}$

		P-Zwe	eig			R-Zwe	ig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	1267.443050	330	-85	-189	1276.742739	326	-44	-114
4	1266.088210	252	91	-3	1278.044631	245	47	-6
5	1264.726390	221	-132	-214	1279.339789	221	152	118
6	1263.358466	228	107	41	1280.628011	197	93	79
7	-				1281.909444	201	48	54
8	1260.602369	187	6	-25	1283.184028	163	-17	8
9	1259.214485	170	-61	-74	1284.451747	167	-86	-43
10	1257.820266	184	74	79	1285.712964	139	235	294
11	1256.419295	170	-8	12	1286.966439	156	-260	-189
12	1255.011915	184	33	67	-			
13	1253.597820	170	-112	-67	1289.453492	143	-235	-149
14	1252.177348	170	-103	-50	1290.687196*		485	570
15	1250.750552	187	113	169	1291.912446	153	-179	-98
16	1249.316842	173	-50	4	1293.131451	167	19	92
17	1247.876781	190	-28	20	1294.342987	167	-102	-41
18	1246.430194	211	10	48	1295.547600	184	42	88
19	1244.976931	214	-79	-55	1296.744710	197	-84	-54
20	1243.517373	238	90	96	1297.934803	252	45	59
21	1242.050893	275	-100	-112	_			
22	1240.578010	374	-124	-155	1300.292682	289	-6	-9
23	_				1301 460 461	286	-103	-103
24	-				1302 621 156	340	166	186

		P-Zwe	ig			R-Zweig						
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}			
0	—				133	36.313874	88	-13	51			
1					133	37.649682	56	-1	58			
2	1332.315.926	52	-22	44	133	38.987036	43	21	72			
3	1330.986496	43	-10	51	134	10.325854	39	-4	38			
4	1329.658654	39	-33	22	134	1.666126	36	-52	-22			
5	1328.332517	36	22	68	134	13.007.926	36	-19	-1			
6 7	1327.007941	30	20	42	134	4.351125	30	10	12			
1	1325.085.027	30	22	40	134	12 041 5072	30	19	11			
0	1222 044 022	26	-3	9	134	10 200 605	26	10	-11			
9 10	1323.044.023	36	11	2	134	10 737 036	36	17	19			
11	1320 409453	36	3	_21	135	1 086530	36	20	_27			
12	1319 094 533	36	-5	_39	135	52 437 133	36	15	_49			
13	1317 781 166	36	-13	-55	135	3 788 774	36	-3	-71			
14	1316 469 335	36	-12	-58	135	5 141 427	36	13	-55			
15	1315 159 001	36	-12	-61	135	6 494 992	36	37	-30			
16	1313 850 165	36	20	-29	135	57 849 364	36	32	-30			
17	1312 542 718	36	11	-35	135	59.204495	39	31	-23			
18	1311 236 655	36	-4	-44	136	50.560298	39	24	-18			
19	1309.931974	36	13	-17	136	61.916701	39	23	-6			
20	1308.628536	36	-26	-45	136	63.273619	39	30	16			
21	1307.326411	36	-7	-11	136	630 917	39	-1	2			
22	1306.025457	36	-14	-3	136	65.988611	43	41	60			
23	1304.725663	39	-5	21	136	67.346433	43	-19	18			
24	1303.426937	39	-12	30	136	68.704632*		170	223			
25	1302.129263	39	13	70	137	0.062 460	46	-39	27			
26	1300.832503	43	-5	65	137	71.420401	49	-56	21			
27	1299.536634	46	-18	62	137	2.778255	52	26	109			
28	1298.241578	49	-34	51	137	4.135752	59	47	134			
29	1296.947264	56	-48	37	137	6.492671	62	-100	-15			
30	1295.653679	62	1	80	137	6.849171	72	-143	-63			
31	1294.360.625	37	-4	64 20	137	8.205.200	41	-14	50			
32	1293.008.007	37	-17	32	137	9.560075	4.4	-280	-222			
33	1291.775.952	37	-/	152	130	0.914 562	44	-52	-0			
25	1290.404020	41	-149	-155	120	2.201109	40	-02	-40			
36	1209.192.390	41	-51	-00	130	24 070 778	52	100	-50			
37	1286 609 908	51	_21	_118	132	26 320 233	65	-147	-78			
38	1285 318580	58	-12	-132	132	87 668 250	78	-170	-10			
39	1284 027 084	71	-57	-184	138	39 014 676	85	-74	136			
40	1282 735 527	82	42	-71	100	_	00		100			
41	1281 443655	92	126	59		_						
42	1280 151 251	126	69	89		_						
43	1278 858 445	150	94	258		_						
44	1277.565086	197	141	520		_						
45	1276.270854	194	-19	665		-						

Tabelle A.23 H¹²CP $(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

						× .	/	()					
		P-Zw	eig			Q-Zv	veig		R-Z weig				
J''	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
1	_				1326.594574	170	-242	22	1329.250765*		-438	-437	
2	-			-3296	1326.606547	292	-221	-99	1330.581512	398	-81	-84	
3	1322.591627	221	22	47	1326.624716	405	23	32	1331 911344	333	-84	-91	
4	1321.257 935*		-338	-308	1326.648578	340	-13	32	1333 240839	252	149	139	
5	1319 924 429	252	-79	-43	-				1334.569493	221	137	125	
6	1318.590111	218	-210	-168	-			-9	1335.897513	201	109	94	
7	1317.255 525	224	-201	-154	-			3017	1337.224673	180	-139	-156	
8	1315.920726	180	-7	44	-			6384	1338.552242*		688	668	
9	1314.585252	180	-104	-48	-				1339.877837	153	228	206	
10	1313.249586	167	-17	42	-				1341.202956	153	9	-16	
11	1311.913374	163	-109	-47	-				1342.527383	156	-163	-190	
12	1310.576780*		-226	-163	-			66924	1343.851440	153	65	35	
13	1309 240 140	163	-38	25	-				1345.174410	156	0	-31	
14	1307.903062	153	54	116	-				1346.496552	156	-66	-100	
15	1306.565343	180	-156	-97	-				1347.818080	170	107	71	
16	1305.227948*		288	343	-				1349.138598	170	155	118	
17	1303.889528	197	37	86	-				1350.458123	187	126	88	
18	1302.551099	177	99	141	-				1351.776593	207	-11	-48	
19	1301.212148	201	-39	-5	-				1353.094243	228	13	-21	
20	1299.872888	214	-167	-144	-				1354.410685	211	-160	-189	
21	1298.533599	248	-8	6	-				1355.726355	262	-57	-76	
22	1297.193677	245	-163	-160	-				1357.040980	262	82	76	
23	1295.853383*		-375	-382	-				1358.354233	299	-33	-21	
24	1294.513363	282	5	-10	-				1359.666598	299	114	153	
25	1293 172 568	384	-71	-93	-				-				
26	1291 831 737	282	137	113	_				-				

 $\textbf{Tabelle A.24} ~ \mathrm{H^{12}CP} ~ (030)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1e}$

Tabelle A.25 H¹²CP $(030)^{1e,f} \leftarrow (010)^{1f}$

	F	P-Zwe	eig		(veig		R-Zweig				
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				1326.585 070*		-12	-109	1329.267096	946	-267	-29
2	1323.921171	481	-7		1326.577 338*		-227	-26	1330.610475	383	-179	-64
3	1322.591627*		164	126	1326.566840*		553	1028	1331.956824*		218	86
4	1321.264704	272	191	102	1326.550833*		-415	158	1333.305323	239	124	143
5	1319.940335	242	-10	-16	1326.531789*		-654	-279	1334.656030	213	-387	-246
6	1318.618661	236	-313	14	1326.510222*		352	226	1336.010407	177	171	97
7	1317.300358	193	-57	-7	1326.483155*		-369	-1105	1337.366755	160	116	9
8	1315.984441	173	-240	36	1326.454489*		1088	144	1338.725490	160	-113	2
9	1314.671620	173	-169	-67	1326 419183*		-312	-107	1340.087060	180	-47	5
10	1313.361806	160	56	32	-				1341.451222	137	95	52
11	1312.054488	160	-88	-25	-				1342.817682	151	40	40
12	1310.750169	147	-112	-35	-				1344.183306*		-3321	-2011
13	1309.448807	147	-67	-13	-				1345.557945	151	-112	-33
14	1308.150208	160	-160	7	-				1346.931031*		-875	-741
15	1306.854720	144	-49	11	-				1348.308617*		470	366
16	1305.562021	160	-67	$^{-10}$	-				1349.686626	154	-128	1
17	1304.272282	170	-49	18	-				1351.066952*		-743	-836
18	1302.985 357	173	-149	-9	-				1352.451018	200	77	-71
19	1301.701596	190	-20	-30	-				1353.836763*		304	88
20	1300.420691	209	25	-7	-				1355.224263	223	45	29
21	1299 142 524	213	-134	24	-				1356.614110	71	-70	-35
22	1297 867 615	206	22	119	-				1358.006474*		163	194
23	1296.595418	61	-52	0	-				1359.400788*		218	242
24	1295.326599*		311	353	-				1360.797458*		540	555
25	1294.059974	75	-66	-38	-				1362.195304	95	-10	-7
26	1292.796697	85	-26	-16	-				1363.595715	68	3	-9
27	1291 536354	92	28	15	-				1364.998206	119	140	109
28	1290.278813	99	-28	-69	-				-			
29	1289.024320	112	66	-8	_				-			

		P-Zwe	eig			R-Zweig					
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	_	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
0	_]	1279.603507	105	66	73		
1	1276.945308	105	-87	-82]	1280.921514	58	-47	-37		
2	1275.605447	61	-55	-51]	1282.232376	48	-11	1		
3	1274.258396	48	12	15]	L283.535902	41	0	16		
4	1272.904019	41	-40	-36	1	L284.832099	41	15	33		
5	1271.542552	37	13	18	1	L286.120938	37	22	43		
6	1270.173785	37	-55	-49	1	L287.402652*		276	300		
7	1268.798011	37	35	42]	L288.676449	37	5	33		
8	1267.414972	37	13	22]	L289.943143	34	47	77		
9	1266.024836	37	32	43	1	1291.202313	37	1	33		
10	1264.627511	37	-10	4	1	L292.454108	34	39	73		
11	1263.223105	37	-18	$^{-1}$	1	1293.698346	37	3	38		
12	1261.811599	37	-20	$^{-1}$	1	1294.935118	37	7	43		
13	1260.393030	37	8	29	1	1296.164460	37	113	148		
14	1258.967340	37	0	22	1	1297.386056	37	27	61		
15	1257.534556	37	-27	-3	1	1298.600134	37	5	36		
16	1256.094783	37	22	47	1	1299.806635	37	11	40		
17	1254.647882	37	1	28	1	L301.005483	37	-3	22		
18	1253.193915	37	-37	$^{-10}$	1	L302.196693	37	6	25		
19	1251.732978	41	-3	25	1	1303.380200	37	-4	10		
20	1250.264970	41	-6	21	1	L304.556030	37	25	32		
21	1248.789911	44	-32	-5]	1305.724079	37	12	12		
22	1247.307892	44	5	30]	1306.884349	41	-10	-17		
23	1245.818777	48	-40	-16	1	1308.036872	41	18	3		
24	1244.322692	51	-44	-22]	1309.181521	44	-1	-24		
25	1242 819595	58	-57	-36	1	1310.318332	44	-4	-34		
26	1241.309526	61	-42	-23	1	1311.447737*		472	436		
27	1239.792486	/1	-3	16	1	1312.568249	51	-32	-/4		
28	1238.268437	82	17	35	1	1313.681.347	58	-/	-53		
29	1236.737353	95	-11	7	1	1314.786494	65	39	-9		
30	1235 199372	116	44	64	1	1315.883596	71	42	-6		
31	1233.654306	136	-/	15	1	1316.972428*		-191	-236		
32	1232.102135	150	-188	-162	1	1318.053681	95	59	20		
33	1230.543392	1//	29	61	1	1319.126564	116	33	2		
34	1228.977411	224	-25	14	1	1320.191.389	136	(1	53		
35	_]	1321.247.922	160	-29	-29		
36	_]	1322.296.486	204	86	107		
31	_				1	1323.336495	207	-140	-94		

Tabelle A.26 H¹²CP $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

Tabelle A.27 H¹²CP $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwei	g		R-Z weig						
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}			
0	-				3218.215456	56	-30	-38			
1	3215.556510	56	-30	-38	3219.535329	32	-75	-82			
2	3214.217542	32	-4	-11	3220.848924	26	-5	-13			
3	3212.872228	26	1	-5	3222.156047	22	1	-6			
4	3211.520593	22	-8	-13	3223.456733	22	-5	-11			
5	3210.162686	22	2	-1	3224.750993	20	5	-1			
6	3208.798497	20	3	1	3226.038787	20	6	1			
7	3207.428058	20	10	10	3227.320108	20	7	3			
8	3206.051372	20	7	9	3228.594937	20	6	3			
9	3204.668460	20	-1	3	-						
10	3203.279367	20	11	18	3231.125071	20	12	9			
11	3201.884075	20	10	18	3232.380328	20	1	-1			
12	3200.482609	20	0	10	3233.629055	20	12	10			
13	3199.074996	20	-9	3	3234.871195	20	3	1			
14	3197.661271	20	-1	13	3236.106781	20	22	19			
15	3196.241404	20	-23	-8	3237.335728	20	-1	-6			
16	3194.815482	20	-9	7	3238.558090	20	2	-4			
17	3193.383476	20	-4	12	3239.773825	20	5	-4			
18	3191.945414	20	-2	14	3240.982919	20	7	-4			
19	3190.501297	20	-19	-4	3242.185368	20	19	6			
20	3189.051182	20	-19	-4	3243.381129	22	12	-4			
21	3187.595114	22	26	39	3244.570209	22	7	-13			
22	3186.132924	22	-75	-64	3245.752603	22	13	-10			
23	3184.664943	22	-9	-2	3246.928282	24	13	-13			
24	3183.190966	24	-3	2	3248.097240	24	16	-12			
25	3181.711062	24	-6	-5	3249.259461	26	19	-11			
26	3180.225260	26	-10	-14	3250.414942	28	32	0			
27	3178 733604	28	9	0	3251 563647	32	31	0			
					Fortsetzung	auf der	r nächster	n Seite			

		P-Zwei	g		R-Zweig						
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\widetilde{ u_{obs}}$ $\delta \widetilde{ u}$ Δ_{eff} Δ_{ps}						
28	3177.235965	30	-100	-114	3252.705602 220 55 25						
29	3175.732745	240	45	26	3253.840753 220 62 36						
30	3174.223574	220	54	29	3254.969082 220 47 27						
31	3172.708440	220	-109	-138	3256.090602 220 33 23						
32	3171.187858	220	52	18	3257.205303 220 24 27						
33	3169.661 466	220	153	116	3258.313066 240 -90 -68						
34	3168.129142	220	48	10	3259.414051 260 -136 -91						
35	3166.591 220	240	52	13	3260.508314 280 -49 26						
36	3165.047603	280	43	7	3261.595593 320 -78 34						
37	3163.498311	300	19	-10	-						
38	3161.943375	360	-11	-31	-						
39	3160.382873	420	7	1	-						
40	3158.816724	520	-31	-17	-						
41	3157.244975	620	-102	-63	-						
42	3155.667732	820	-124	-52	-						
43	3154.084906	1000	-210	-97	-						
44	3152.496943*		60	224	_						

Tabelle A.27 Fortsetzung von $\mathrm{H^{12}CP}$ $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

Tabelle A.28 H¹²CP (110)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}

	I	P-Zwe	ig		R-Zweig						
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}			
2	_				_						
3	_				3205.539950*		-359	-363			
4	_				3206.840728	40	-33	-35			
5	3193.553416	37	27	21	3208.134853	33	-12	-14			
6	3192.190427	34	35	29	3209.422.606	30	-1	-2			
7	3190.821233	30	-2	-8	3210.703998	28	28	28			
8	3189.445949	28	12	7	3211.978933	26	-4	-4			
9	3188.064508	27	-6	-11	3213.247502	25	9	9			
10	3186.676989	25	4	0	3214.509619	24	-4	-3			
11	3185.283351	25	-17	-20	3215.765 306	24	-5	-3			
12	3183.883722	25	41	38	3217.014544	24	4	6			
13	3182.477915	25	-28	-30	3218.257 307	24	11	13			
14	3181.066185	25	13	12	3219.493502	25	-62	-60			
15	3179.648358	25	-28	-29	3220.723392	26	64	66			
16	3178.224583	26	-22	-22	3221 946 554	28	-20	-18			
17	3176.794849	27	2	2	3223.163279	29	-7	-5			
18	3175.359116	28	-15	-14	3224.373456	30	6	8			
19	3173.917459	29	-17	-16	_						
20	3172.470037	31	135	136	3226.774 656*		579	582			
21	3171.016409	34	-18	-18	3227.964510	37	0	3			
22	_				_						
23	3168.091815	40	-40	-42	3230.325458	45	-88	-84			
24	3166.620741	46	-56	-60	3231.496174	35	54	59			
25	3165.143856	50	-62	-67	3232.659976	58	-72	-65			
26	3163.661 373	54	137	129	3233.817276	64	-39	-30			
27	3162.172813	65	39	29	3234.967 448*		-460	-447			
28	3160.678616	72	67	53	_						
29	3159.178602	81	18	0	3237.248946	107	-72	-49			
30	3157.672913	93	14	-8	3238.379509	128	0	30			
31	3156.161 485	109	-28	-56	3239.503280	161	6	45			
32	3154.644437	131	-12	-45	3240.620271	161	-29	21			
33	3153.121.630	164	-96	-135	_						
34	3151.593442	164	76	30	_						
35	3150.059439	219	49	-4	3243.930746	322	-72	27			
36	-				3245.020718	322	-46	76			
37	3146.974932*		257	188	3246 103 963	646	54	202			
38	-				3247.180376	646	133	313			
39	3143,867,787	221	33	-53	_		-				
40	-		-	-	3249 313 021*		593	851			
41	3140.738713	665	-88	-191	3250,368271	648	13	320			
•-			00	101	0200.000212	2.0					

		P-Zwe	ig		R-Zweig						
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs} = \delta ilde{ u} = \Delta_{eff} = \Delta_{ps}$						
2	-				-						
3	—				3205.554217* 347 352						
4	-				3206.857888 40 47 54						
5	3193.537486	37	-124	-126	3208.155516 33 1 8						
6	3192.171665	30	50	48	3209.446901 30 24 31						
7	3190.799532	29	19	16	3210.731748 25 -163 -155						
8	3189.421330	28	7	4	3212.010606 26 6 14						
9	3188.037080	26	19	15	3213.282979 25 50 59						
10	3186.646757	25	10	6	3214 548 877 24 -3 6						
11	3185.250490	24	91	88	3215.808467 24 28 37						
12	3183.848037	25	3	-1	-						
13	3182 439 685	25	14	10	3218.307812* -503 -496						
14	3181.025 323	25	-7	-10	_						
15	3179.604892	21	-136	-139	3220.782425 26 -9 -2						
16	3178.179164*		380	377	3222.009782 28 -13 -8						
17	3176.746611	27	-6	-10	3223.231118* 447 451						
18	3175.308544	28	-3	-6	3224.445041 30 -6 -3						
19	3173.864767	29	174	171	3225.652924 33 16 18						
20	3172,414737	32	-36	-39	3226.854215 35 -24 -23						
21	_				3228.048510* -515 -515						
22	3169 497 714	36	100	96	3229.237261 42 9 8						
23	3168.030056*		-260	-263	3230.418913 45 7 5						
24	3166.557185	46	-45	-49	3231.593958 53 -15 -16						
25	3165.078328	50	-49	-53	3232.761950* -487 -488						
26	3163 593 745	54	-32	-37	3233.924251 64 -36 -36						
27	_				3235.079502 80 -5 -3						
28	3160.607352	72	-64	-71	3236.228558* 474 479						
29	3159,105657	81	-39	-47	3237.369986 107 -19 -9						
30	3157,598,409	93	99	90	3238.505177 128 -79 -63						
31	3156,085,340	109	62	51	3239.633888 160 64 88						
32	_				_						
33	3153 042 406	164	43	29	-						
34	_				3242,979378 215 79 141						
35	_				3244 081 008 323 2 83						
36	_										
37	_				3246.264.207 647 40 170						
÷.											

Tabelle A.29 $\mathrm{H}^{12}\mathrm{CP}$ $(110)^{1\mathrm{f}} \leftarrow (010)^{1\mathrm{f}}$

B Tabellen zu H¹³CP

Tabelle B.1 H¹³CP $(010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	eig		C	Q-Zweig					R-Zweig				
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}			
0	-				-				670.531 302*		395	401			
1	-				669.257070	53	-19	-27	671.806011	53	-22	-16			
2	666.700392	130	-27	-22	669.261453	34	24	17	673.080253	37	-28	-22			
3	665.421873	63	-65	-60	669.267932	26	-6	-14	674.353609	34	-27	-20			
4	664.142666	49	9	13	669.276622	23	6	$^{-1}$	675.626082	26	2	8			
5	662.862586	36	-6	-2	669.287480	20	18	12	676.897588	28	-11	-5			
6	661.581765	30	8	12	669.300485	19	11	5	678.168159	23	-17	-11			
7	660.300173	27	5	8	669.315637	18	-14	-20	679.437784	25	-10	-5			
8	659.017856	24	17	19	669.332991	18	0	-5	680.706438	21	$^{-1}$	5			
9	657.734777	23	-9	-8	669.352501	17	8	4	681.974096	22	4	9			
10	656.451027	21	3	4	669.374174	17	20	16	683.240718	20	-20	-15			
11	655.166572	21	4	5	669.397964	17	-7	-11	684.506351	21	-9	-5			
12	653.881434	21	3	3	669.423947	17	4	1	685.770943	20	2	5			
13	652.595631	20	2	1	669.452072	17	6	4	687.034465	20	0	3			
14	651.309172	21	-5	-6	669.482342	17	5	4	688.296922	20	7	9			
15	650.022087	21	-1	-2	669.514754	17	2	1	689.558279	20	5	7			
16	648.734376	22	$^{-1}$	-3	669.549313	18	4	4	690.818516	21	-8	-7			
17	647.446066	22	8	5	669.586008	18	6	6	692.077658	21	9	9			
18	646.157146	24	0	-2	669.624834	18	5	6	693.335627	23	-5	-5			
19	644.867654	24	0	-3	669.665790	19	6	7	694.592469	23	14	13			
20	643.577618	28	22	19	669.708866	20	2	4	695.848102	25	2	0			
21	642.286987	28	0	-3	669.754057	20	-5	-4	697.102560	27	9	7			
22	640.995807	31	-33	-35	669.801 303	19	-72	-70	698.355774	29	-16	-19			
23	639.704136	33	-32	-35	669.850794	22	-2	$^{-1}$	699.607818	35	20	16			
24	638.412017	37	30	29	669.902332	24	11	13	700.858559	35	0	-4			
25	637.119267	40	-41	-41	669.955971	26	28	29	702.108048	44	-7	-11			
									Fortsetzung au	ıf der	nächsten	Seite			

		⊃-Zwe	eig		G	Q-Zwe	eig		R-Z weig				
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
26	635.826154	45	9	9	670.011667	27	11	11	703.356240	46	-27	-31	
27	634.532603	43	91	92	670.069483	31	28	28	704.603178	58	1	-4	
28	633.238424	55	2	5	670.129351	33	19	19	705.848741	60	-27	-32	
29	631.943872	70	-16	-12	670.191277	37	-3	-5	707.092997	74	-24	-29	
30	630.648859	75	-65	-58	670.255290	41	-4	-7	708.335935	85	17	12	
31	629.353547	100	5	15	670.321314	46	-50	-55	709.577418	121	-23	-27	
32	628.057753	72	-1	11	670.389537	54	52	45	710.817607	119	37	33	
33	626.761534	119	-41	-25	670.459658	64	10	1	712.056478	156	190	187	
34	625.464974	166	-42	-23	670.531 302*		-542	-555	713.293547	182	-29	-31	
35	624.167995	162	-96	-73	670.606091	100	24	8	714.529528	243	113	112	
36	622.870997	194	186	214	670.682310	111	2	-17	715.763855	295	68	69	
37	621.573085	288	-105	-72	670.760586	129	30	6	716.996719	473	47	50	
38	620.275137	288	-102	-63	670.840658	106	-147	-175	-				
39	618.976807	287	-164	-119	670.923158	184	114	81	-				
40	(617.678398)				671.007293	299	28	-10	-				
41	(616.379533)				(671.093456)				_				
42	`615.080358 [′]	262	-28	39	`671_181 698 [′]	584	88	37	-				

Tabelle B.1 Fortsetzung von $\mathrm{H^{13}CP}$ $(010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

Tabelle B.2 H¹³CP $(020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$

		P-Zw	eig		(Q-Zw	eig		R-Z weig			
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$ δ	$\delta \tilde{\nu}$.	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	651.315 566	338	-41	0	-				660.263349*		438	265
4	650.046459	338	52	102	655.128989	170	37	-11	661.549505*		-354	-567
5	648.779162	337	-326	-273	655.124877	170	-112	-158	662.839284 34	40	366	114
6	647.514970	224	118	168	655.120197	137	-4	-48	664.129961 34	40	-93	-379
7	646.252383	224	-116	-77	655.114524	137	-47	-89	-			
8	644.992548	226	120	144	655.107990	114	-88	-127	666.718659 22	26	254	-81
9	643.734496	224	-135	-133	655.100689	114	-10	-45	668.016086*		550	205
10	642.479228	224	128	104	655.092573	114	166	134	—			
11	-				655.083436	98	263	234	670.616049*		573	250
12	-				655.073085	114	121	95	671.918138 1	70	-44	-331
13	638.726039	169	73	-49	655.061649	114	-97	-120	673.222755 22	26	116	-112
14	637.479345	169	-1	-159	655.049459	114	-20	-42	-			
15	636.234984	228	83	-108	655.036019	114	-105	-125	675.836728 22	24	161	129
16	634.992 498	230	-104	-326	655.021701	114	66	46	677.145917 22	24	7	118
17	633.752789	232	370	122	655.006360	114	394	374	-			
18	632.514498	233	179	-88	654.988865	137	-201	-224	-			
19	631.278262	233	-1	-278	654.970820	137	-62	-91	-			
20	630.044789*		577	300	654.951305	170	-54	-90	-			
21	628.812206	175	83	-179	654.930515	170	77	31	-			
22	627.581906	342	-43	-274	654.907911	170	-146	-205	-			
23	626.353507	338	-135	-315	654.884000	227	-151	-227	-			
24	625.127041	336	-108	-214	654.859339*		686	590	-			
25	623.902310	335	-105	-110	654.831546	227	52	-66	-			
26	622.679310	668	-72	54	654.802862	341	263	118	-			
27	-				654.772431*		537	364	-			
28	-				654.739644	340	343	141	-			
29	-				654.705234*		495	263	_			

		Q-Zweig								
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}						
6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17	673.759162 673.752277* 673.744492 673.735556 673.725961 673.715398 673.704218 673.692085 673.679084 673.665434 673.651184 673.636495	749 313 374 312 254 285 274 271 288 370 297	124 163 234 62 113 51 193 170 28 -53 -68 98	-69 -15 71 -84 -15 -60 100 95 -29 -93 -93 -92 87						
17 18 19 20 21 22 23 24	673.636495 673.620937 673.605083 	297 434 420 412 671 338 106	98 -34 57 -62 -37 -33 13	87 -33 67 -44 -23 -28 3						

 $\textbf{Tabelle B.3} ~ \mathrm{H^{13}CP} ~ (020)^{2e} \leftarrow (010)^{1f}$

 $\textbf{Tabelle B.4} ~ \mathrm{H^{13}CP} ~ (020)^{2\mathrm{e,f}} \leftarrow (010)^{1\mathrm{e}}$

		Q-Zweig				R-Zweig						
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				_				676.338698*		630	668
2	-				-				677.620070	226	36	83
3	—				-				-			
4	-				673.800094	694	-38	-46	680.189938	169	58	117
5	-				673.810360	587	210	188	681.477592	168	-163	-99
6					673.822299	553	131	94	682.767 098*		-499	-431
7	664.892110*		774	742	673.836151	551	-34	-86	684.059451	167	41	110
8	663.630554*		583	550	673.852183	435	-17	-80	685.353146	166	-55	16
9	662.370890	227	79	46	673.870252	376	41	-29	-			
10	661.114006	340	111	81	673.890223	287	7	-64				
11	659.859027	227	-237	-259	673.912254	307	42	-21	689.246203	164	-334	-269
12	658.606782	341	-177	-188	673.936393	296	197	152				
13	657.357161	228	134	139	673.962115	301	-51	-64	691.852100	164	-115	-62
14	656.109571	341	55	81	673.990127	260	8	45	693.158116	163	-35	12
15	654.864865	227	388	440	674.019925	195	-126	-21	694.466249	164	66	105
16	653.621988	341	23	109	-				695.776360	164	19	50
17	652.382373	227	337	464	-				697.088495	218	-159	-136
18	651.145235*		485	662	-				698.403271	218	114	130
19	649.909836	338	-332	-97	-				699.719967	218	82	90
20	648.678018	337	-338	-35	-				701.038844	221	-33	-33
21	-				-				702.360226	222	51	45
22	-				-				703.684664*		841	829
23	-				-				705.009870	335	2	-14
24	-				-				706.338208	335	-150	-171
25	-				-				707.669377	672	32	5
26	-				-				709.002545*		-338	-371
27	-				-				710.338728*		-301	-343
28	-				-				711.677907*		67	11
29	-				-				713.019197*		-182	-256
30	-				-				714.363724*		18	-86
31	—				_				715.710390*		-497	-644

		P-Zwe		R	Zweig			
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{ob}$	$s \delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
4	1319.293003*		143	158	-			
5	1318.021760	170	53	65	_			
6	1316.751940	148	-49	-33	_			
7	1315.483716	112	10	31	_			
8	1314.216718	104	-137	-106	_			
9	1312.951329	90	-100	-59	_			
10	1311.687574	93	156	208	_			
11	1310.424679	92	-131	-68	_			
12	-				_			
13	-				-			
14	1306.645137	92	-84	6	_			
15	1305.388399*		370	465	_			
16	1304.131998	100	-127	-29	-			
17	-				_			
18	1301.623885	111	-169	-75	_			
19	1300.371842	128	29	117	-			
20	-			-1321	-			
21	-				_			
22	1296.621653	141	-100	-47	-			
23	1295.373871	167	75	113	-			
24	1294.126698	165	-82	-61	-			
25	1292.881025*		374	378	_			
26	1291.635521*		175	164	_			
27	1290.390968*		164	140	-			

Tabelle B.5 $\mathrm{H^{13}CP}$ $(020)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

Tabelle B.6 H¹³CP $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	ig		R-Z weig					
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
0	_				3205.909312	1284	-351	-354		
1	-				3207.174983	642	-24	-28		
2	-				3208.434566	320	-18	-23		
3	-				3209.688155	256	-221	-228		
4	3199.496899	256	-60	-57	3210.936582	212	211	204		
5	3198.197222	214	-111	-106	3212.178504	182	-48	-56		
6	3196.892121	182	73	79	3213.414870	182	-35	-44		
7	3195.581066	182	-55	-48	3214.645284	160	-130	-140		
8	3194.264526	160	-42	-35	3215.870057	160	-9	-19		
9	3192.942393	160	-13	-6	-					
10	3191 614779	128	127	135	-					
11	3190.281252	142	-70	-62	3219.509083	142	351	341		
12	-				-					
13	-				3221.904885	142	-74	-83		
14	3186.248038	142	-8	0	3223.094131	142	-35	-42		
15	3184.892590	142	8	15	3224.277370	142	-46	-52		
16	3183.531641	142	13	19	3225.454713	160	17	13		
17	3182.165150	142	-50	-46	3226.625989	160	-4	-6		
18	3180.793327	160	9	12	=			-1208		
19	3179.416062	160	65	66	3228.950541	182	-42	-37		
20	3178.033195	184	-62	-63	3230.103884	212	35	43		
21	3176.645101	184	-14	-18	=			-1998		
22	3175.251600	216	11	4	=					
23	-			-2530	3233.527376	256	-5	18		
24	3172.448374	216	-84	-98	-					
25	3171.038896	324	6	-12	-					
26	3169.624027	324	15	-8	3236.896040	320	-204	-161		
27	3168.203218*		-624	-652	3238.006990	428	-2	50		
28	3166.778667	434	267	234	3239.111635	428	19	80		
29	3165.347659	434	-44	-83	3240.210163	644	59	129		
30	3163.911893	434	121	75	3241.302408	644	-37	43		
31	3162 470969	652	344	291	-					
32	3161.024406	654	124	64	-					
33	3159.572529	654	-233	-301	-					
34	3158.116300	1314	216	139	-					

Anhang J

Linienlisten von $D^{12}CP$, $D^{13}CP$

A Tabellen zu DCP

Tabelle A.1 $D^{12}CP (010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	eig		Q-Zweig				R-Zweig			
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	_				_				525.786235	133	7	15
1	-				_				526,920632	164	-47	-39
2	522.387021	127	-1	8	524.663491	1521	-32	39	528.055826	2947	24	32
3	521.255371	164	-3	7	_				529.191583	3048	-2	6
4	520 124 427	254	-28	-18	524 688 955*		-376	-307	530 328 020	254	5	12
5	518 994 255	270	-21	-10	524 708 036	1124	274	341	531 465 006	3116	-76	-68
6	517 864 841	3148	-7	4	524 729 641	832	-236	-170	532 602 764	3058	_9	-1
7	516 736173	530	_9	3	524 755 680	1012	7	71	533 741 071	3005	_4	5
8	515 608 289	3143	Ő	13	524 785 054	774	_94	-32	534 879 979	2973	3	12
ğ	514 481164	3085	-14	-1	524 818 652*		352	412	536 019516	2957	52	62
10	513 354 902	3069	41	55	524 855 297	1028	170	228	537 159 536	2941	11	21
11	512 229347	3143	-1	14	524 895 461	721	-164	-109	538 300 131	2915	-17	-6
12	511 104680	260	31	46	524.939796	604	4	57	539,441,250	2899	-68	-57
13	509,980733	329	-42	-26	524.987532	610	-91	-42	540.583036	2889	12	24
14	508 857715	3588	-19	-3	525.039256	742	140	187	_			
15	507.735501	3615	-36	-20	525.094316	652	51	94	542.867942	2873	-45	-32
16	506 614150	3577	-44	-27	525 153 129	625	61	101	544.011205	2841	-13	0
17	505 493773	3503	58	76	525 215 682	694	164	201	545 154 927	2809	_4	10
18	504 374050	3429	-58	-40	525 281 688	1558	76	109	546 299 119	2777	7	22
19	503 255 393	3366	10	28	525 351 383	710	39	69	547 443 730	2761	-17	-1
20	502 137560	3339	11	28	525 424 660	901	-49	-22	548 588 811	2756	-11	6
21	501 020564	3339	-51	-35	525 501 744	821	44	67	549 734 285	2751	-39	-21
22	499 904 588	3360	-3	13	525 582 306	1007	-7	14	550 880 191	2740	-46	-28
23	498 789430	3387	-55	-40	525.666216	991	-324	-307	552.026488	2724	-61	-42
24	497.675279	376	-27	-12	525.754560	1230	185	199	553 173 192	2708	-52	-32
25	496.562030	3440	-33	-19	525.845781	1548	-30	-19	554.320274	2692	-34	-14
26	495 449716	323	-47	-34	_				555.467697	233	-29	-9
27	494.338415	239	-1	10	526.039352	832	-105	-101	556.615446	509	-38	-17
28	493.228011	281	-18	-8	526.152623*		10970	10972	557.763536	249	-30	-10
29	492.118594	212	-17	-9	526.262978*		15559	15558	558.911926	159	-33	-12
30	491.010144	185	-25	-20	526.356566	233	-182	-185	560.060617	207	-29	-8
31	489.902709	185	-3	0	526,469614	297	-18	-23	561.209596	133	-16	4
32	488.796241	180	-7	-6	526.586063	201	3	-4	562.358811	122	-32	-12
33	487.690780	170	-3	-5	526.706044	191	19	10	563.508286	117	-37	-17
34	486.586352	164	26	22	_				564.658024	111	-11	8
35	485.482905	164	22	14	526.956519	175	-8	-19	565.807970	106	5	23
36	484.380492	159	29	18	527.087027	154	-17	-29	566.958100	101	3	20
37	483.279111	159	39	25	527.221053	133	-5	-18	568.108387	101	-27	-11
38	482.178757	159	40	23	527.358571	122	11	-2	569.258857	101	-45	-30
39	481.079424	164	18	-2	527.499620	122	82	68	570.409536	101	-6	7
40	479.981123	164	-22	-45	527.643978	117	-3	-17	571.560346	106	25	38
41	478.883895	175	-45	-71	527.791933	122	54	40	572.711221	111	1	12
42	477.787870	185	71	42	527.943262	122	42	29	573.862201	117	-23	-13
43	476.692754	212	26	-6	528.098043	122	51	39	575.013324	127	8	16
44	475.598750	154	17	-17	528.256199	127	15	4	576.164 461	101	-18	-11
45	474.505857	148	37	1	528.417715	143	-67	-77	577.315689	95	-8	-3
46	473.414030	143	34	-4	528.582776	164	0	-9	578.466944	90	-8	-4
47	472.323308	148	42	3	528.751107	201	-45	-52	579.618212	85	$^{-16}$	-13
48	471.233672	154	35	-5	528.922890	244	-6	-12	580.769518	80	11	12
49	470.145161	170	47	7	529.097916	291	-81	-85	581.920760	85	-13	-12
50	469.057761	196	59	19	529.276553	297	112	110	583.072001	90	-6	-6
51	467.971473	239	64	27	529.458092	398	-121	-122	584.223190	95	-3	-3
	Fortsetzung auf der nächsten Seite											
		P-Zwe	eig			Q-Zw	eig	,		R-Zw	eig	
--------------------	-------------------	----------------------	----------------	---------------	-------------------	----------------------	----------------	---------------	-------------------	----------------------	----------------	---------------
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
52	466.886283	265	45	10	529.643307	122	6	7	585.374327	111	14	15
53	465.802231	302	36	5	529.831686	143	-3	$^{-1}$	586.525359	133	10	11
54	464.719291	345	5	-21	530.023388	170	24	27	587.676261	154	-23	-20
55	463.637548	398	32	13	530.218280	217	-31	-28	588.827123	180	24	29
56	462.556988	403	99	89	530.416481	286	-35	-31	589.977762	228	-15	-6
57	461.477337	456	-73	-74	530.617939	254	-23	-20	591.128115	270	-185	-172
58	460.399072	461	-13	-1	530.822640	302	4	7	592.278715	360	66	84
59	459.321828	435	-90	-64	531.030519	366	-2	$^{-1}$	593.428910	413	104	128
60	458.245505*		-409	-365	531.241629	387	27	26	594.578700	541	-53	-21
61	-				-				-			
62	-				531.673147	1288	-139	-149	596.877979	726	36	89
63	-				531.893921	721	63	47	598.027088	1044	-60	5
64	-				532.117154*		-406	-429	599.175976	731	-93	-13
65	-				532.344455	514	79	46	-			
66	-				532.574201	2242	-88	-132	-			
67	-				532.805961*		-1321	-1378	—			

Tabelle A.1 Fortsetzung von $D^{12}CP (010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

 $\textbf{Tabelle A.2 } D^{12} CP \ (020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$

		P-Zw	eig			Q-Zv	veig			R-Zw	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				_				515.128094	567	-45	-17
2	-				512.851467	180	-172	-192	516.273110	297	-24	3
3	-				512.854004	159	79	60	517.421801	212	-27	-2
4	508.336951	191	27	43	512.856882	159	-70	-89	518.574220	180	29	51
5	507.218294	191	26	37	512.860753	154	48	30	519.730196	164	7	24
6	506.103397	175	12	17	512.865160	148	0	-18	520.889781	154	-3	9
1	504.992260	164	-4	-5	-	1 5 4	20	17	522.052.950	143	10	23
ŏ O	503.884923	149	32	25	512.870107	154	32	17	523.219597	127	5	0 16
10	502.701200	1/12	29	20	512.002403	159	-1	-20	524.509724	117	19	10
11	500 585071	138	-21	-50	512 896940	154	_2	_4	526 740 073	117	1	_10
12	100 102 153	133	34	10	512 00/018	159	_11	-16	527 020 101	122	_9	-10
13	498 403 405	133	27	_24	512 913 340	154	_12	-13	529 103 540	122	5	_11
14	497 317928	127	-2.3	-50	512 922 142	154	-11	-10	530 289 988	127	-15	-32
15	496 236021	127	- 3	-23	512 931 284	154	9	13	531 479 536	127	10	-8
16	495 157 527	127	-26	-50	512 940661	154	8	15	532 672 052	122	29	11
17	494,082486	133	-16	-37	512,950208	154	-12	-4	533.867407	117	-2	-17
18	493 010 800	133	-7	-23	512,959938	148	33	41	535.065612	117	19	6
19	491.942410	148	5	-5	512.969642	148	10	16	536.266499	111	16	7
20	490.877223	154	-6	-10	512.979307	148	-16	-13	537.469975	111	-5	-9
21	489.815222	164	13	15	512.988867	148	-28	-30	538.675975	111	-8	-8
22	488.756306	175	35	44	512.998284	148	22	15	539.884395	117	7	12
23	487.700399	180	62	78	513.007373	148	40	25	541.095077	111	-9	0
24	486.647362	180	38	60	513.016031	148	13	-8	542.307956	122	-11	2
25	485.597137	180	-12	15	513.024192	154	-27	-52	543.522902	122	-13	2
26	484.549679	170	-43	-13	513.031856	154	18	-8	544.739770	127	-45	-27
27	483.504999	175	47	77	513.038800	154	27	6	545.958561	138	16	35
28	482.462785	175	38	67	513.044921	164	0	-4	547 178 960	148	-25	-6
29	481.423003	159	-5	20	513.050192	175	16	44	548.401020	164	11	28
30	480.385660	159	23	41	513.054494	191	64	147	549.624532	1/5	39	54
31	479.350534	159	1	9	513.057254	170	-320	-151	550.849300	122	-9	3
32	478.317019	104	20	22	513.059608	154	111		552.075.310	117	-19	-9
24	4//.200/23	170	21	-0	_				555.502405	100	-10	-12
25	476.237810	164	21	10	-				554 550 429	05	-34	-29
36	474 205 397	154	16	_43	_				556 988 857	95	_3	1
37	473 181 708	148	24	-46	_				558 218 961	101	ñ	8
38	472 159588	154	70	-7	_				559 449 483	101	-10	4
39	471 138789	164	12	-66	_				560.680318	111	-12	8
40	470 119357	175	1	-72	_				561 911 337	117	-12	15
41	469 101 220	223	66	5	_				563 142 409	127	-19	13
42	468.084083	244	14	-26	_				564.373440	143	-9	23
43	467.068026	260	23	11	-				565.604263	159	-32	-13
44	466.052896	276	35	59	-				-			
45	465.038611	297	62	125	-				568.065045	217	27	-45
46	464.024985	318	7	108	-				569.294678	249	-2	-180
47	463.012158	350	97	228	-				570.523696	291	-44	-389
48	461.999690	408	-28	116	-				571 752 099	281	-2	-601
49	460.987732	445	-137	-14	-				572 980 659*		988	20
50	459.976729*	F 0 0	287	341	-				574.206251	408	-112	-1600
51	458.965255	503	-111	-202	-				575 431 999	493	-94	-2300
									Fortsetzung	auf de	r nächste	n Seite

					0				× /			
		P-Zw	eig			Q-Zv	veig			R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
52	457.954717	514	139	-201	=				576.656937	668	153	-3019
53	456.944047	461	29	-702	-				577.880436	737	73	-4380
54	-				-				579.102875	800	115	-6011
55	-				-				580.323915	1012	1	-8278

Tabelle A.2 Fortsetzung von $D^{12}CP (020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$

Tabelle A.3 $D^{12}CP (020)^{2e,f} \leftarrow (010)^{1e}$

		P-Zweig					Q-Zw	eig				R-Zw	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{c}$	obs	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	-					_				529.42	25514	117	-4	-7
3	522.612112	588	-92	-95		526.006290	138	-18	-35	530.57	73630	111	-5	-6
4	521.489237	286	-70	-70		526.008801	127	42	28	531.72	25355	111	16	18
5	520.370103	217	29	32		526.011822	127	-31	-42	532.88	30612	111	-26	-21
6	519.254565	180	32	40		526.015654	127	45	38	534.03	39556	106	13	22
1	518.142.689	1/0	-24	-12		526.020.009	127	-43	-46	535.20	J2058	106	-11	1
ŏ	517.034658	104	0 107	176		- ED6 021 100	107	14	0	536.30	20172	106	-41	-26
9	515.950165	142	-197	-170		526.031100	127	-14	-0	537.33	11 5 4 9	106	0 27	25
11	513 733 401	132	-1	24		526 045 316	133	Q	21	530.71	22202	100	-37	-17
12	513.733401	130	-1	17		526.043.510	107	12	33	541 04	5000Z	101	-22	-1
13	511 552 140	154	-40	19		526 062 959	133	_9	9 9	542.25	54584	101	-17	3
14	510 467 559	159	-8	27		526 073212	133	-7	13	543 44	43229	106	11	29
15	509 387 078	170	-6	29		526 084 446	133	_44	-24	544 63	35732	106	19	34
16	508 310 742	175	-26	7		526.096857	127	17	38	545.83	32120	106	-15	-4
17	507.238670	185	-20	12		526 110 328	127	-4	17	547.03	32536	106	0	7
18	506.170940	175	21	50		526.125028	127	-3	17	548.23	37032	106	62	63
19	505.107539	170	8	32		526.141624*		616	634	549.44	45 4 91	111	-6	-11
20	504.048591	159	-15	5		526.158299	122	-38	-22	550.65	58187	111	9	-2
21	502.994233	159	10	23		526.177080	122	-14	1	551.87	75068	117	-12	-28
22	501.944473	159	3	11		526.197390	122	32	44	553.09	96291	122	23	1
23	500.899420	170	-14	-11		526.219192	117	-22	-12		-			
24	499.859220	196	15	12		526.242706	117	-41	-33	555.55	51803	122	8	-21
25	498.823898	212	20	12		526.268013	117	-34	-26	556.78	86314	122	33	1
26	497.793467	154	-82	-95		526.295163	117	-40	-34	558.02	25298	133	-55	-87
27	496.768320	164	2	-13		526.324315	117	4	11	559.26	59042	138	-48	-78
28	495.748286	159	1	-15		-			~~	560.51	17585	148	10	-16
29	494.733575	148	22	6		526.388725	122	-41	-32	561.74	/0890	106	1	-21
30	493.724.240	138	14	-1		526.424285	133	-25	-15	563.02	29111	106	- /	-22
31	492.720430	127	10	5		526.462212	142	13	24	504.25	92342	101	-4	-12
3Z 22	491.722.243	122	20	10		526.502519	145	-15	-3	505.50	24060	101	-13	107
33	490.729772	154	14	10		526 590 994	164	42	49	568 11	12860	101	_24	8
35	488 762 427	170	_7	-5		526 639 240	180	12	6	569 30	96950	101	-15	6
36	487 787 808	180	6	10		526 690 428	191	44	44	570.68	36442	101	-29	-5
37	486 819 322	175	_9	-6		526 744 481	223	_4	-12	571.98	81479	106	-5	17
38	485 857 114	180	-15	-16		526.801724	249	82	63	573.28	32074	117	-13	6
39	484.901314	212	14	4		526.861963	281	8	-24	574.58	38346	133	-10	1
40	483.952073	260	123	100		526.925575	291	55	11	575.90	00 385	143	15	17
41	483.009215	291	35	-6		-				577.21	18191	164	-9	-18
42	482.073091	350	1	-60		527.062858	413	79	21	578.54	41909	185	-8	-26
43	481.143677	366	-98	-183		527.136646	138	-7	-56	579.87	71538	207	-51	-69
44	480.221 377	382	48	-59		527.214135	143	-3	-23	581.20	07209	233	-68	-72
45	479.305892	509	49	-73		527.295351	175	36	76	582.54	49014	302	-27	9
46	478.397337	578	-64	-188		527.380307	185	46	192	583.89	96874	345	-61	54
47	477 496 231	578	146	43		-				585.25	50881	445	-126	123
48	476.602.285*		312	267		_				586.61	11310	530	6	470
49	4/5.715218	726	81	149		-				587.97	(1767	572	-97	689
50	474.835567	769	-18	181		-				589.35	50646	816	-/6	11//
51	-					—				590.72	29894	880	-12	1895
52	-					-				592.11	12010	11//	1/4	2918

Tabelle A.4 $D^{12}CP (020)^{2e,f} \leftarrow (010)^{1f}$

		P-Zw	veig		(Q-Zw	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	_				-				529.416595	111	75	64
3	522.594299	631	52	38	526.024862*		621	642	530.555634	111	14	4
4	521.459353	276	-12	-27	526.039444*		825	845	531.695262	117	-12	-21
5	520.325100	196	-33	-48	526.056576	127	-13	5	532.835478	117	7	-1
6	519 191606	164	45	30	526.078129	122	-22	-5	533 976 192	111	-6	-13
7	518 058648	154	-12	-27	526 103 305	122		18	535 117 455	111	12	7
8	516 926396	148	-47	-61	526 131 999	127	-41	-29	536 259 227	106	35	31
9	515 794942	143	24	10	526 164 341	122	-23	-1.3	537 401 405	106	-29	-32
10	514 664129	138	30	17	526 200 241	122	-30	-2.3	538 544 159	106	3	2
11	513 534009	133	15	_3	526 239 790	122	33	37	539 687 397	101	5.3	5.3
12	512 404 582	133	-33	-45	526 282 844	122	23	24	540 830 974	101	-11	-10
13	511 275 953	138	-20	-30	526 329 442	117	_17	_19	541 975 088	101	21	23
14	510 148044	148	_33	_43	526 379 662	117	_5	_10	5/3 11050/	101	17	20
15	500 020077	157	-30	-40	526.433.466	122	-J 25	17	544 264 402	101	2 I /	21
16	507 804578	154	10	30	526 400 788	117	10	1	545 400 783	101	40	-34
17	506 769057	164	17		526 551 604	117	20	-1	545.405705	101	10	-34
10	505 644147	164	-17	-22	520.551094	117	22	20	540.555545	101	25	20
10	505.044147	104	-21	-24	520.010117	117	-3	-20	547.701.501	101	-35	-20
19	504.520154	154	-0	-0	520.004157	117	21	1		101	-23	-13
20	503.396894	170	-02	-03	520.755070	117	20	-2	549.994857	101	11	22
21	502.274529	1/0	-42	-41	526.829829	117	-904	-929	551 141 939	101	-27	-15
22	501.153001	180	-11	-8	526.909371	117	29	2	552.289362	106	-40	-27
23	500.032317	180	29	34	526.991555	117	/8	48	553.437151	106	10	23
24	498.912418	191	9	15	527.077166	117	34	3	554.585136	111	-34	-19
25	497.793467	154	83	90	527.166281	117	-19	-52	555.733421	111	-51	-36
26	496.675209	223	-14	-5	527.259032	117	57	24	556.882034	117	0	16
27	495.557925	164	-8	2	527.355158	122	9	-25	558.030895	127	53	70
28	494.441551	164	26	37	527.454827	127	12	-22	559.179861	138	-18	$^{-1}$
29	493.326026	164	19	31	527.558080	122	115	81	560.329114	148	-18	$^{-1}$
30	492.211404	159	18	29	527.664616	143	24	-10	561.478629	148	43	61
31	491.097638	159	-35	-24	527.774683	148	-5	-37	562.628197	106	-27	-10
32	489.984860	159	-15	-4	527.888241	159	-2	-33	563.778013	101	-20	-3
33	488.872997	159	-4	6	528.005292	170	42	13	564.927959	101	-38	-21
34	487.762063	159	4	12	528.125690	191	-10	-36	566.078076	95	-25	-7
35	486.652070	159	13	19	528.249659	185	76	53	567.228297	95	-31	-14
36	485.543006	164	4	7	528.376911	228	22	1	568.378649	95	-14	2
37	484.434891	170	-12	-14	528.507615	111	5	-12	569.529080	101	-12	4
38	483.327782	175	14	8	528.641707	111	-28	-42	570.679576	106	-21	-6
39	482 221621	191	17	5	528.779264	122	9	0	571.830137	111	-25	-11
40	481.116415	207	-3	-22	528.920170	127	12	7	-			
41	480.012256	233	37	10	529.064514	133	81	80	574.131378	127	-34	-22
42	478.909038	239	26	-11	529.212050	138	-21	-18	575.282057	138	-6	4
43	477.806833	281	26	-22	529.363222	133	163	170	576,432,683	164	-27	-18
44	476 705 688	307	80	19	529 517 389	159	200	13	577 583 336	185	-1	7
45	475 605 420	382	_4	-79	529 675 008	180	-34	-19	578 734 015	175	88	94 94
46		002	•	15	529 836 002	212	-10	7	579 884 485	239	23	27
47	473 408066	535	-61	-170	530 000 252	254	_3/	-15	581 034 016	270	_11	_9
48	472 311126	525	100	_31	530 167 798	255	-54	_32	582 185 268	210 323	-11	-36
10	471 214006	523	200	_124	530.107750	286	_171	_150	582 335 568	115	_0	_11
79 50	+/1.214990	100	29	-124	530 530 522	200 567	- 11 1	_110	503.333300 584 485727	440 100	-9	-11 -11
50	-				530.512737	125	-04	-++	504.403/3/	430	10	
21	-				530.090131	433	-3U 40	-10	505.055723 E06 70E 60E	641	-10	-23
52 E 2	-				550.670710	4//	-43	-30		041	101	91
53 E4	-				531.054623	5/8 207	41	4/	501.935191	000	-/8	-91
54 FF	-				531.241629	301	14	11	589.0850/9	1044	314	298
55	-				-				590.234097	1251	52	32
56	-				-				591.383115	986	16	- /
17	_				_				592.534121*		2214	2187

Tabelle A.5 D¹²CP $(030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{0e}$

		P-Zv	veig			Q-Zw	veig			R-Zwe	ig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				-				503.826077*		443	463
2	499.277544	244	28	41	-				504.961585*		602	621
3	498.138884	239	24	34	501.548920	254	-27	$^{-16}$	506.095576	477	-43	-25
4	496.999498	228	-55	-50	501.546304	228	-3	6	507.229509	424	-2	15
5	495.859608	212	21	21	501.542976	201	-20	-12	508.362964*		343	357
6	494.718908	207	-39	-43	501.538948	191	-55	-49	509.494836	376	-72	-60
7	493.577665	207	54	46	501.534351	191	31	35	510.626264	376	-60	-51
8	492.435591	196	39	27	501.528930	175	-4	-2	511.756828	403	13	20
9	491.292759	201	21	6	501.522816	175	-16	-17	—			
10	490.149110	201	-21	-37	501.516067	170	66	63	514.014714	366	-64	-60
11	489.004695	212	8	-9	501.508397	170	-25	-30	515.142166	297	50	54
12	487.859378	228	22	5	501.500105	170	25	19	516.268298	254	41	46
13	486.713048	228	-37	-51	501.490983	170	30	22	517.393095	239	-26	-19
14	485.565789	239	-22	-33	501.481044	164	22	14	518.516545	244	-76	-66
15	484.417484	249	14	7	501.470280	170	17	7	519.638674	276	10	23
16	483.268021	249	30	28	501.458628	170	-27	-36	520.759168	302	15	32
17	482.117302	260	5	8	501.446184	170	13	4	521.878028	270	42	63
18	480.965316	276	9	18	501.432726	175	-59	-67	522.995070	260	15	40
19	479.811923	286	-12	2	501.418477	175	7	$^{-1}$	524.110176	244	-72	-43
20	478.657111	276	21	40	501.403228	180	31	24	—			
21	477.500651	302	-24	-3	501.386972	185	35	30	526.334490	201	-41	$^{-10}$
22	476.342609	334	18	39	501.369669	191	10	6	527.443266	281	-107	-78
23	475.182749	366	17	35	501.351314	196	-15	-18	528.549806	329	-38	-14
24	474.020954	382	-37	-24	501.331906	207	-11	-13	529.653861	313	52	69
25	472.857223	350	-32	-26	501.311419	207	32	29	530.755104	334	-27	-19
26	471.691288	424	-119	-123	501.289748	228	43	39	531.853731	371	64	59
27	470.523352	477	24	9	501.266822	239	-14	-20	532.949299	435	25	7
28	469.353023	546	128	101	501 242699	254	-45	-53	-			
29	468.179921	599	-63	-99	501.217418	276	28	14	535.131134	604	29	-12
30	467.004491	509	25	-14	501.190804	313	65	45	536.217011	806	-16	-62
31	465.826014	588	-199	-231	501.162699	323	-52	-80	537.299434	1261	19	-21
32	464.645203	604	110	100	501.133391	360	2	-36	—			
33	463.461129	5/8	150	192	501.102644	403	30	-19	-			
34	402.273588	5/8	-133	-20	501.070595	400	209	147	-			
33	—				501.050755	339	90 77	12	_			
27	—				501.001490	415	220	-10	_			
20	—				500.964360	309	-229	-337	_			
20	—				500.926224	495	120	-52	_			
40					500.880499	470	432	126				
40					500.844570	472	670	210				
41					500.800110		-070	-019				
42 43	_				500 700016*		622	501	_			
43	_				500 650467	456	_0	_11/	_			
45	_				500 607530*	730	_111/	_1175	_			
46	_				500.555304*		-582	-575	_			
47	_				500 501 147	530	_49	52	_			
48	_				500,443878*		-609	-380	_			
					500							

Tabelle A.6 $D^{12}CP (030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{2e}$

		P-Zw	eig			Q-Zw	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	-				_				515.842966	207	39	30
1	_				_				516.978814	180	14	5
2	512.430320	254	-41	-45	514.721883	133	6	-14	518.113838	143	10	1
3	511 291229	207	-14	-16	514.737538	122	-2	-20	-			
4	510.151300	164	-60	-59	514.758463	117	29	14	520.381285	117	-32	-41
5	509.010744	175	8	11	514.784580	117	13	1	521.513785	117	16	8
6	507.869429	164	33	39	514.815955	122	6	-2	522.645370	122	13	7
7	506.727375	159	5	14	514.852587	122	-6	-11	523.776078	127	-5	$^{-10}$
8	505.584673	148	-14	-3	514.894503	127	-11	-12	524.905937	133	-13	-17
9	504.441357	143	-25	-13	514.941742	133	15	17	526.037901*		2936	2933
10	503.297479	138	-13	2	514.994251	138	-1	5	527.166268*		3129	3128
11	502.153065	133	12	27	515.052109	143	1	9	528.290464	111	-18	-19
12	501.008120	133	12	27	515.115330	148	11	22	529.416582*		-427	-428
13	499.862699	133	-2	13	515 183912	154	5	17	530.542739	111	2	1
14	498.716891	133	14	28	515.257896	159	-2	9	531.667745	117	58	57
15	497.570679	133	-7	5	515.337307	159	-14	-3	532.791889	117	9	7
16	496.424165	133	-13	-5	515.422185	148	-19	-10	533.915352	117	11	8
17	495.277403	127	-6	-1	515.512609	143	31	38	535.038096	111	-2	-7
18	494.130451	127	17	18	515.609205*		729	734	536.160172	111	-10	-16
19	492.983329	133	18	14	515.709921	133	-8	-7	537.281622	111	-2	$^{-10}$
20	491.836109	133	5	-3	515.816979	122	6	3	538.402482	111	21	12
21	490.688890	133	16	3	515.930198	307	555	548	539.522820	111	91	81
22	489.541676	138	-11	-29	516.047981	122	5	-5	540.642477	117	7	-3
23	488.394659	143	46	24	516.172015	127	7	-6	541.761729	117	4	-5
24	487.247740	148	19	-6	516.301778	133	1	-14	542.880392	117	-147	-155
25	486.101102	154	20	-9	516.437308	133	-12	-28	543.998964	117	5	1
26	484.954791	164	19	-11	516.578671	127	-4	-19	545.117052	127	19	18
27	483.808892	175	26	-5	516.725919	127	41	27	546.234800	127	-12	-7
28	482.663484	185	44	13	516.878961	133	-5	-16	547.352326	138	-22	-11
29	481.518586	201	12	-17	517.037954	133	-21	-27	548.469668	148	-27	-8
30	480.374361	212	15	-13	517.202950	143	11	11	549.586893	159	-13	12
31	479.230862	228	24	-2	517.373896	154	7	12	550.704026	170	-14	20
32	478.088088	249	-42	-66	517.550884	159	27	39	551.821120	175	-30	10
33	476.946309	276	5	-17	517.733862	170	-9	10	552.938280	185	-16	29
34	475.805458	291	17	-4	517.922948	196	-7	17	554.055505	201	-29	19
35	474.665634	323	11	-11	518.118128	212	-4	25	555.172965	217	44	91
36	473.526968	360	38	13	518.319403	233	-16	14	556 290 464	239	-51	-8
37	472.389491	382	49	18	-				557.408304	254	-67	-34
38	471.253283	424	45	6	-				558.526509	297	-35	-19
39	4/0.11935/*		961	913	518.960003	313	-60	-39	559.645107	329	17	12
40	468.985098	535	107	48	519.185773	313	-113	-98	560.764.202	398	143	110
41	467.853141	625	44	-23	-				561.883572	450	69	5
42	466.722870	572	85	15	519.655898	583	-12	-3	563.003452	530	-17	-114
43	465.594117	620	-6	-68	219.899991	562	-87	-/0	564.123985	753	-17	-145
44	464.467430	753	253	216	-	45.0		0.5	565.245212	641	66	-84
45	463.341946	668	-63	-46	520.406578	456	-14	85	566.367341*	000	401	247
46	462.218470	652	-208	-96	-				567.489366	880	-55	-183
4/	-				-				568.612816*	1024	196	138
48	-				-				569.736449	1034	-118	-39
49	-				-				570,860,998	1223	-288	1/

		P-Zw	eig			Q-Zv	veig			R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	499.283599	244	40	33	501.569080	323	48	56	-			
3	498.156958	233	-38	-44	501.585101	249	-56	-46	-			
4	497.035816	217	-29	-34	501.606706	239	79	89	507.320344	387	206	201
5	495.920102	207	-10	-14	501.633393	207	-25	-14	508.489620	355	72	68
6	494.809841	191	41	38	501.665493	185	-7	6	509.664115	302	-112	-114
7	493.704897	185	-14	-16	501.702910	175	76	89	510.844096	265	-50	-51
8	492.605465	185	21	21	501.745356	164	-23	-7	512.029249	249	-30	-29
9	491.511382	185	-15	-12	501.793085	154	2	19	513.219594	228	1	4
10	490.422799	185	36	40	501.845875	148	-17	2	514.415171	207	115	119
11	489.339467	180	-69	-63	501.903557	138	-185	-165	515 615 574	154	-59	-52
12	488.261719	185	13	21	501.966555	143	-12	10	516.821273	254	-12	-4
13	487 189248	201	-15	-5	502.034281	154	-9	14	518.031995	239	21	31
14	486.122224	207	33	45	502.106813	159	-19	5	519.247908	117	251	263
15	485.060477	228	2	15	502 184 139	164	33	59	520.468281	196	-8	5
16	484.004112	233	16	30	502.265937	164	-80	-54	521.693794	212	-30	-15
17	482.953089	249	55	70	502.352462	164	-5	22	522.924212	223	0	16
18	481.907213	265	-52	-36	502.443324	159	-25	1	524.159442	207	40	57
19	480.866764	265	0	16	502.538547	164	-6	19	525.399328	175	-11	7
20	479.831449	270	-53	-38	502.637961	175	2	25	526.643922	196	-45	-27
21	478.801430	265	-19	-5	502.741450	180	5	25	527.893211	239	-15	_3
22	477.776570	270	-3	10	502.848835	175	-44	-28	529 147 091	270	37	55
23	476.756818	297	-18	-8	502.960105	170	-23	-10	530.405299	360	-87	-70
24	475.742186	334	-14	-8	503.075063	175	15	23	531.667745*		-410	-394
25	474.732602	329	-23	-21	503.193526	185	33	36	532.935253	307	-37	-23
26	473.728092	376	25	22	503.315311	212	2	-1	534.206657	286	-61	-50
27	472.728473	419	-5	-15	503.440.327	217	-13	-21	535.482391	323	28	36
28	4/1./33/20	382	-90	-107	503.568454	212	32	20	536.762165	323	20	24
29	4/0./43969	366	-40	-66	503.699427	239	42	25	538.045942	329	-41	-40
30	409.759155	398	135	100	503.833028	205	-31	-51	539.333636	400	48	44
31	400.770034	472	50	3 71	503.909238	201	-20	-47	540.625501	221	10	10
32	407.003227	505	-12	-/1	504.107.605	200	-17	-37	541.920944	440	-12	-24
33	400.032301	519	00	-13	504.248492	270	-48	-04	543.220140	424	12	-4 E
25	405.000197	615	120	26	504.591.300	100	7	00	544.522 919	594	24	5
26	464.904225	613	1.09	267	504.555704	400	-1	-0	-			
27	403.940470	551	-140	-207	504.001702	201	110	20	-			
20	402.993142	657	-352	-407	504.029109	420	-112	124	-			
20	402.044705	057	91	-00	504.977955	429	24	70	-			
40	_				505.127.503	440	188	236	_			
41	_				505.278.047	450	-267	_200 _228	_			
42	_				505 580 273	572	135	147	_			
 43	_				505.300273	488	_87	-132	_			
44	_				505 883 394	450	371	226	_			
45	_				506 034 023	620	-146	-449	_			
					000.001.020		1.0					

Tabelle A.7 $D^{12}CP (030)^{1e,f} \leftarrow (020)^{2f}$

Tabelle A.8 $D^{12}CP (030)^{3e,f} \leftarrow (020)^{2e}$

		P-Zw	eig		(Q-Zw	eig			R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				_				529.710189*		1061	1008
2	-				-				530.852446	111	-7	-55
3	-				527.440415	127	-1	89	531.997736	117	0	-45
4	-				527.448393	111	-32	55	533.145002	117	42	1
5	521.761788	228	83	13	527.458358	117	-87	-5	534 294177	117	74	37
6	520.634532	175	135	65	527.470286	122	-199	-123	535.445288	117	146	114
7	519.509317	164	224	155	527.484306	127	-247	-176	536.598334	117	286	257
8	518.386220*		434	368	527.499633*		-1025	-961	537.753224*		431	406
9	517.265 085*		623	561	527.518244*		-566	-509	538.910115*		771	749
10	516.145126	170	17	-40	527.539012	117	-11	39	540.067726	106	61	42
11	515.027745	170	36	-14	527.561337	122	28	70	541.227769	106	49	33
12	513.912233	175	-10	-53	527.585662	117	-22	14	542.389460	106	-6	-19
13	512.798749	175	60	27	527.612159	117	-3	26	543.552838	106	-22	-33
14	511.687030	185	10	-14	-				544.717838	106	-18	-26
15	510 577 168	180	-41	-56	527.671508	122	9	25	545 884 381	106	-23	-28
16	509.469209	185	-18	-22	527.704374	122	-21	-11	547.052467	106	15	12
17	508.362964	180	-74	-67	527.739463	122	-7	-2	548.221940	106	-5	-5
18	507.258568	185	-38	-22	-				549.392824	106	-1	2
19	506.155887	180	-7	17	527.816258	122	18	15	550.565030	106	-1	4
20	505.054833	180	-27	6	527.857965	122	-16	-21	551.738492	106	-9	0
21	503.955447	175	-12	27	527,901986	122	-5	-12	552 913130	111	-37	-26
22	502.857624	170	-20	21	-				554.088946	111	-15	-3
23	501.761364	170	-4	39	527,996935	117	18	11	555.265781	117	-31	-17
24	500.666575	170	-4	38	528.047901	117	16	9	556.443624	117	-23	-8
25	499.573257	170	34	72	-				557.622369	127	-21	-4
26	498.481267	180	23	53	528.156934	122	-30	-34	558.801938	127	-24	-6
27	497.390636	196	50	70	528.215564*		433	431	559,982265	143	-18	0
28	496.301157	201	-33	-24	-				561 163286	154	14	32
29	495.212979	212	-14	-20	528.338840	133	-20	-18	562.344843	159	-2	17
30	494.125939	228	3	-16	528.404480	138	1	3	563.526884	170	-33	-13
31	493.039919	265	-35	-67	528.472631	148	-10	-8	564.709382	191	-19	2
32	491.954984	286	1	-43	528.543384	159	8	10	565.892195	212	-15	8
33	490.871031	291	72	21	528.616740	175	29	28	567.075203	233	-54	-28
34	489.787901	355	83	33	528.692660	196	-17	-22	568.258434	254	-18	11
35	488.705 432	424	-61	-101	528.771247	223	-57	-68	569.441678	291	-30	3
36	487.623839	466	-83	-100	528.852764	260	144	124	570.624896	371	-39	-1
37	486.543128	498	89	110	528.936753	286	97	67	571.808022	350	-24	18
38	485.462732	557	-49	29	529.023488	350	49	6	572.990939	398	-14	31
39	-				529.113022	419	23	-35	574.173451	461	-120	-76
40	483.303639	604	-259	7	_				575.355884	503	69	105
41	_				529,300643	466	81	-12	576 537519	519	-82	-65
42	_				529,398730	456	110	-2	_			
43	_				529 499629	461	63	-67	_			

 $\textbf{Tabelle A.9} \ D^{12}CP \ (030)^{3e,f} \leftarrow (020)^{2f}$

		P-Zw	eig			Q-Zwe	eig			R-Zwe	ig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	_				_				530.852446	111	-11	50
3	-				527.440415	127	19	-24	531.997736	117	-21	40
4	522.890993	387	-91	-40	527.448393	111	30	-13	533.145 002	117	-20	40
5	521.761788	228	-60	-12	527.458358	117	56	14	534.294177	117	-70	-12
6	520.634532	175	-152	-107	527.470286	122	87	47	535.445288	117	-142	-85
(519.509317	164	-293	-252	527.484306	127	268	230	536.598334	117	-233	-1/8
ŏ	518.386220*		-428	-391	527.499633	2878	-10/	-203	537.753224*		-435	-382
10	517.205085	164	-132	-099	527.518244	117	101	10	538.910115	106	-590	-540
10	515.14/140	170	-3	20	527.557.024	672	20	250	540.009.001	106	-49	-2
12	513 016353	180	-52	-20	527 581 621	117	-329	-358	541.230.039	106	-10	27
13	512 804 372	180	66	81	527 606 627	117	12	_10	543 558 514	106	-5	33
14	511 694 510	185	-6	5	527 633 398	122	21	3	544 725 423	106	13	47
15	_	100	Ŭ	Ŭ	527 661 896	122	37	23	545 894 307	106	12	42
16	509.481843	185	-6	-3	527 692 028	122	5	-5	_	100		•=
17	508.379037	185	-3	-4	527.723821	122	-7	-14	-			
18	507.278546	175	-81	-85	527.757236	122	3	-1	549.413017	106	-25	-6
19	506.180624	180	-24	-31	527.791946	3037	-246	-247	550.590036	106	-4	11
20	505.085155	180	13	3	527.828644	122	-15	-14	551.769095	106	-15	-4
21	503.992112	170	-38	-52	527.866571	122	-17	-13	552.950273	111	$^{-1}$	7
22	502.901770	159	55	39	527.905910	122	-17	-13	554.133556	117	2	7
23	501.813912	159	29	11	527.946701	122	73	77	555.318971	117	-5	-4
24	500.728690	164	-10	-30	527.988643	122	5	8	556.506583	122	15	14
25	499.646227	1/0	12	-9	528.031893	117	-12	-11	557.696353	127	-5	-9
20	498.500517	100	37	10	528.070359	122	-10	-20	556.666372	133	-1	-14
21	497.409507	212	41	19	520.122020 528.168718	122	21	23	561 270 212	1/10	-24	-32
20	490.413320	212	-13	_33	528 215 564*	127	-028	_940	562 478 150	154	-40	-40
30	494 276123	270	-3	-21	528 265 236	133	-19	-34	563 679 468	170	-19	-31
31	493 210 976	281	-4	-20	528 314 985	143	23	6	564 883 232	185	11	0
32	492.148935	313	-1	-14	528 365 585	154	22	3	566.089389	191	-37	-47
33	491.090190	318	127	118	_				567.298188	212	35	28
34	490.034570	355	140	134	528.469283	185	23	6	568.509419	244	-33	-37
35	488.982103	403	-8	-8	528.522289	201	20	8	569.723332	281	-48	-47
36	487.933238	387	57	63	528.576015	223	17	11	570.939964	307	-28	-22
37	486.887734	429	16	29	528.630420	270	9	9	572.159396	376	45	58
38	-				528.685441	318	-35	-29	573.381574	398	55	76
39	484.807380	482	-142	-112	528.741219	334	52	62	574.606577	450	14	43
40	483.772823	588	-137	-98	528.797391	392	-70	-64	575.834522	498	-31	7
41	482.742438	641	230	278	-				577.065.607	562	45	92
42	481.715224	694	-136	-/9	-				578.299542	620	-124	-68
43	480.692222	631	-289	-224	—				579.536852	954	-92	-30
44	419.013111	120	10	01	-				500.///000	933 821	100 100	∠03 14
40 16	-				-				202.021.300 583.268.860	021 1086	-49 205	14 260
40	_				_					1000	205	200
48	_				_				585 773 855	1166	-88	-86
49	_				_				587.032.221	1193	112	62

		D 7				<u> </u>	, ,			D 7		
		P-Zw	/eig			Q-Z	weig			R-Zw	/eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	500.390911	387	92	90	-				508.384915	567	178	172
4	499.269991	382	-151	-162	-				-			
5	-				-				510.715837	578	27	4
6	497.044984	339	287	257	503.769389	334	131	95	511.888880	503	-10	-39
7	495.939844	339	-6	-42	503.763667	297	0	-39	513.066827	403	-47	-80
8	494.840176	307	-1	-44	503.757115	286	68	29	514.249535	387	-117	-153
9	493.745584	313	-27	-72	503.749307	276	0	-35	515.437186	429	83	47
10	492.656045	302	-24	-67	503.740251	270	-92	-187122	516.629310	376	213	181
11	491.571549	313	93	55	503.730023	265	-18	-39	517.825436	445	-52	-78
12	490.491689	313	21	-7	503.718214	244	-64	-73	519.026087	376	-36	-52
13	489.416596	313	8	-6	503.704985	260	68	73	520.230858	403	24	17
14	488.345969	345	-117	-115	503.689769	254	-44	-25	521.439513	366	67	70
15	487.280096	355	71	93	503.672793	249	-18	15	522.651765	503	-6	6
16	486.218192	371	-60	-20	503.653757	260	12	56	523.867613	684	2	18
17	485.160506	387	-102	-45	503.632414	260	-27	23	-			
18	484.106848	408	-74	-4	503.608611	265	-107	-56	526.308987	398	-17	-6
19	483.057035	403	23	99	503.582389	270	3	49	-			
20	482.010721	456	30	105	503.553251	276	3		528.761831	466	-40	-59
21	480.967742	456	-18	47	503.521033	286	-69	-50	529.992091	440	62	25
22	479.927947	509	-69	-22	503.485767	307	27	29	531.224 300	387	-47	-99
23	478.891323	461	77	98	503.446977	366	25	14	532.458667	445	86	30
24	477.857113	493	-122	-130	503.404427	350	-98	-107	533.694643	657	161	127
25	476.825688	562	-75	-106	503.358319	403	75	95	534.931730	933	-68	-39
26	475.796493	562	-112	-151	_				536.170203	943	-78	81
27	474.769750	610	212	198	-				-			
28	473.744250	578	-85	-21	_				-			
29	472.721130	710	357	581	_				-			
30	-				_				-			
31	-				-				-			
32	469.653660*		-4079	-2490	-				-			

 $\textbf{Tabelle A.10} \ D^{12}CP \ (040)^{0e} \leftarrow (030)^{1e,f}$

 $\textbf{Tabelle A.11} \text{ } \mathrm{D}^{12}\mathrm{CP} \ (040)^{2\mathrm{e},\mathrm{f}} \leftarrow \ (030)^{1\mathrm{f}}$

		P-Zv	veig		(Q-Zw	eig			R-Zwe	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				-				518.840311	503	-134	-113
2	_				516.554712	636	-268	-254	-			
3	513.126516	594	-270	-250	—				521.119344	546	-162	-146
4	-				516.548800	429	-58	-50	522.257115*		-496	-482
5	510.835111	503	-102	-86	516.544066*		-550	-546	523.394807	371	60	71
6	509.687878	466	-297	-284	516.539646	376	-25	-24	524.530956	286	54	62
7	508.540547	456	226	234	516.534048	339	-52	-56	-			
8	507.391915	286	248	251	516.527993	339	-4	-12	-			
9	506.242020	482	-208	-210	516 521 768	313	303	290	527.933283	376	-68	-71
10	505.091936	482	-84	-92	516.514614	297	-9	-27	-			
11	503.941146	461	89	75	516.507630	286	28	5	530.196649	546	136	124
12	502.789342	403	-15	-35	516.500581	286	36	7	531.326559	482	42	25
13	501.636976	435	42	15	516.493610	254	3	-35	532.455424	398	-31	-53
14	500.483865	429	59	26	516.486966	281	8	-44	533.583373	408	57	29
15	499.329877	392	-112	-151	516.480963	223	186	112	534.710066	408	-23	-57
16	498 175 483	376	-19	-63	516.475157	281	-100	-208	535.835883	435	118	79
17	497.020384	323	22	-25	516.470605	276	5	-157	536.960367	376	34	-12
18	495.864487	360	-100	-148	516.467401	239	381	136	538.083830	419	45	-8
19	494.708426	350	230	183	516.464629	265	-112	-481	539.206090	398	-22	-82
20	493.551391	360	182	139	—				540.327408	387	101	34
21	492.393604	419	-43	-78	_				541.447432	413	69	-4
22	491.235562	413	31	11	—				542.566409	482	136	57
23	490.076944	477	62	62	_				543.684105	472	73	-12
24	488.917509	519	-214	-186	—				544.800741	636	106	16
25	487.757989	535	-88	-23	—				545.916253	684	173	80
26	486.597926	572	-45	68	_				-			
27	-				—				548.143287	864	-196	-289
28	-				—				549.255568	784	127	39
29	-				-				-			
30	-				_				551.475932	477	58	-7
31	-				-				552.584369	869	12	-31
32	-				-				553.691785	790	95	81
33	-				_				-			
34	-				-				555.903060	1076	118	196
35	-				-				557.006670	1193	-211	-67
36	-				-				558.109234*		-477	-252

	P-Zweig				(Q-Zw	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	_				516.572629*		-454	-440	519,998588	567	-39	8
3	513.162.835	572	-194	-171	516.588558	525	63	75	521.155832	562	-100	-44
4	_				516.608934	472	-110	-100	522.318321	525	-126	-63
5	510.925756	466	-218	-191	516.634803	450	76	83	523.486159	509	-65	4
6	509.815 332	488	-82	-52	516.665616	424	71	75	-			
7	508.710166	535	-97	-65	516.701476	398	-18	-18	-			
8	507.610766	493	155	188	-				527.021858	488	48	119
9	-				516.788748	350	-33	-41	528.211405	424	21	86
10	505.428551	450	324	354	516.840145	376	32	19	_			
11	504.345860	493	123	148	516.896526	382	-41	-60	530.607764	413	9	53
12	503.269158	366	-71	-53	516.958059	382	-81	-105	531.814771	424	-42	-11
13	502.198695	562	-159	-151	517.024837	323	10	-19	533.027965	419	-14	2
14	-				517.096715	334	90	56	534.247370	403	-43	-39
15	500.077254	445	84	72	517.173510	318	-18	-58	535.473249	429	-34	-40
16	499.026016	382	-203	-225	517.255668	313	137	92	536.705824	408	55	43
17	497.982121	360	1	-28	517.342730	313	102	51	-			
18	496.944935	360	-145	-177	517.434945	302	132	76	539.191272	419	-86	-88
19	495.915348	371	34	4	517.532051	302	-28	-88	540.444930	472	66	80
20	494.893444	302	399	375	517.634402	329	-15	-80	541.705597	620	-197	-160
21	493.878197	382	-310	-323	517.741932	366	112	44	542.974412	1002	46	108
22	492.872079	419	141	142	517.854405	276	128	56	544.250669	578	-136	-50
23	491.873435	450	-149	-136	517.971730	477	-49	-125	545.535034	572	-303	-207
24	-				518.094365	461	50	-28	546.828188	652	-6	75
25	-				518.221957	440	83	4	548.129528	774	-78	-56
26	-				-				549.440155	450	353	246
27	-				-				550.759086	1579	75	-260
28	-				518.634628	456	78	2	552.087865	2629	408	-296
29	-				518.782125	503	66	-5	553.426296*		939	-323
30	-				518.934644	641	126	63	-			
31	-				519.091924	647	18	-34	—			

 $\textbf{Tabelle A.12 } D^{12}CP \ (040)^{2\,\mathrm{e},\mathrm{f}} \leftarrow \ (030)^{1\,\mathrm{e}}$

Tabelle A.13 $D^{12}CP (040)^{4e} \leftarrow (030)^{3e,f}$

	P-Zweig					Q-Zwe	eig			R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	-				528.941 330	1643	-106	-76	533.506329	175	-5	-20
4	-				528.949059	610	66	95	534.654994	185	-41	-59
5	523.252280	509	-116	-101	528.958410	398	-28	0	535.805555	191	-14	-34
6	522.122500	731	-136	-119	528.969789	254	22	47	536.957934	185	9	-12
7	520.995009	1049	184	205	528.982958	276	-23	-1	538.112131	185	42	22
8	519.868930	625	-40	-16	528.998038	239	-37	-21	539.268015	180	-34	-51
9	518.745048	413	-34	-5	529.015039	233	-9	0	540.425796	191	4	-7
10	517.623155	419	-13	21	529.033898	217	1	1	541.585329	191	25	21
11	516.503210	382	-26	15	529.054614	217	-3	-15	542.746588	185	15	22
12	515.385252	419	-42	7	529.077187	201	-18	-44	543.909535	191	-49	-30
13	514.269453	345	103	161	_				545.074338	191	14	49
14	513.155367	334	-45	23	529.128023	207	55	-3	546.240790	196	10	63
15	512.043452	291	-36	43	529.156193	196	62	-15	547.408928	207	-9	63
16	510.933473	307	-112	-21	-				548.578793	170	12	104
17	509.825664	345	-47	56	529.218132	191	141	26	549.750254	196	-46	67
18	508.719687	334	-187	-72	529.251808	201	135	2	550.923375	233	-103	29
19	507.615926	355	-155	-30	529.287381	212	201	52	552.098118	254	-184	-36
20	506.514186	360	-155	-22	529.326381*		1878	1718	553.274535	260	-225	-63
21	505.414152*		-509	-370	529.363222	133	-409	-576	554 452469	286	-367	-197
22	504.316630*		-422	-279	529.405204*		651	482	555.632091	313	-428	-256
23	503.220703*		-817	-674	529.448022*		762	599	556.812968*		-828	-661
24	-				529.493181*		1444	1296	557.995348*		-1306	-1154
25	501.036755	339	27	160	529.538105	350	133	9	—			
26	499.947668	578	181	305	529.585919	382	-30	-122	560.367094	583	26	118
27	498.860177	588	-187	-73	529.635630	392	-23	-74	561.554693	599	92	139
28	497.774608*		-763	-656	529.687001	398	-66	-68	562.743822	583	151	144
29	496.692335	477	-183	-78	529.740282	503	110	161	563.934468	662	199	130
30	495.611729	488	-90	25	529.794936	551	-14	91	565.126618	769	232	99
31	494.533367	482	79	222	529.851238	562	-140	14	566.320050	790	36	-160
32	-				529.909345	668	-90	99	567.515209	827	62	-187
33	492.383043	488	256	551	529.969152	678	56	255	568.711688	774	-91	-374
34	491.310356*		-493	-47	530.030084	769	-253	-81	569.910233	896	328	43
35	490.241266	482	122	793	530.092990	1018	-139	-51	571.109642	1086	121	-117
36	489.172660*		-1030	-36	530.157388	1018	-58	-130	572 310659	1012	32	-89
37	-				530.223040	3069	-215	-552	573.513298	1071	78	167

326

Tabelle A.14 $D^{12}CP (040)^{4f} \leftarrow (030)^{3e,f}$

		P-Zwe	eig		_	Q-Zwe	eig			$\frac{R-Zweig}{\tilde{\nu}_{obs}} \frac{\delta\tilde{\nu} \Delta_{eff} \Delta}{\delta\tilde{\nu} \Delta_{eff} \Delta}$			
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
3	_				528.941 330	1643	-106	-157	533.506329	175	-5	27	
4	_				528.949059	610	66	22	534.654994	185	-41	-10	
5	523.252280	509	-116	-81	528.958410	398	-28	-64	535.805555	191	-14	14	
6	522.122500	731	-136	-103	528.969789	254	21	-5	536.957934	185	9	34	
7	520.995009	1049	185	213	528.982958	276	-24	-39	538.112131	185	43	62	
8	519.868930	625	-38	-16	528.998038	239	-40	-43	539.268015	180	-31	-20	
9	518.745048	413	-29	-17	529.015039	233	-14	-5	540.425796	191	9	11	
10	517.623155	419	-3	-3	529.033898	217	-8	14	541.585329	191	34	22	
11	516.503210	382	-9	-24	529.054614	217	-20	17	542.746588	185	32	4	
12	515.385252	419	-14	-48	529.077187	201	-46	5	543.909535	191	-21	-69	
13	514.269453	345	147	92	-				545.074338	191	58	-13	
14	513.155367	334	23	-57	529.128023	207	-12	67	546.240790	196	79	-19	
15	512.043452	291	66	-41	529.156193	196	-39	54	547.408928	207	94	-32	
16	510.933473	307	37	-99	-				548.578793	170	162	5	
17	509.825664	345	166	1	529.218132	191	-69	49	549.750254	196	169	-19	
18	508.719687	334	112	-83	529.251808	201	-160	-30	550.923375	233	198	-22	
19	507.615926	355	256	33	529.287381	212	-203	-65	552.098118	254	230	-21	
20	506.514186	360	401	155	-				553.274535	260	336	58	
21	505.414152	392	232	-33	529.363222*		-1135	-983	554.452469	286	382	81	
22	504.316630*		555	279	529.405204	223	-304	-148	555.632091	313	558	241	
23	503.220703*		454	175	529.448022*		-477	-320	556.812968	366	455	131	
24	-				529.493181	318	-147	8	557.995348	488	346	24	
25	-				529.540080	345	87	237	-				
26	499.945013	578	153	-55	529.588496	366	4	144	560.364452	525	41	-237	
27	498.857169	562	91	-63	529.638834	408	8	135	561 551 345	572	70	-167	
28	-				529.690898	424	-95	14	562.739598	625	55	-125	
29	-				529.744846	509	-148	-62	563.929250	662	68	-44	
30	—				529.800965	599	136	192	565.119988	716	-174	-205	
31	-				529.858510	636	10	29	566.312543	790	95	150	
32	-				529.917859	721	-150	-175	567.506054	821	48	191	
33	-				529.979327	710	-31	-110	568.700702	912	-95	127	
34	-				530.042573	853	23	-121	569.896449	928	-334	-51	
35	—				530.107389	1240	-202	-423	571.094197	1039	274	584	
36	-				530.173958*		-526	-839	572.291683*		-490	-206	
37	-				-				573.491157	1092	-331	-149	
38	-				-				574.691926	1182	105	80	

	P-Zweig			Q-Zv	veig			R-Zwe	ig			
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	487.271713	509	153	841	490.699078*		1987	1740	495.263252*		-1210	-353
4	-				490.707016	461	-106	-197	496.415520*		-810	35
5	485.010217	498	-307	250	490.719689	461	-43	156	-			
6	483.883609	572	-322	161	490.734167*		-805	-116	-			
7	-				-				-			
8	-				490.773500	488	-76	50	501.049062*		-1024	-286
9	-				490.796955	498	-130	78	-			
10	479.404986	668	-219	-43	490.823478	440	-33	-98	-			
11	478.292855	684	5	114	490.853120	477	172	-243	504.554269*		-599	54
12	477.183647	731	22	73	490.885672	445	171		-			
13	476.077938	731	292	298	490.920931	493	-351	103	506.906887	445	117	737
14	-				490.960401	541	-13	38	508.087058*		-615	$^{-1}$
15	473.875765	806	-169	-207	491.003076	382	52	317	509.272034	519	-13	601
16	472.780505	821	27	-6	491.049340	429	89		510.459150*		-879	-262
17	471.688698	694	-123	-132	-			138	-			
18	470.601776*		655	688	491.153345	477	209	-537	-			
19	469.517201	684	-343	-255	491.210929	461	-172	106	514.047018	2565	-76	504
20	468.438393	827	131	281	491.273404	429	109	154	515.251200	917	190	703
21	-				491.343078*		3197	47	516.458979	700	-333	57
22	466.293092	694	-210	44	491 411 222	424	192	-2187	-			
23	465.227559*		-437	-174	491.486952	403	43	-112	518.889524	917	-226	-374
24	464.167525	710	-200	11	491.568142*		451		-			
25	463.112364	652	-317	-253	491.653994*		451	8	521.340236*		468	-885
26	462.062825	652	-234	-452	491.744 437	498	-198	-309	-			
27	461.020317*		1267	579	491.840791	472	-338	-113	-			
28	-				-			818	-			
29	-				492.050737	610	-212	-998	-			
30	-				492.167801*		3233		-			
31	-				492.284812*		637	249	-			
32	-				492.410828*		940		-			
33	-				492.541833	456	17		-			
34	-				492.680005	488	-45		-			
35	-				492.824840	488	172		-			
36	-				492.977045*		1317		-			

Tabelle A.15 $D^{12}CP (040)^{2e} \leftarrow (030)^{3e,f}$

						(/	()				
		P-Zw	eig			Q-Zv	veig			R-Zwe	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	487.271713	509	166	371	490.699078*		2052	1740	-			
4	_				490.707016	461	89	-197	496.415520	212	-355	-141
5	485.010217	498	-112	60	490.719689*		411	156	-			
6	483.883609	572	134	286	490.734167	461	105	-116	-			
7	-				-				499.884631	572	-229	-51
8	481.636970	631	-277	-169	490.771041	514	192	50	-			
9	480.518568*		719	802	490.792980	376	177	78	502.209301	689	330	483
10	479.401003	763	95	153	490.817050	482	-40	-98	503.375131*		790	931
11	478.286198	631	-205	-173	490.843455	514	-225	-243	504.541714	625	-145	-14
12	477.174198	700	-115	-107	-				-			
13	-				490.903668	488	50	103	-			
14	474.958143*		882	843	490.936841	493	-44	38	508.057023	440	251	371
15	473.852264	758	28	-33	490.972505	519	213	317	_			
16	472.749549	647	53	-28	-				_			
17	471.649091	784	91	-9	491.049340	429	11	138	511.588668	631	-303	-160
18	470.550672	731	-31	-150	491.090190*		-664	-537	512.770421*		520	681
19	469 454484	678	-73	-210	491 134296	498	-13	106	513.952736	1113	263	445
20	468.360761	832	252	95	491 179685	339	52	154	-			
21	467.268718	737	213	35	491.226734	477	-32	47	-			
22	466.178435	652	-48	-251	491.273404*		-2237	-2187	517.508916	170	-309	-44
23	-				491.326063	429	-129	-112	518.698294*		762	1057
24	464.004917*		784	514	-				-			
25	462.920479*		814	495	491.432095	445	59	8	-			
26	461.836865	604	-38	-421	491.486952	403	-231	-309	522.268938	965	-357	8
27	460.756737*		969	505	491.543692	482	-18	-113	523.461768	795	-54	317
28	459.676432	588	255	-313	491.602453*		913	818	_			
29	-				491.659664*		-926	-998	-			
30	-				-				-			
31	-				491.782188	503	172	249	-			

Tabelle A.16 $D^{12}CP (040)^{2f} \leftarrow (030)^{3e,f}$

 $\textbf{Tabelle A.17 } D^{12} CP \ (011)^{1e,f} \leftarrow (001)^{0e}$

		P-Zw	eig				Q-Zv	veig			R-Zw	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	524.296894*		-592	-604		-				527.681474	408	1	-13
2	523.170907	594	118	108		_				528.810691	398	-36	-51
3	522.044881	567	122	113	52	25.447194	180	-21	-46	529.940615	323	23	7
4	520.919495	562	86	78	52	25.462129	164	-1	-19	531.071062	254	6	-9
5	519.794462*		-286	-293	52	25.480818	148	47	38	532.202137	233	32	16
6	518.670790	329	1	-5		_				533.333708	228	-20	-36
7	517.547523	276	-19	-23	52	25.529247	138	22	30	534.465934	217	21	5
8	516.424975	276	-43	-46	52	25.559053	133	19	35	535.598644	207	-3	-18
9	515.303225	270	-2	-3	52	25.592507	122	-54	-31	536.731928	185	10	-5
10	514.182247	281	67	67	52	25.629741	127	-62	-35	537.865697	185	-16	-30
11	-					_				538.999989	175	-30	-43
12	511.942435	239	76	79	52	25.715430	133	11	34	540.134804	185	-20	-31
13	510.823550	212	-55	-51	52	25.763741	122	-46	-31	541.270313	170	199	189
14	509.705566	223	-70	-65	52	25.815871	143	16	14	542.405808	201	-68	-77
15	508.588479	233	18	24	52	25.871636	148	17	-9	543.542114	212	17	10
16	507.472045	233	-45	-39	52	25.931182	148	108	47	544.678747	217	-17	-22
17	506.356540	228	7	13	52	25.994285	175	69	-38	545.815877	212	14	12
18	505.241859	233	60	66		_				546.953373	207	-7	-7
19	504.127904	228	6	12		_				548.091301	212	-1	1
20	503.014831	228	-8	-2		_				549.229595	212	-20	-15
21	_		-	_		_				550.368294	223	-11	-3
22	500.791596*		313	316		_				551.507372	223	14	25
23	499 680 832	260	28	29		_				552 646 726	233	-33	-18
24	498 571 127	260	-76	-77		_				553.786445	244	-50	-31
25	497.462521	291	32	29		_				554.926544	260	-7	16
26	496.354641	281	-28	-35		_				556.066865	291	-46	-20
27	495 247 630	318	-122	-134		_				557 207 487	291	-76	-44
28	494 140 927*		-821	-837		_				558.348514	360	24	60
29	493 036 865	355	202	180		_				559 489 659	371	-18	22
30	491 932 555	371	49	21		_				560 631 092	435	-19	27
31	490 829 409	408	124	88		_				_			
32	489 727 192	445	185	141		_				562 914 585	546	-69	-13
33	488 625 661	477	-20	-73		_				564 056 737	594	4	66
34	487 525 268	498	-45	-109		_				565 198 837	673	-159	-92
35	486 425 908	535	_4	-79		_				566 341 721	710	292	366
36	485 327 378	594	-106	-195		_				567 483 847	716	-166	-87
37	484.230176	599	139	36		_				568.626731	700	-4	82
										 Fortsetzung a	uf der	nächsten	Seite

Tabelle A.17 Fortsetzung von $D^{12}CP$ $(011)^{1e,f} \leftarrow (001)^{0e}$

		P-Zw	eig			Q-Zw	/eig			R-Zw	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
38	483.134080*		502	384	_				569.769276	859	-302	-209
39	482.038395	710	281	146	_				570.912500	986	-26	74
40	-				_				572.055502	1134	-60	47
41	_				-				573.198674	975	4	118

Tabelle A.18 D¹²CP $(001)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$

	P-Zweig					Q-Zw	eig			R-Zwe	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				706.742122	226	215		-			
2	704.477 305	299	-71	-72	706.723100	183	4	-6	710.114074	385	-16	-14
3	703.330830	183	13	11	706.694844	159	-36	-46	711.222144	289	8	10
4	702 177 974	212	95	92	706.657277	130	17	8	712.323767	275	44	45
5	-				706.610221	116	$^{-16}$	-25	713.418876	222	34	36
6	699.852905	164	-12	-17	706.553841	101	28	20	714.507329	183	-151	-150
7	698.680875	140	-42	-48	706.488011	101	22	15	715.589661	183	34	34
8	697.502595	135	8	1	706.412759	96	-9	-15	716.665284	178	11	10
9	696.317.938	135	-2	-9	706.328182	92	31	26	/1/./3440/	173	1	-2
10	695.127.031	140	44	36	706.234136	87	-5	-9	-			400
11		145	20	10	706.130739	87	-2	-4	700 000 620	170	0	-432
12	601 516 470	145	20	20		01	11	10	720.902032	2/1	40	-/
13	600 200 472	120	44 51	16	105.095100	07	4	5	721.943004	241	49	41
15	680 078 002	130	-6	40 _9	705 622 524*		_78/		722.902032	294	13	22
16	687 849 591	135	5	6	705 473 000	87	-11		725 035210	313	60	49
17	686 614 832	145	-28	-23	705 313 334	87	-12	-3	726.051.903	443	79	67
18	685 373 860	130	-73	-63	705 144 303	92	-17	-4	727 062 029	511	132	119
19	684 126 807	140	-13	3	704 965 903	92	-33	-18	728.065251	612	-110	-122
20	682.873523	125	-10	13	704.778000	63	-201		729.062012	713	-192	-204
21	681.614085	149	-2	30	704.581087	106	-32	-12	730.052443	525	24	13
22	680.348297	106	-199	-156	704.374673	111	-25	-2	-			
23	679.076788	120	15	70	704.158934	116	-8	18	-			-385
24	677.798916	145	-17	51	703.934190	63	331	359	732.983337	795	133	131
25	676.515042	207	52	135	703.699461	125	5	36	733.946682	824	-135	-132
26	-				703.455904	125	165	199	734.903698	655	-59	-51
27	673.928819	125	-35	86	703.203043	111	328	363	735.854149	670	132	147
28	672.626595	202	-94	49	702.940352	169	-41	-4	736.797498	636	-91	-67
29	671.318271	87	-209	-42	702.668723	169	-57	-18	-			-318
30	—				702.387808	173	-/6	-37	/38.66448/	660	-146	-102
31	—				702.097667	231	-47	-8	739.587918	622	-172	-115
32	—				701.798259	236	-19	19	740.504562	925	-265	-193
33	-				701.489592	251	100	43	-			
34 2E	-				701.171470	215	-108	-130	- 742 014E11	747	100	1
30	—				100.044441	323	-19	9	743.214311	/4/ 205	-120	170
30					700 162 402	300	_31	_19	744 104430	1007	_313	_134
38	_				699 807 203	332	_395	_395	745 863660	891	-38	169
39	_				699,443437	520	-129	-143	746.733025	3103	-159	79
40	_				699 070 549	655	202	171	_		100	. 5
41	_				698 687 997	381	45	-6	748,451812	2067	-1	
42	_				698.296858	381	466		749.300879	1417	-64	
43	_				-				750.142506*		-768	

						× .	/	× .	/			
	I	P-Zw	eig		(Q-Zw	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	718.191584*		2299	-274	_				721.574516*		1244	63
2	-				—				_			
3	715.888565*		2850	135	-				723.781344	1036	-204	-167
4	714.721891*		2174	-277	-				724.870660*		-704	-129
5	713.546233*		1952	23	_				725.951553	2939	-85	889
6	_				719.191471	689	-318	-46	_			
7	711.165306	217	68	10	719.147279*		359	632	_			
8	709.960379*		-1332	-43	719.095541	626	-186	81	_			
9	708.746008*		-2900	-15	719.037958	434	-284	-35	730.178334*		735	7
10	_				718.974149	530	-355	-136	731.213113*		2699	52
11	-				718.904455	501	-101	76	732.240399*		6581	1047
12	-				718.828522	530	78	202	733.258 883*		11035	1394
13	-				718 746273	670	54	115	-			
14	-				718.657811	665	-124	-133	735.270021*		22065	-720
15	-				718.563439	703	-213	-290	736.266729*		32599	-6
16	-				-				-			
17	_				718.359339*		1997	1824	_			
18	-				718.245558	636	104	-68	-			
19	-				718.127971	660	131	16	-			
20	-				718.004892	670	311	337	-			
21	-				717.875430	332	-328	-50	_			

Tabelle A.19 $\mathrm{D^{12}CP}~(011)^{1e,f} \leftarrow (020)^{0e}$

Tabelle A.20 $D^{12}CP$ $(110)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$

		P-Zwei	g		. , , , , ,	R-Zwei	g	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	2408.143662	564	-329	-225	2413.775 640	396	-94	$^{-1}$
3	2406.995476	420	33	133	2414.880068	276	267	352
4	2405.839535	348	12	107	2415 976 409	288	-4	73
5	2404.676339	252	98	186	2417.065549	252	-6	60
6	2403.505110*		-497	-417	2418.147211	228	-5	50
7	2402.327567	240	-64	6	2419.221 396	216	15	57
8	2401.142269	228	-54	5	2420.287881	204	-156	-126
9	2399.949716	216	23	69	2421.347166	204	-3	13
10	2398.750127	180	376	410	2422.398751	192	-13	-11
11	2397.542507	204	2	22	2423.442804	192	-3	-14
12	2396.327908	204	-57	-50	2424.479212	192	-71	-95
13	2395.106164	204	25	19	2425.508143	180	-34	-69
14	2393,876997	204	-37	-56	2426.529485	192	12	-34
15	2392,640574	204	-86	-117	2427 543 128	192	-28	-82
16	2391 397 061	204	37	-5	2428.549183	204	-26	-87
17	2390 146 126	204	-6	-58	2429 547 594	204	-23	-88
18	2388 887 990	216	-3	-62	2430 538305	204	-56	-123
19	2387 622 598	228	-14	-79	2431.521.428	216	2	-64
20	2386 350 005	228	8	-60	2432 496 796	228	3	-60
21	2385 070 100	240	-53	-122	2433 464 465	228	19	-37
22	2383 783 106	264	21	-47	2434 424 380	240	15	-31
23		201			2435 376 540	252	7	-26
24	2381 187 349	288	47	-10	2436 321 055	264	125	108
25	2379 878 586	276	_9	-57	2437 257 540	288	3	6
26	2378 563 066	276	381	346	2438 186 325	300	_9	15
27	2377 239 570	360	_4	-24	2439 107 244	324	-58	_9
28	2375 909 205	264	-61	-64	2400.107.244	348	-65	10
20	2374 571 860	336	96	112	2440.020.004	372	-12	91
30	2074.071000	000	50	112	2440.525.054	396	_97	34
31	2371 875 071	468	_118	-61	2441.022.322	432	_23	135
32	2370 516 181	396	62	139	2442.712400	468	_99	85
32	2070.010101	0.50	02	105	2445.555001	100	-80	128
34	_				2444 407 422	552	_109	117
35	_				2445.552.551	522	-109	146
36					2440.190.227	500	-303	-140
37					2447 881 350	670	244	7
38	2362 210 761	636	20	06	2447 001 000	730	-244	162
30	2360 200 011*	0.50	102	306	2440.714 919	152	-55	102
39 40	2300.000911	670	-490	-090 -095	2450 357107	878	102	67
40	2009.004990	744	100	220 201	2430.337 107	020	-193	-01
41 40	2337.900771	144	-290 070	-204	2431.103442	010	-910	-002
42	2000.000072	270	212	102	2431,900 630 3453 760 510*	912	-303	-320
43	2000 092 109	372	202	201	2452.700518° 0452.544.001	1000	020	034 74
44	2353 040 440	108	-99	-384	2453.544.291	1020	289	-/4
45	2352.194.693*	1200	141	302	2454.320808*	1000	110	202
46	2350.733857	1392	-268	-911	2455 087 632	1092	-116	-95I

		P-Zwe	ig			R-Zwe	ig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				2412.669440*		-877	-803
2	2408.138456*		414	495	2413.784835	396	-94	-25
3	2406.986558	420	-19	61	-			
4	2405.827793	336	18	95	2415.991918	276	-2	53
5	2404.661660	300	12	84	2417.084603	240	331	377
6	2403.488216	264	9	76	2418 169 091	240	-88	-50
7	2402.307460	240	-2	58	2419.246654	216	28	55
8	2401 119 393	228	-30	21	2420.316574	204	-26	-9
9	2399.924070	216	-32	11	2421.379514*		427	433
10	2398.721435	216	-71	-38	2422.434035	192	-38	-43
11	2397.511599	204	-48	-24	2423.481 522	192	-21	-36
12	2396.294508	204	-24	-11	2424.521475	192	-8	-33
13	2395.070160	204	-12	-9	2425.553674	192	-204	-238
14	2393.838611	204	36	29	2426.578672	192	-40	-83
15	2392.599751	204	2	-16	2427.595971	192	1	-50
16	2391.353690	204	-13	-40	2428.605681	204	45	-12
17	—				2429.607748	204	53	-8
18	-				2430.602115	204	-14	-78
19	2387.572303	216	-17	-68	2431.588949	216	27	-38
20	2386.297 495	228	26	-31	2432.568084	228	27	-37
21	2385.015319	204	-115	-177	2433.539519	228	1	-59
22	2383.726276	252	53	-12	2434.503311	240	26	-30
23	2382.429920	240	80	12	2435.459404	252	61	14
24	2381.126309	288	17	-52	2436.407741	276	70	32
25	-				2437.348269	288	17	-10
26	2378.497816	336	92	25	2438.280765	288	-301	-316
27	2377 172769	360	56	-10	2439.206116	324	21	19
28	-				2440 123 325	348	6	19
29	2374.501238	372	-22	-84	2441 032779	372	61	89
30	-				2441.934312	396	41	83
31	2371.801569	444	310	250	2442.827979	432	21	77
32	2370.440573	300	12	-49	2443.713837	468	79	146
33	-				2444.591829	504	181	256
34	-				2445.461235	396	-372	-294
35	-				2446.323607	564	-5	70
36	-				2447.177726	624	86	150
37	-				2448.023038*		-631	-586
38	_				2448.861814	720	141	154
39	-				2449.692669*		1040	1008
40	_				_			
41	_				2451.327958*		663	489
42	-				2452 132 613	948	-341	-618
43	_				2452,930621	996	160	-246

Tabelle A.21 D¹²CP $(110)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$

		P-Zw	eig			R-Zwei	g	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				2464.572782	1368	-385	-336
2	2460.058692*		-1056	-1029	2465 674 219	1224	-240	-183
3	2458.904524	936	136	161	2466.764578	1224	-327	-261
4	2457.737893	816	-356	-333	2467.844689	1128	196	270
5	-				2468.913113	1092	-102	-18
6	2455.373723	756	36	57	2469.971124	1056	62	156
7	2454.175408	696	117	139	2471.017890	996	-133	-30
8	2452.965960	660	-209	-186	2472.053967	984	-124	-11
9	2451.746321	624	-15	10	2473.079075	936	-182	-61
10	2450.515326*		-479	-452	2474.093494	936	-20	110
11	2449.274693	576	100	129	2475.096668	936	-185	-48
12	2448.023038	456	324	356	2476.089374	924	106	249
13	2446.759972	540	-212	-178	2477.070613	924	-139	8
14	2445 487 103	516	84	120	2478.041273	936	-26	124
15	2444,203099	516	-136	-99	2479,000745	936	-158	-7
16	2442 909 237	480	388	425	2479 949 526	996	-32	117
17	2441 603 964	468	85	122	2480 887 118	1008	-141	4
18	2440,288222	504	-119	-84	2481 813 964	1044	-37	101
19	2438.962233	504	-21	11	2482 729 733	1068	-48	81
20					2483 634 478	1164	-116	0
21	2436 278 571	528	64	85	2484 528 257	1188	-180	-79
22	2434 920 733	540	-153	-139	2485 411 178	1272	-129	-46
23	2433 552 702	552	-89	-84	2486 283 133	1344	-68	-7
24	2432 174 258	564	15	8	2487 144 342	1428	224	261
25	2430 785 401	588	138	119	2487 993808	1428	_247	-238
26	2429 387 128*	000	1255	1223	2488 833 027	1644	14	-5
27	2427 976115	612	22	-25	2489 661 223	1728	233	183
28	2426 555 907	612	-38	-101	2400 477 732	1860	-254	-336
29		012	00	101	2491 283 993	1920	-8	-124
30	_				2492 079 565*	1520	528	379
31	_				2492 863 116	2100	21	_159
32	_				2492.003110	2100	_21	_200
22	_				2490.0000000	2160	416	170
34					2404.000702	2322	260	2175
35					2435 143 003	2304	110	302
36	_				2495.009478	2004	1324	1044
37	_				2430.020132	2/2/	200	67
30	_				2437.337270	2404	∠00 601	425
20	_				2490.040.040	2569	204	420
10	_				∠490.740410 0700 707177*	2000	1004	-000 -000
40	-				2499.421 141		1004	050

Tabelle A.22 $D^{12}CP (012)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$

		⊃-Zwe	ig				R-Zwei	g	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	_	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	-					2465.684854	1224	386	367
3	2458.895274*		-653	-699		2466.778481	1224	-112	-122
4	2457.727922*		609	563		2467.861971	1092	-62	-63
5	2456.548164	780	58	13		2468.934660	1068	-119	-110
6	2455.358379	756	59	16		2469.996770	1044	-51	-31
7	2454.157905	708	-63	-103		2471.048134	1008	-16	15
8	2452.946463*		-602	-638		2472.088807	960	49	92
9	2451.725 439	624	-186	-217		2473.118624	936	-12	42
10	2450.493668	600	4	-21		2474.137806	948	28	93
11	2449.250986	576	-210	-230		2475.146021	924	-155	-79
12	2447.998112	564	-126	-140		2476.143712	936	-112	-25
13	2446.734881	540	75	68		2477.130601	924	-114	-17
14	2445.461235	396	319	317		2478.106800	936	-43	63
15	2444.176623	516	37	40		2479.072198	936	-4	108
16	2442.881929	516	95	104		2480.026629	984	-160	-41
17	2441.576601	504	-76	-63		2480.970480	1020	-118	5
18	-					2481.903420	1044	-205	-79
19	2438.935313	516	90	108		2482.825779	1068	-88	38
20	2437.599187	456	222	241		2483.737283	1128	-37	88
21	2436.252371	528	-8	11		2484.637874	1224	-109	13
22	2434.895253	540	-233	-215		2485.527498	1296	-354	-238
23	2433.528275	540	-30	-16		2486.406709	1344	-216	-109
24	2432.151161	552	302	312		2487.275174	1344	-29	69
25	2430.762857	576	-311	-309		2488.132505	1488	-178	-92
26	-					2488.979479	1524	112	185
27	2427.957060	612	-85	-100		2489.815042	1764	-211	-154
28	-					2490.640358	1716	14	56
29	2425.110274	648	-144	-181		2491.454706	1764	67	92
30	2423 671 898	672	47	-2		2492.258919*		777	785
31	2422.223 496	696	316	255		2493.050502	2100	-352	-360
32	2420.764 460	744	28	-44		2493.832890	2160	111	89
33	2419.296561*		930	847		2494.604422*		502	468
34	2417.818857*		2052	1960		2495.363934	2232	-348	-390
35	-					2496.114252	2484	384	338
36	-					2496.852549	2484	-137	-179
37	-					2497.581099	2580	360	329
38	-					2498.297739	2580	-297	-307
39	-					2499.006126*		1543	1566

Tabelle A.23 $D^{12}CP (012)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$

		P-Zwei	g			R-Zwei	g	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	-				2463.695 40	2 1380	34	31
1	2461.439742	1320	105	100	2464.80764	0 804	39	91
2	2460.296264	732	102	41	2465.90929	8 576	-101	8
3	2459 142 262	528	-34	16	2467.00082	0 456	68	68
4	2457.978068	432	16	67	2468.08165	1 384	1	3
5	2456.803405	360	-38	69	2469.15207	0 336	-16	-13
6	2455.618440	324	-43	10	2470.21207	4 312	24	-26
7	2454.423227	288	41	-14	2471.26155	5 288	20	-28
8	2453.217324*	0.50	-241	-241	2472.30056	7 276	33	-14
9	2452.001617	252	-21	-19	2473.32899	9 264	-43	-31
10	2450.775441	240	21	26	2474.34707	3 252	23	-19
11	2449.538908	240	-18	-12	2475.35456	8 252	12	-27
12	2448.292182	228	1	-40	2476.35159	4 252	41	22
13	2447.035209	220	20	-19	2477.33004	0 252	11	-33
14	2445.767.989	228	20	-22	2478.31401	0 252 6 252	11	-22
15	2444.490.467	220	-00	-15	2479.27941	6 252 5 264	-41	-17
17	2443.202919	220	-51	-14	2400.23434	5 204 6 264	-41	-10
18	2441.505254	220	_84	-42	2401.170.00	0 204 7 276	13	-16
10	2440.337 131	240	45	13	2402.112.00	270 2 222	_13	_17
20	2437 951 085	252	-26	-2	2403.033.90	6 <u>312</u>	10	-18
20	2436 613 020	252	119	89	2484 851 18	5 324	10	-22
22	2435 264 598	276	-38	44	2485 742 96	9 348	2	-27
23	2433.906.317	288	-22	4	2486.62422	9 372	-8	16
24	2432 538 009	300	-27	-1	2487,495.02	0 408	29	-5
25	2431 159732	324	-19	6	2488.35523	2 444	-1	17
26	2429.771539	348	29	52	2489.205 03	1 480	64	23
27	2428.373321	384	-20	2	2490.04419	4 540	-4	62
28	2426.965354	396	84	49	2490.87294	4 600	12	17
29	2425.546309*		-1016	-999	2491 691 17	0 660	-7	-7
30	2424.119510	492	-25	42	2492.49898	3 756	44	37
31	2422.681854	552	-76	-14	2493.29627	1 840	44	-25
32	2421.234505	612	-36	21	2494.08298	0 996	-71	-37
33	2419.777517	684	119	5	2494.85933	1 1164	-90	-64
34	2418.310338	636	-196	-40	2495.62532	4 1320	-24	-61
35	2416.834186	864	204	75	2496.38079	3 1524	-50	-40
36	2415.347731	996	-45	40	2497 12618	0 1764	260	-14
37	2413.852026	1140	76	42	2497.86093	3 2100	341	3
38	2412.346351	1344	-189	-11	2498.58494	0 2568	65	108
39	2410.831370	1572	-214	12	2499.29853	4 2784	-250	63
40	2409.307139	1692	21	-38	2500.00271	1 3348	375	/4
41	2407.773380	1944	199	133	2500.09019	8 4//6 F 44F0	649	12
42	2400.229480	2268	-328	-290	2501.37838	5 445Z	-58	-30
45	2404.070452		-605	01	2502.051.04	5 5150 7 6694	0 714	127
44	2401 542007	2610	266	-91	2502.71400	/ 0004 7 0250	652	-137
40	2401.343 907	3040	200	-100	2503.30000	≀ 0002 ∩*	_1470	-10 170
40	2308 373 030	122/	47	26	2504.00577	0 6*	-1412	-410
42	2396 774 1 33	1380	206	193	2504.03010	5 5 2028	230	383
49	2395 165 597	1608	-153	-152	2505 200 05	8 2028	-336	-248
50	2393 548 477	1572	-24	_4	2506 472 96	4 2232	206	338
51	2391 921 940	2004	-290	-244	2507 063 31	4 2304	-514	-329
52	2390 287 260	2196	271	350		. 2001		525
				,				

Tabelle A.24 D¹²CP $(002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	eig		R-Zweig				
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
0	-				2420.552317	372	23	267	
1	_			301	2421 669817	228	50	236	
2	2417 153179	228	91	227	2422 779452	168	29	1.59	
3	2416.004550	168	88	168	2423.881276	156	28	15	
4	2414 848 110	144	34	117	2424 975291	132	62	79	
5	2413 683 972	132	33	60	2426 061 384	1.32	31	4	
6	2412 512079	132	17	45	2427 139612	132	7	-33	
7	2411 332 486	132	33	7	2428 209975	120	4	-93	
8	2410 145 084	120	-37	-63	2429 272417	120	-18	-11	
ğ	2410.140.004	120	19	-62	2420 272417	120	_44	-14	
10	2400.3300033	120	-28	-110	2430.323594	120	-3	-104	
11	2406 536 847	120	-20	_102	2431.0700004	120	_44	_91	
12	2400.330.047	120	-20	-102	2432.412210	120	-44	- 92	
12	2403.510705	120	-10	168	2433.442.921	120	-40	-14-	
1.5	2404.092.039	120	-50	-100	2434.403040	120	-20	-130	
15	2402.039317	120	-00	144	2433.400344	120	-45	- 30	
10	2401.010103	120	-0	-144	2430.407003	120	-10	-/1	
10	2400.309.300	120	-32	-117	2437.403093	120	-40	-143	
10	2399.112770	120	-39	-120	2430.470331	120	22	-05	
10	2397.848597	120	-27	-110	2439.458809	132	-35	-92	
19	2396.577.001	120	221	240	2440.433230	132	-24	-84	
20	2395.297.263	120	-18	-58	2441.399520	132	- 35	-40	
21	2394.010157	120	29	-08	2442.357718	132	11	-52	
22	2392.715.353	132	29	-73	2443.307717	132	22	-42	
23	2391.412850	132	-19	-14	2444.249464	144	-30	14	
24	2390.102591	132	-1/3	-228	2445.183068	144	-15	-28	
25	2388.785.021	144	13	(2446.108474	156	39	23	
26	2387.459642	144	40	27	2447.025516	156	-12	25	
27	2386.126784	144	241	220	2447.934361	168	26	60	
28	2384.785.895	156	64	91	2448.834841	192	12	43	
29	2383.437473	168	12	83	2449.726958	204	-27	55	
30	2382.081407	192	-25	36	2450.610821	228	46	69	
31	-				2451.486155	252	-15	113	
32	2379.346399	228	22	57	2452.353180	276	39	105	
33	2377.967235	252	-105	-29	2453.212117*		458	741	
34	2376.580649	288	25	29	2454.061639	360	-54	109	
35	2375.186197	336	-23	18	2454.903184	420	-27	72	
36	2373.784102	360	-19	2	2455.736199	480	17	52	
37	2372.374252	420	-66	43	2456.560629	528	57	80	
38	2370.956868	516	65	39	2457.376307	636	-40	81	
39	2369.531564	612	0	-55	2458.183344	768	-128	32	
40	2368.098503	192	-87	-117	2458.981907	876	-5	26	
41	-				2459.771662	1068	32	42	
42	-				2460.552555	1224	-32	65	
43	-				2461.324807	1500	62	-36	
44	-				2462.088141	1872	76	-109	
45	-				2462.842499	588	-5	-59	
46	-				-				
47	-				2464.324523	792	-51	-198	
48	-				2465.052241	924	124	-79	
49	-				2465.770543	1056	-61	-330	
50	-				2466.480038	1188	48	-294	
51	-				2467.180781*		556	129	
52	-				2467.872274*		1013	491	
53	-				2468.553242	1608	196	-435	
54	-				2469.225958	1920	429	-325	
55	-				2469.890476*		1820	929	
							-		

Tabelle A.25 $D^{12}CP (100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwei	g			R-Zwe	ig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta ilde{ u}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	-				4790.171553	578	321	309
1	4787.919731	578	-122	-129	4791.275419*		659	644
2	4786.772163	318	137	133	4792.363463	217	-35	-53
3	4785.609444	217	-12	-14	4793.437382	170	-50	-70
4	4784.432315	175	163	163	4794.496554	143	6	-17
5	4783.240103	143	-21	-20	4795.540845	127	14	-12
6	4782.033413	127	32	35	4796.570272	111	6	-23
7	4780.811876	117	-55	-52	4797.584750	106	-87	-118
8	4779.575844	111	62	67	4798.584549	101	22	-12
9	4778.324948	101	8	13	4799.569281	95	-37	-73
10	4777.059423	101	11	16	4800.539234	90	41	3
11	4775.779269	95	66	71	4801.494103	90	-30	-70
12	4774.484250	95	-68	-63	4802.434024	90	-94	-134
13	4773.174821	95	61	65	4803.359164	90	37	-4
14	4771.850511	95	-23	-19	4804.269188	90	48	7
15	4770.511572	95	-69	-66	4805.164096	90	-38	-77
16	4769 158 105	101	22	24	4806.044054	95	-32	-70
17	4767.789891	101	29	31	4806.908897	95	-76	-110
18	4766.406947	106	-28	-28	4807.758723	101	-46	-76
19	4765.009492	111	68	67	4808.593500	101	51	26
20	4763.597274	117	68	66	4809.413026	106	40	21
21	4762.170392	122	75	72	4810.217335	117	-17	-28
22	4760.728681	127	-74	-78	4811.006543	122	25	22
23	4759.272541	138	27	22	4811.781089*		634	642
24	4757.801588	148	1	-6	4812.538989	143	-141	-122
25	4756.316040	164	71	64	4813.282477	159	-34	-3
26	4754.815778	180	129	119	4814.010547	175	-18	26
27	4753.300938	185	319	307	4814.723332	180	76	134
28	4751.770713	233	-155	-170	4815.420512	217	-35	36
29	4750.226345	270	-38	-57	4816.102375	228	-24	60
30	4748.667047	313	-102	-128	4816.768599	265	-175	-79
31	4747.093153	350	0	-33	4817.419505	318	-124	-18
32	4745.504377	424	1	-44	4818.054823	345	-98	15
33	4743.900788	488	-12	-73	4818.674588	382	-16	98
34	4742.282637	647	233	151	4819.278345	493	-287	-1//
35	4740.649142	800	-23	-133	4819.867035	583	08	1/8
36	4739.001364	996	304	157	4820.437498*	• • • •	-2023	-1948
37	4/3/.3383/6	1362	314	120	4820.996511	869	234	273
38	4735.660078	2040	-64	-318	4821.537464	869	298	285
39	4/33.96/689	4187	420	90	4822.062258	1155	129	43
40	4/32.259485	4213	1570	-350	4822.571162	1740	58	-127
41	4/30.538099*	427502	15/3	1028	4823.064663	1749	035	322
42	4/28./99015	43/590	433	-259	4823.541030	1/49	199	-279
43	4/2/.U45 815	4378	1705	-592	4824.001826	3493	381 1000	-303
44	4/25.2/9045*	45.00	1/05	614 1577	4824.4468UU*		1006	64 1620
45	4/23.493/29	4526	-220	-15//	4824.8/6690*		2889	1030
40	4/21.69/306*	0000	1992	319	4825.286907*		1523	-122
4/	4/19.881134	2369	-236	-2295	4825.682579*		2121	9
48 40	4/18 054 696*		2627	113	—			
49	4/10.205861*		-1482	-4538	—			

Tabelle A.26 D¹²CP $(200)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Z weig			R-Zweig				
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
0	_				4833.390677	1744	-165	-169	
1	4831 144 993*		512	512	4834.484286	1161	-51	-56	
2	4829.991657	1166	21	22	4835.558155	875	128	123	
3	4828.818614	875	-418	-415	4836.611677	578	-225	-231	
4	4827.626620	694	-60	-55	4837.645761	493	-191	-197	
5	4826.414718	498	124	133	4838.660156	435	-13	-18	
6	4825.182823	493	38	49	4839.654439	387	-104	-108	
7	4823.931203	435	-66	-52	4840.629150	313	85	81	
8	4822.660062	387	4	21	4841.583650	318	-79	-81	
9	4821.369281	345	112	132	4842.518526	318	$^{-1}$	$^{-1}$	
10	4820.058709	350	94	118	4843.433527	286	75	77	
11	4818.728396	313	-16	11	4844.328518	291	21	25	
12	4817.378594	318	18	47	4845.203635	291	-22	-16	
13	4816.009136	313	12	44	4846.058943	286	17	25	
14	4814.620088	313	15	50	4846.894191	286	-109	-98	
15	4813.211384	313	-56	-20	4847.709900	291	126	139	
16	-				4848.505347	291	2	17	
17	4810.335409	345	-93	-54	4849.281019	286	8	25	
18	4808.868290	345	55	94	4850.036783	313	16	34	
19	4807.381 447	345	-15	22	4850.772638	318	24	43	
20	4805.875283	382	79	114	4851.488634	350	84	104	
21	4804.349463	387	-20	12	4852.184571	387	-4	16	
22	4802.804305	429	-14	13	4852.860665	382	-24	-5	
23	4801.239727	498	-9	12	4853.516834	435	-60	-43	
24	4799,655,660	493	-98	-85	4854.153212	435	20	35	
25	4798.053180*		772	776	4854.769513	498	-73	-62	
26	4796,429548	578	-163	-171	4855.366123	493	42	49	
27	4794.787553	694	-141	-163	4855.941698*		-982	-981	
28	4793.126541	869	158	120	4856.499348	694	-44	-48	
29	4791 445 922	869	115	59	4857.036283	700	61	51	
30	_				4857 552 989	875	-190	-206	
31	4788.026993	1161	18	-79	4858.050189	869	-84	-105	
32	_				4858 527632	1161	118	92	
33	4784.531388	1749	-55	-198	_				
34	4782 755 312	1754	315	149	4859.422405	1161	-86	-110	
35	4780 959 007	3514	-469	-658	4859 840 323	1744	68	51	
36	4779 145 886*	0011	967	757	4860 238 349	1749	124	120	
37	4777 311 664	3540	302	74	4860 616803	1749	384	402	
38	4775 459 045	3530	200	-42	4860 974860	1749	1	53	
39	4773 587 544	355190	133	-115	4861 313445	1744	-122	-21	
40	4771 698 134*	000100	1031	786	4861 632 677	3482	110	278	
41	4769 789 337*		1372	1142	_	0102	110	210	
42	4767 861 321*		1276	1077					
43	4765 913665	360130	271	174	4862 470834*		-766	-244	
4.4	4763 947 630*	000100	-432	-504			100	477	

Tabelle A.27 $D^{12}CP (102)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	ig			R-Zwe	ig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				4917.224057*		-3084	-3138
2	4912.734807	3434	-355	-429	4918.297085*		-2665	-2713
3	4911.559814*		-2023	-2100	4919.353600*		1416	137
4	4910.368443	3440	39	-42	4920.383918	3413	-516	-55
5	4909.154203	3429	-673	-757	4921.396177	1707	-315	-34
6	4907.921366	3429	99	11	4922.388359	1712	10	-1
7	4906.666972	3445	-620	-710	4923.359522	1707	-476	-49
8	4905.394520	1712	656	563	4924.311 448	1701	16	
9	4904.100443	1722	342	247	-			
10	4902.785650	1717	-667	-765	4926 153 995	1707	364	35
11	4901.453100	1722	570	470	4927.044 446	1701	60	5
12	4900.099230	1722	474	371	4927.914820	1701	-84	-8
13	4898.726022*		1009	902	4928.766 026*		843	84
14	4897.331156	1728	-164	-275	-			
15	4895 917693	1717	-3	-118	4930.404842	1696	-165	-17
16	4894 483985	1728	-176	-295	4931 194 236	1701	-312	-32
17	4893.030268	1722	-466	-591	4931.963519	1707	-321	-33
18	4891 557246	1733	-191	-322	4932.713666	1701	784	75
19	4890.065056	1722	765	627	4933.442190	1696	515	48
20	4888.551275	1733	-44	-188	4934 150 334	1701	116	7
21	4887.018662	1728	119	-32	4934.838401	1707	-113	-16
22	-				4935.505920	1701	-644	-70
23	4883.893944	1728	269	106	4936.154034	1696	-337	-40
24	4882.301587	3477	-46	-213	4936.781567	1696	-371	-45
25	4880.689758	3461	-127	-297	4937.390402*		1131	104
26	4879.059181	3482	723	552	4937.976806	3408	432	34
27	4877.407434	3466	55	-113	4938.542326*		-926	-101
28	—				4939.089483	3397	-429	-50
29	4874.046701	3471	322	175	4939.616631	3397	269	20
30	-				4940.124745*		2135	209
31	4870.607140	3482	24	-73	4940.608914	3403	249	24
32	4868.857429	3482	-783	-840	—			
33	-				-			
34	4865.302619	3477	600	665	-			

Tabelle A.28 D¹²CP $(004)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwei	g		R-Zweig				
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
1	_				2403.299557	25	-40	-150	
2	-				2404.415 339*		-332	-422	
3	2397.612133	27	93	-70	2405.524364	54	-195	-265	
4	2396.452924*		-279	-442	2406.626244	77	$^{-1}$	-48	
5	-				2407.720923	104	212	190	
6	2394.114178	85	-146	-302	2408.807792	128	-146	-142	
7	2392.934419	119	108	-39	2409.887848	160	-61	-30	
8	2391.747405	157	137	2	2410.960648	196	44	103	
9	-				2412.026137	233	133	219	
10	2389.352382	250	236	136	2413.083981	270	-109	4	
11	2388.143931	301	-161	-240	2414.134 404*		-438	-299	
12	2386.929055	366	-5	-60	2415.178068	354	-171	-8	
13	2385.707311	437	250	221	-				
14	2384.478089	510	-18	-20	-				
15	-				-				
16	2381.999427	682	49	103	2419.277673	541	-190	39	
17	-				_				
18	2379.492959	882	3	110	_				
19	-				-				
20	2376.958741	1110	-177	-28	-				
21	-				2424.233999	788	-340	-150	
22	2374.397436	1374	107	272	2425.203053	841	53	212	
23	2373.105 955	1511	-268	-108	2426.163798	885	-263	-145	
24	-				2427.118063*		565	632	
25	2370.503275	1819	-143	-34	2428.063410	981	123	129	
26	-				2429.000946*		-459	-524	
27	-				2429.932335*		510	363	
28	-				2430.854418	1101	-106	-346	
29	-				2431.769798	1141	320	-21	
30	-				-				
31	-				-				
32	-				-				
33	-				2435.352112	1257	772	-56	
34	-				2436.227778	1272	582	-377	
35	-				2437.096631*		1473	381	

Tabelle A.29 $D^{12}CP (120)^{0e} \leftarrow (020)^{0e}$

		P-Zwei	g			R-Zwe	ig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
3	2397.312083	1572	-312	-435	2405.224 426	1068	372	531
4	-				2406.325807	936	18	209
5	2394.988071	1200	48	-169	2407.420209	816	-166	53
6	-				2408.507854	792	50	295
7	-				2409.587688	720	-381	-114
8	-				2410.661097	696	-64	222
9	2390.254691	936	208	-200	2411.726 364*		-710	-408
10	2389.053995	900	517	63	2412.785 317	624	-482	-168
11	2387.845987	912	547	49	-			
12	2386.631000	888	623	83	-			
13	2385.408923*		625	47	2415.917529*		-1243	-910
14	_				2416.947 346*		-1324	-990
15	2382.943943*		822	180	2417.969685*		-1656	-1325
16	2381.701150*		1110	444	-			
17	2380.451212*		1238	555	_			
18	2379.194571*		1639	946	2420.995604	672	-317	-10
19	2377.929124	480	201	-492	2421.989639	684	29	322
20	-				-			
21	2375.380947*		910	252	2423.954666	672	-520	-259
22	_				2424,926932	672	-124	117
23	_				_			
24	_				2426.848977	684	55	250
25	_				2427.798644	684	-257	-89
26	_				2428.741110*		-455	-317
27	2367.566313*		-784	-905	2429.675988*		-919	-815
28	2366.240933	852	140	200	_			
29	_				_			
30	2363.567464	888	-116	417	2432.439135	696	233	200
31	_				2433.343881*		-978	-1073
32	2360.865468*		-1500	-320	2434 243752	720	308	140
33					2435.133542*	. 20	-1105	-1360
34	_				2436.018624	744	167	-192

Tabelle A.30 $D^{12}CP (120)^{2e} \leftarrow (020)^{2e}$

TabelleA.31 $D^{12}CP$ $(120)^{2f} \leftarrow (020)^{2f}$

		P-Zwe	ig		R-Z weig				
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
3	2397.312083	71	-328	-219	2405.224426	99	415	91	
4	-				2406.325807	106	106	-252	
5	2394.988071	92	-31	247	2407.420209	118	-10	-393	
6	-				2408.507854	135	301	-99	
7	-				2409.587688	147	0	-410	
8	-				2410.661097	169	485	73	
9	2390.254691	162	-247	378	2411 726364*		52	-353	
10	2389.053995	190	-101	605	2412.785317	206	544	152	
11	2387.845987	218	-268	515	-				
12	2386.631000	250	-423	429	-				
13	2385.408923*		-689	224	2415.917529*		940	631	
14	-				2416.947346*		1388	1118	
15	2382.943943*		-1147	-146	-				
16	2381.701150*		-1247	-223	—				
17	2380.451212*		-1551	-520	2419.991100*		947	819	
18	2379.194571*		-1625	-606	-				
19	-				2421.982715	370	-158	-183	
20	2376.660851*		-1446	-519	2422.968219	390	54	80	
21	-				2423.946025	405	-33	43	
22	2374.100267	824	-504	226	2424.916685	421	150	271	
23	-				2425.878871*		-710	-549	
24	-				2426.835462	447	281	476	
25	-				2427.783356	454	40	260	
26	2368.895 349	1197	256	186	2428.723441	454	-531	-297	
27	2367.576837	1302	332	-40	2429.656879	463	-253	-17	
28	2366.251624*		560	-161	—				
29	-				2431.500657	465	-237	-43	
30	-				-				
31	2362.233748	1770	53	-2033	-				

		P-Zwei	g		R-Zweig				
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
1	-				4771.375792	3567	397	344	
2	4766.865389*		-3343	-3420	4772.469418*		2867	2830	
3	4765.703444*		-3171	-3244	4773.545019*		1540	1522	
4	-				4774.606276	1770	111	115	
5	-				4775.654250	1760	-346	-317	
6	4762.135317	1823	-42	-79	4776.688721	1177	-37	18	
7	4760.916318	1813	-354	-372	4777.708294	1177	-344	-260	
8	4759.684137	1829	271	273	4778.714214	1166	-5	106	
9	4758.436806	1224	-144	-120	4779.705403	1171	-85	54	
10	4757.175905	1219	-29	19	4780.682266	1171	-164	1	
11	4755.900930	1235	105	177	4781.644837	1166	-190	-3	
12	4754.611561	1230	-69	25	4782.593098	1166	-166	39	
13	-				4783.526999	875	-124	92	
14	4751.990719	1245	-295	-164	=				
15	4750.659313	1256	-293	-150	4785.351469	1166	-172	39	
16	4749.314203	1903	64	212	4786.242055	1166	-208	-18	
17	4747.954598	1903	-19	123	4787.118079	1166	-357	-203	
18	4746.581138	1935	91	217	4787.979996	1161	-142	-45	
19	4745.193267	1924	-164	-70	4788.827670	1166	318	338	
20	4743.791626	1966	-148	-102	4789.660211	1166	157	71	
21	4742.375909	3917	-169	-193	4790.478257	1161	33	-188	
22	4740.946674	4002	328	209					
23	4739.502474	3991	-104	-347	4792.071370	1749	492	-111	
24	4738.045359	4070	582	183	4792.846051	1749	737	-125	
25	4736.574011*		1071	474	4793.606372*		1249	75	
26	4/35.08///3	415100	704	-133	4794.352097*		1818	272	
27	4733.588386*		1226	96	4795.083227*		2471	485	
28	4732.075269*		2058	577	4795.798870*		2344	-159	
29	-		0007		4796.500238*		2679	-427	
30	4729.005545*		2367	-23	4797.187262*		3436	-370	
31	4/2/.450416*		3333	367	4/9/.8601/8*		4883	269	
32	4725.880280*		3354	-283	4798.517709*		5//5	234	
33	4724.297.550*		4850	437	4799.160847*		7140	530	
34	4/22.6991/3*		4//9	-529	4799.788262*		7682	-133	
35	4/21.088/82*		6/84	450	4000 000 000*		0720	1015	
30	4719.462.308		6809	-097	4800.999206		9730	-1015	

Tabelle A.32 $D^{12}CP$ (210)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}

Tabelle A.33 $D^{12}CP$ $(210)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$

		P-Zweig	5		R-Zweig				
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
4	4764.519757*		1110	1063	4774.621729	1770	-85	-59	
5	4763.326402*		984	914	4775.673906	1760	391	410	
6	4762.118956*		855	761	4776.711152	1765	156	165	
7	4760.896628	1813	-77	-197	4777.734088	1177	-157	-159	
8	4759.661740	1829	499	352	4778.743488	1166	241	227	
9	4758.412004	1834	284	110	4779.737772	1171	-217	-245	
10	4757.148244	1224	91	-108	4780.718486	880	27	-13	
11	4755.870747	1235	198	-24	4781.684688	875	46	-5	
12	4754.579411	1230	492	251	4782.636800	875	277	216	
13	4753.273294	1251	23	-234	4783.574031	875	-59	-126	
14	4751.953962	1245	347	79	4784.497 305	869	-21	-93	
15	4750.620201	1256	240	-33	4785.406387	1166	170	98	
16	4749.272569	1903	252	-19	4786.300722	1166	-26	-94	
17	4747.910745	1903	53	-207	4787.180799	1161	-104	-163	
18	4746.534729	1935	-364	-606	4788.046751	1161	85	40	
19	4745.145664	1924	135	-79	4788.898007	1166	-13	-39	
20	4743.742156	1966	150	-27	-				
21	4742.324557	3917	25	-105	4790.557438	1161	4	31	
22	4740.893018	4002	-96	-167	-				
23	4739 448077	3986	321	318	4792.158774	1749	-229	-131	
24	4737.988457	4076	-8	68	4792.938012	1744	-36	101	
25	4736.515066	407760	-179	-16	4793.701964	1738	-611	-433	
26	4735.028711	415730	610	870	4794.452465	1738	-98	120	
27	4733.527306	417190	269	634	4795.187059*		-931	-678	
28	4732.011406	425010	-648	-174	4795.908756	3498	-79	204	
29	4730.482719	4277	-436	150	4796.615016	3482	-58	244	
30	4728.939941	4362	-401	298	4797.306328	3477	-355	-48	
31	4727.382685*		-930	-121	4797.983920	3493	282	574	
32	-				4798.645 570	3498	-342	-91	
33	4724.228550	2258	135	1137	4799.290994*		-2485	-2306	
					Fortsetzu	ng auf d	er nächst	en Seite	

Tabelle A.33 Fortsetzung von $D^{12}CP$ $(210)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$

	P-Zweig					R-Zweig					
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	-	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
34	4722.630022	2321	84	1159		4799.924093*		-2218	-2150		
35	4721.016116*		-1423	-299		-					
36	4719.389230*		-1982	-841		-					
34 35 36	4722.630.022 4721.016.116* 4719.389.230*	2321	84 -1423 -1982	1159 -299 -841		4799.924093* _ _ _		-2218	-2150		

Tabelle A.34 $D^{12}CP (014)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$

		P-Zweig	g		R-Zweig						
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{ u}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}			
5	_				4832.541086	3514	-428	-94			
6	-				4833.535117	3493	-462	-136			
7	-				4834.509559	3487	-81	225			
8	-				4835.463386	3514	-300	-24			
9	-				-						
10	4813.926052	3503	652	-123	4837.311901	3482	214	403			
11	-				4838.205 177	3503	-443	-308			
12	-				4839.079604	3509	111	187			
13	4809.870039*		1088	92	4839.933046	3487	-249	-235			
14	4808.477763	349320	519	-520	4840.768109*		1094	1045			
15	4807.067058*		1280	220	-						
16	4805.635653*		1088	32	4842.373917	3503	-250	-417			
17	4804.183483	349580	-135	-1157	4843 148 279*		700	487			
18	-				4843.901184	3493	317	68			
19	-				4844.634247	3509	224	-42			
20	-				-						
21	-				-						
22	-				4846.712438	3482	-166	-330			
23	4795.064108	3493	-146	-18	-						
24	4793 474 778*		-763	-225	4847.997670	3514	168	264			
25	-				4848.610726*		1045	1350			
26	-				-						
27	_				4849.772503*		-966	-36			

Tabelle A.35 $D^{12}CP (014)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$

		P-Zweig	5			R-Zwei	g	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
5	_				4832.564088*		-935	-879
6	-				-			
7	4817.788475*		263	1544	4834.543659	3487	551	501
8	4816.513029*		-1149	111	-			
9	-				-			
10	4813.905740*		-1700	-629	4837.361875	3482	-225	-312
11	-				4838.262651	3509	432	363
12	4811.222851	3498	292	917	-			
13	4809.851492	348340	643	929	4840.003450	3487	367	377
14	4808.459468	349380	-174	-321	4840.843507	3493	-301	-234
15	4807.049570	349060	615	-64	4841.665118	3514	402	534
16	4805.619562*		763	-561	4842.465290	3503	-508	-306
17	4804.171124*		1934	-157	4843.246696	3482	-349	-74
18	4802.702928*		2786	-205	-			
19	-				4844 749968	3514	-37	381
20	-				4845.472068	3503	365	846
21	-				4846.172628*		-908	-374
22	-				4846.854558*		-940	-368
23	-				4847.516108*		-1476	-883
24	-				-			
25	-				-			
26	-				-			
27	-				4849.966850	3487	-217	206
28	-				-			
29	-				4851.072297	3509	-149	-12
30	_				4851.595510	3503	222	154

B Tabellen zu D¹³CP

$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $		P-Zweig					Q-Zwe	eig				R-Zw	eig	
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0	_				_				51	9.438367	212	65	59
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1	-				518.345219	173	8	-2	52	20.535216	149	15	9
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2	-				518.351850	130	-14	-24	52	21.632588	130	16	11
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	3	-				518.361855	120	11	2	52	22.730391	130	-12	-17
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	4	-				518.375129	116	-20	-28	52	23.828679	135	-4	-8
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	5	_				518.391739	111	-39	-46	52	24.927437	125	36	33
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	6	511.774131	169	23	17	518.411735	116	5	-2		-			
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	(510.681350	159	-15	-20	518.435.002	116	-1	-/	52	27.126118	111	15	13
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	ð O	509.589183	149	-4	-9	518.401603	110	21	2	52	28.226079	106	14	13
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9	506.497505	140	-22	-25	510.491559 510 504704	120	10	20	02 50	29.320.301	111	-30	-37
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	11	506 316141	130	-10	-12	518 561 272	125	49	40	53	R1 528230	111	-24	-23
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	12	505 226 322	130	-18	-18	518 601 135	125	11	12	53	82 629 705	111	_4	-2
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	13	504 137 157	125	15	17	518 644 267	125	-14	-11	53	3 731 510	106	1	4
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	14	503.048560	120	-9	-6	518 690 734	125	-7	-4	53	34.833643	106	3	5
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	15	501,960605	116	-25	-20	518 740 510	130	8	12	53	35.936076	106	-14	-12
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	16	500.873336	120	2	8	518.793556	125	-4	2	53	37.038849	106	1	3
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	17	499.786681	120	-10	-2	518.849923	120	13	19	53	38.141911	106	12	14
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	18	498.700720	125	10	20	518.909665	125	116	124	53	39.245259	101	28	28
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	19	497.615393	130	-6	5	518.972453	116	-18	-10	54	10.348843	101	10	10
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	20	496.530753	135	-14	-2	519.038682	111	10	18	54	1.452702	101	11	10
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	21	_			_	519.108167	111	19	27	54	2.556796	101	5	2
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	22	494.363558	145	-19	-6	519.180895	106	3	11	54	3.661126	106	4	0
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	23	493.281082	149	46	60	519.256762	106	-137	-130	54	4.765665	106	-5	-11
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	24	492.199175	159	-34	-20	519.330180	106	22	28	54	15.870452	111	31	23
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	25	491.118100	169	14	10	519.418045	106	-30	-31	54	10.975357	116	-0	-10
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	20	490.037710	173	-14	16	519 504 405	120	_ 22	_20	5/	10 125 760	116	-11	_21
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	28	487 879205	178	1	12	519 685 782	125	106	105	5-	0 291 211	120	11	_1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	29	486 801 071	178	1	11	519 781 109	125	-26	-28	5	1 396 796	130	26	13
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	30	485.723644	188	-53	-45	519.879850	130	39	35	55	52.502472	135	9	-4
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	31	484.647060	202	-35	-30	519 981 652	130	-46	-53	55	53.608241	145	-24	-36
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	32	483.571280	212	9	12	520.086814	145	26	17	55	54.714166	154	3	-6
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	33	482.496161	236	-71	-72	520.195063	149	-10	-21	55	5.820130	173	-12	-18
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	34	-				520.306529	149	$^{-16}$	-29	55	6.926134	202	-54	-55
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	35	480.348623	304	83	75	520.421226	154	30	16		-			
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	36	479.275929	342	27	15	520.539074	173	57	42	55	59.138390	265	-37	-23
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	37	478.204165	424	87	70	520.660009	217	10	-6	56	50.244642	145	52	77
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	38	477.132956	487	-120	-143	520.784.187	289	54	38	56	51.350711	337	-53	-14
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	39	476.063283*	E 40	3/9	352	520.911452	313	41	27	50	2.456806	410	-129	-/3
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	40	474.993552	549	-15	-40	521.041855	337	33	22	50	3.562980	482	-107	-30
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	41	475.925090	540	24	-15	521.175.596	301	41	30	50	54.009000	407 705	-110	-17
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	42	471 700166*		470	517	521.511.907	407	-19	-10	50	S6 221 135	703	-02	49
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	43	470 724672	597	-472	-88	521 594 530	361	-75	-53	50		105	-152	12
46 468.595594 737 120 69 521.889550 684 16 69 570.198112* -684 -380 47 - - 571.304600 593 190 555 48 - 522.196667 588 -41 60 572.409740 988 -147 287 49 - 522.514221* -1814 - - 51 - 522.680537 1763 310 -	45	469 659 695	554	40	-10	521 740 458	410	-75	-40	56	69 093 090	776	29	279
47 - - 571.304.600 593 190 555 48 - 522.196.667 588 -41 60 572.409.740 988 -147 287 49 - 522.354.404* -454 -322 - - - 50 - 522.514.221* -1814 - - - 51 - 522.680.537 1763 310 -	46	468 595 594	737	120	69	521 889 550	684	16	69	57	0 198112*	110	-684	-380
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	47	_				_				57	1.304 600	593	190	555
49 - 522.354404* -454 -322 - 50 - 522.514221* -1814 - 51 - 522.680537 1763 310 -	48	_				522 196 667	588	-41	60	57	2 409 740	988	-147	287
50 - 522.514221* -1814 - 51 - 522.680537 1763 310 -	49	-				522.354 404*		-454	-322		-			
51 – 522.680537 1763 310 –	50	-				522.514221*		-1814			-			
	51	-				522.680537	1763	310			-			

Tabelle B.1 $D^{13}CP (010)^{1e,f} \leftarrow (000)^{0e}$

Tabelle B.2 $D^{13}CP (020)^{0e} \leftarrow (010)^{1e,f}$

	P-Zweig					Q-Zwe	eig			R-Zwe	ig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	505.079930	511	-183	-244	_				_			
3	—				-				-			
4	502.904248	313	-148	-204	507.275178	403	-35		-			
5	501.821877	328	199	147	(507.278005)				-			
6	500.743030*		648	603	`507.281266´	350	-45		515.038691	463	-54	-53
7	499.666623	313	127	89	507.285196	334	90	-146	516.161958	419	184	197
8	498.593877	332	-130	-159	507.289414	345	50	73	517.288076	405	103	127
9	497.524833	347	-63	-84	507.294017	318	-34	66	518.417268	443	-27	6
10	496.459071	342	-70	-82	507.299085	329	-47	-159	519.549715	458	28	69
11	495.396657	347	-58	-62	507.304526	307	-40	-97	520.685093	458	0	47
12	_				507.310280	307	-29	40	521.823374	419	-78	-27
13	_				507.316257	302	-57	-8	522.964650	352	-49	2
14	492.229157	352	72	84	507.322652*		125	-61	-			
15	491.179685	308	57	70	507.328903	297	10	82	525.255558	265	-21	20
16	490.133468	318	163	175	507.335338	297	-15	6	526,405034	313	-28	1
17	489.090070	328	5	11	507.341799	302	-43	57	_			
18	488.049831	318	-23	-24	507.348259	307	-36	133	528.711846	453	135	130
19	487.012815	337	203	190	507.354668	307	30	91	529.868763	448	59	32
20	485.978343	376	67	39	507.360834	329	35	-33	531.027904	337	-119	-169
21	484,946833	410	52	8	507 366 726	350	27	38	532.189725	361	154	82
22	483.918096	429	40	-21	507 372 225	307	-32	-103	533.353156	390	-94	-186
23	482.891844	491	-183	-260	507.377.332	360	-56	-4	534.519084	463	125	21
24	481 868 560	511	-57	-147	507 382 027	350	23	-124	535 686569	491	-22	-129
25	480 847 683	491	-64	-158	507 385 899	355	-115	-106	536 856237	482	198	106
26	479.829101	487	-231	-320	507 389 168	350	-158	-107	538.027136	385	-57	-111
27	478.813311	559	25	-41	(507.391844)			-176	539.199956	487	16	34
28	477 799771	583	250	231	(507.393468)			99	540.374202	540	38	170
29	476 788075	588	130	192	(541 549599	684	-149	154
30	475.778465	699	1	186	_				542.726526	959	-47	497
31			_		_				543 904774	1012	256	1130
32	473.765515	660	113	727	-				545.083990*		527	1842
33	_				_				546 263690*		405	2296
34	471.757111*		-2442	-1041	_				-		100	2200
35	_		22		_				548.625195	2438	126	3685
36	_				_				-	2100	120	
37	468.758844*		-3699	-37	_				_			
÷.			0000	÷.								

Tabelle	B.3	$D^{13}CP$	$(020)^{2e} \leftarrow$	$(010)^{1{ m e,f}}$

	P-Zweig				(Q-Zw	eig		_	R-Zw	eig	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1 2 3									521.963978 523.070400 524.179530	593 385 332	-161 152 -51	-25 279 64
4	515.395179	670	-299	-163	519.765612	443	-73	-35	-			
5	514.311787	525	-364	-237	519.767730	414	-44	-5	526.407937	323	-7	79
6	513.232385	434	234	350	519.770398	304	76	116	527.526941	357	-50	19
7	512.155324	395	-183	-79	519.773289	342	-63	-24	528.649305	390	5	56
8	511.082499	448	247	338	519.776741	308	-149	-112	529.775005	381	116	148
9	510.012082	607	-340	-263	-				530.903791	347	11	25
10	508.946202	583	145	207	519.785595	299	-23	_6	532.035886	347	-113	-117
11	507.883148	463	-53	-4	519.790787	284	-91	-70	533.171564	337	-11	-30
12	506.823677	390	-223	-186	519.796712	270	-79	-67	534.310420	347	-119	-153
13	505.767710*		-496	-470	519.803342	279	-59	-59	535.452847	328	-82	-128
14	504.716145	318	-27	-10	-				-			
15	503.667817	337	-41	-28	519.818879	289	-32	-63	537.748228	299	81	23
16	502.623274	352	-49	-37	519.828100	289	179	131	538.901118	381	54	-6
17	-	.			519.837895	279	50	-1/	540.057590	241	4	-52
18	500.545875	347	19	40	519.849208*		461	374	541.217829	448	64	14
19	499.512953	332	-111	-/8	519.860704	284	11	-95	542.381757	501	98	59
20	498.484157	313	-1/4	-125	519.873808	294	54	-70	-			
21	-	100		005	519.887985	275	-17	-157	-			
22	496.439493	400	134	225	519.903535	304	20	-131	-	6.07	~ ~	105
23	495.423062	429	-223	-108	519.920393	318	22	-136	547.075707	607	98	105
24	494.411686	443	85	222	-				548.259043	588	20	26
25	493.404391	400	-6	149	519.958425	342	-22	-1/4				
26	492.401575	366	-189	-25	-	00 F	~~	70	550.638570*	0.01	302	258
27	491.403925	381	127	286	520.002956	395	38	-/8	551.834251	901	0	-108
28	490.410872	410	277	411	520.027844	458	66	-19	553.034562	1446	-16	-227
29	489.422102	443	-153	-/3	-	FOC		60	554.239503	1879	172	-193
30	488.438615	463	-263	-276	520.083283	506	107	169	-			
31	487.460.301	501	-204	-422	520.114.095	347	107	103	-	1700	100	
32	486.487696	631	275	-93	520.146987	472	64	1/6	557.881083	1792	120	-1170
33	-				520.182011	650	-111	50	-			
34	402 500 001	E C A	110	1700	520.219598	593	-85	130	-			
35	483.599921	564	-118	-1703	520.259565	597	-140	108	-			
30	-		1407	1 70 0	520.301978*		-309	-52	-			
31	401.704284		1407	-1/22	520.346941		-5ŏ/	-354	-			
30 20	-				- 500 446 407	400	E O	70	-			
39	=				520.440427	400	55	10	=			

Tabelle B.4 $D^{13}CP (020)^{2f} \leftarrow (010)^{1e,f}$

	P-Zweig					Q-Zwe	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				-				521.961376	641	74	49
2	517.563112*		-402	-407	-				523.061586	438	-141	-171
3	-				519.781109	125	89	38	524.162358	332	-164	-197
4	515.366720*		-404	-397	519.794462*		500	452	525.263654	222	-20	-57
5	514.269453	313	-139	-126	519.810483*		344	300	526.365354	125	182	141
6	513.172526	419	9	28	-				-			
7	512.075729	366	-181	-156	519.852138	323	-52	-85	528.569162	385	1	-45
8	510.979757	395	-24	8	-				-			
9	509.884006	453	-133	-96	519.907040	308	-120	-140	530.774316	323	-79	-129
10	508.788975	520	-22	21	519.939160*		-324	-339	531.877377	318	-72	-125
11	507.694134	467	-229	-181	519.974943	279	-89	-99	532.980948	251	169	115
12	506.600175	328	-73	-20	520.013811	275	10	5	534.084336	347	-37	-92
13	505.506550	328	-113	-55	520.055675	255	-113	-114	535.188195	357	-24	-80
14	504.413710	448	94	155	520.100952	255	-39	-36	536.292328	352	24	-32
15	503.321484*		366	430	520.149511	231	106	111	-			
16	502.229245	385	66	132	520.201092	255	64	70	538.501092	405	-51	-107
17	501.137765	400	-43	24	520.255864	260	9	14	539.605853	400	-19	-75
18	500.046991	410	-25	43	520.313918	255	35	38	540.710850	453	59	4
19	498.956734	371	-77	-10	520.375085	217	-23	-23	541 815 978	549	91	36
20	497.867228	342	25	90	520.439496	241	-29	-33	542.921210	665	63	9
21	496.778102	342	-99	-39	520.507176	251	47	36	544.026559	376	-1	-54
22	495.689709	361	-106	-52	520.577995	279	78	62	545.132197	463	85	34
23	494.601838	357	-216	-169	520.651861	347	-21	-44	-			
24	493.515177	395	250	288	520.729114	443	95	64	547.343642	655	62	14
25	492.428398	361	-44	-19	520.809323	554	0	-38	548.449541	805	70	25
26	491.343078*		468	479	-				549.555584	1074	134	93
27	490.257620	381	181	176	520.979406	622	-3	-49	-			
28	489.172660	414	-277	-302	521.069123	443	-56	-101	-			
29	488.089340	429	226	180	521.162097	491	6	-35	552.873830	602	55	26
30	487.005661*		-316	-387	-				553.980069	626	100	76
31	485.923545	525	9	-91	521.357133	742	-184	-195	555.086204	660	21	3
32	484.841998	607	199	68	-				556.192312	679	-93	-103
33	483.760784	607	9	-156	521.564986	448	-44	12	557.298655	679	34	33
34	482.681231*		760	557	521.673471	424	-80	30	558.404908	766	92	101
35	-				521.785133	597	-39	142	559.510885	1017	-92	-72
36	-				521.899646	1065	-239	33	560.616706*		-385	-351
37	-				522.017220*		-461	-74	-			
38	-				522.137972*		-581	-52	-			

		P-Zwei	g		R-Zweig					
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
2	2420.624212*		-752	-824	-					
3	2419 512 749	828	48	-25	-					
4	2418.392480	792	194	119	2428.182167*		532	471		
5	2417.263736	780	2	-74	2429.228158	624	-157	-218		
6	2416.126904	792	-156	-233	2430.266671	600	-95	-154		
7	2414.982485	780	206	127	2431.296986	600	1	-56		
8	-				2432.319270	516	303	247		
9	2412.669440*		972	892	2433.332636	588	-78	-131		
10	2411.499209	756	-265	-345	2434.337971	576	-251	-303		
11	2410.322884*		436	356	2435.335495	564	1	-49		
12	2409.137863*		452	373	—					
13	2407.944313	816	-71	-149	2437.305674	576	338	295		
14	2406.743450	816	58	-18	—					
15	2405.534279	840	-178	-252	2439.242120	564	-143	-177		
16	2404.317742	816	136	66	2440.198379	588	-17	-46		
17	-				—					
18	2401.860516	948	259	197	2442.085915	612	-118	-135		
19	2400.619772	996	-44	-100	2443.017691	636	137	127		
20	2399.371330	1020	-239	-288	2443.941 325*		436	433		
21	2398.115 354	1080	-191	-233	2444.855 598*		-451	-446		
22	2396.851624	1140	-152	-187	—					
23	2395.580249	1200	-46	-72	2446.661987	720	96	118		
24	2394.301453	1272	320	301	2447.552719	756	120	150		
25	2393.014514	1140	188	178	2448.435142	768	-42	-5		
26	2391.720097	1440	189	186	2449.309423	828	-239	-195		
27	2390.417981	1536	66	70	2450.175783	840	-266	-216		
28	-				2451.034500	876	137	192		
29	-				-					
30	2386.467045	1836	184	200	2452.726785	900	-59	-4		
31	2385 134796	1944	-151	-137	2453.561240	996	189	239		
32	2383.795 403	2292	-249	-241	2454.387941*		677	718		
33	-				2455.204782*		-721	-696		
34	2381.095567*		481	462	2456.016860*		1067	1069		
35	-				-					
36	-				2457.613708*		1090	1019		
37	-				2458.399198	1092	-5	-129		
38	-				-					
39	_				2459.948521*		-328	-604		

Tabelle B.5 $D^{13}CP (002)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

Tabelle B.6 D¹³CP $(100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	ig		R-Zweig					
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
0	_				2389.556 440*		-1172	-1183		
1	-				-					
2	2386.270243	2280	393	414	2391.705142*		576	534		
3	2385.156122	2208	104	131	2392.764 537	1644	-3	-62		
4	2384.032861	1956	-386	-356	2393.815347	816	-147	-223		
5	-				2394.857516	1344	103	10		
6	2381.760916	1548	-3	26	2395.890158	1320	-123	-232		
7	-				2396.914602*		520	397		
8	2379.452856	1212	-68	-48	2397.928966	1152	167	33		
9	2378.286004*		439	451	2398.934300	1116	-114	-255		
10	2377.109291	1212	-14	-11	-					
11	2375.924105	540	-44	-49	2400.918271	996	7	-132		
12	-				-					
13	2373.527310	444	156	134	_					
14	2372.315258	708	-61	-89	2403.825432	972	148	74		
15	-				2404.775820	960	-50	-80		
16	2369.865067	852	89	57	2405.717234	888	27	55		
17	2368.626373	864	-97	-124	2406.649121	948	-151	-49		
18	-				2407.572090	876	50	244		
19	2366.122.453	804	-319	-317	2408 484 978*		-507	-201		
20	-				2409.389612	948	32	472		
21	2363.582391*		-1085	-1017	2410.283723*		-577	23		
22	2362.300493	504	26	144	2411.168584*		-1032	-246		
23	2361.007821*		-724	-542	2412.044416*		-1083	-81		
24	2359.707727	600	24	286	_					

Anhang K

Linienlisten von HBS

A Tabellen zu $H^{11}B^{32}S$

Tabelle A.1 H	$\mathrm{H}^{11}\mathrm{B}^{32}\mathrm{S}~(001)^{0\mathrm{e}} \leftarrow (000)^{0\mathrm{e}}$	

		P-Zwe	ig		R-Zweig					
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
0	_				1173.635856	35	-44	-46		
1	1171.096539	35	-49	-49	1174.895274	27	2	0		
2	1169.816681	27	-1	0	1176.147757	25	-7	-10		
3	1168.529.950	25	-17	-15	1172 622 040	25	3	-1		
4	1165 936 167	25	-20	-18	1179 863 820	25	37	-2		
6	1164 629 115	23	-21	-17	1181 088 601	23	24	18		
7	1163 315 348	27	-6	-2	1182 306 430	27	28	21		
8	1161.994848	27	$^{-1}$	4	1183.517248	27	8	1		
9	1160.667667	27	30	36	1184.721080	27	8	0		
10	1159.333685	27	-49	-43	1185 917 901	27	21	13		
11	1157 993 142	29	-16	-9	1187.107674	29	28	20		
12	1156.645.937	29	11	19	1188.290.348	29	-2	-12		
13	1153 292 000	29	13	21	1109 405 995	29	19	10		
15	1152 564 462	29	-9	18	1190.034.327	29	19	14 Q		
16	1151 190 726	29	-33	-23	1192.950206	27	17	7		
17	1149.810472	27	-18	-8	1194.097320	27	10	0		
18	1148.423655	27	-8	3	1195.237259	27	2	-8		
19	1147.030312	27	19	29	1196.370036	27	23	13		
20	1145 630 375	27	-23	-12	1197.495577	25	20	10		
21	1144 223 987	27	-6	5	1198.613882	25	11	2		
22	1142.811092	27	-1	10	1199.724.928	25	-/	-16		
23 24	1141 391712	27		_10	1200.020739	25	o Q	1		
25	1138 533 594	25	6	16	1201.525.247	25	2	-5		
26	1137.094843	27	-27	-17	1204.096312	25	Õ	-7		
27	1135.649752	27	15	25	1205.170857	25	17	12		
28	1134.198205	27	1	10	1206.237992	27	-9	-14		
29	1132.740296	27	10	18	1207.297774	27	-4	-7		
30	1131 275 944	27	-56	-49	1208.350105	29	-44	-47		
31	1129.805.295	29	-66	-60	1209.395067	31	-30	-31		
32	1126.328.344	31 21	-39	-35	1210.432387	33	-12	-12		
34	1125.355556	33	-27	-24	1211 402 003	40	36	39		
35	1123.859622	38	45	45	1213,500,203	42	-43	-39		
36	1122.357433	40	33	30	1214 507 788	48	13	19		
37	1120.848994	42	31	26	1215.507677	50	-84	-76		
38	1119.334284	48	5	-2	1216.500266	56	83	91		
39	1117.813356	50	-7	-17	1217.485016	62	-8	3		
40	1116.286.275	58	44	30	1218.462.339	67	/8 14	90		
41	1114 / 52 888	62 65	-11	-28	1219.431890	75	14	27		
4Z 13	1113.213.402	05 71	22 Q	_16	1220 393 655	23	22	21 50		
44	1110.115 350*	11	-495	-525	1222 294 704	96	-82	-65		
45	1108.558157*		298	263	1223 233 515*	50	-197	-178		
46	1106 993 706	81	-41	-82	1224.165652*		736	756		
47	1105.423320*		-205	-251	1225.087514*		-863	-843		
48	-				1226.004235*		158	179		
49	-				1226.912390*	100	395	417		
50	_				1227.812.048	108	-63	-42		

		P-Zw	eig		R-Zweig					
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
3	-					1167.761733	121	211		
4	-					1168.993417	110	178	74	
5	-			-198		1170.218187	110	187	5	
6	1155.065096*		-537	617		1171.435387*		-402	-17	
7	1153.758802*		243	57		1172.646774	121	186	-630	
8	1152.444397	98	-344	1341		1173.849901*		-480	-61	
9	1151.125121*		924	456		1175.047554	102	403	-740	
10	1149.796979*		33	148		1176.237062	110	181	138	
11	1148 462 739	90	-266	777		1177.419770	110	215	-83	
12	1147.122781*		387	73		1178.594953*		-203	-41	
13	1145.774855	81	-275	59		1179.763783	110	116	-443	
14	1144.421004	77	-229	-167		1180.925890*		818	-103	
15	1143.060349	75	-371	686		1182.079697	108	343	627	
16	1141.694202*		591	-106		1183.226535	108	37	185	
17	1140.319858	67	-66	102		1184.367583*		1096	-82	
18	1138.939986	65	308	-1161		1185.498436*		-869	1021	
19	1137.552135*		-757	258		1186.625897*		961	-897	
20	1136.160481*		896			1187.742945*		-418	984	
21	—					1188.855480*		908	-342	
22	-					1189.958356	117	-190	1039	

 $\textbf{Tabelle A.2} ~ \mathrm{H^{11}B^{32}S} ~ (002)^{0e} \leftarrow (001)^{0e}$

Tabelle A.3 $H^{11}B^{32}S (011)^{1f} \leftarrow (010)^{1f}$

		eig	R-Z weig					
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
2	-			156	1165.470036	110	71	192
3	1164.174511	102	209	102	1164 183 487	102	21	16
4	1162.878171	96	8	69	1162.890286	96	-6	-148
5	1161.575483	90	71	-472	1161.589922*		-538	208
6	1160.266171	85	105	-114	1160.283817	85	-171	65
7	1158.950174	79	32	2	1158.970849	79	-44	85
8	1157.627595	75	-61	-171	1157.650985	79	-206	-58
9	1156.298646	71	21	-88	1156.324788	75	-111	-2
10	1154.963063	71	-3	-86	1154.991936	71	-97	25
11	1153.620916	73	-78	-165	1153.652446	73	-165	-21
12	1152.272514	69	87	-36	1152.306623	67	-26	-58
13	1150.917369	69	-10	-221	1150.953960	69	-203	-53
14	1149.555722	65	-146	194	1149.595 387	65	218	69
15	1148.187898	67	-10	53	1148 229 765	62	82	-83
16	1146.813420	65	-95	-32	1146.857719	65	-2	-73
17	1145.432753	62	49	122	1145.479450	62	151	24
18	1144.045415	60	-76	-46	1144.094412	60	-20	36
19	1142.652011	58	120	82	1142.703238	58	101	-121
20	1141.251888	56	-30	39	1141.305 478	56	49	151
21	1139.845687	56	100	151	1139.901473	54	151	-111
22	1138.432887	54	-26	23	1138.490843	54	10	300
23	1137.013783	54	-127	-77	1137.073875	52	-100	149
24	1135.588684	52	91		-			-130
25	1134 156 799	52	-176	-66	1134.221111	52	-107	-67
26	1132 719289	52	219	-42	1132.785 263	52	-84	186
27	-			525	1131.343657*		489	60
28	1129.824887*		432	-11	1129.894665	50	-30	-67
29	1128.367367*		-405	445	1128.440401*		459	-448
30	1126.904807	54	-50	29	1126.979018	54	94	471
31	1125.436169*		447	-528	1125.511267*		-388	433
32	1123.960960*		580	-813	1124.037580*		-569	-954
33	-			191	1122.558995*		575	-567
34	1120.990993*		-135	-919	1121.072128*		-353	
35	-				-			
36	-				-			
37	-			-1033	1116.577964*		418	

	I	ig		R-Z weig				
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				1170.548896	110	32	
2	1165.470036	110	71		1171 801 845	102	118	-308
3	1164 183 487	102	21	185	1173.047759	96	-50	-130
4	1162.890286	96	-6	-15	1174.286888	88	-204	-330
5	1161.589922*		-538	50	1175.519721	83	163	95
6	1160.283817	85	-171	86	1176.745221	77	32	-32
7	1158.970849	79	-44	16	1177.964030	73	63	88
8	1157.650985	79	-206	-75	1179 175 805	75	-68	-33
9	1156.324788	75	-111	9	1180.380887	71	0	68
10	1154.991936	71	-97	-12	1181.579029	75	36	-259
11	1153.652446	73	-165	-85	1182 770 168	71	-2	87
12	1152.306623	67	-26	83	1183.954368	71	-31	-25
13	1150.953960	69	-203	-13	1185.131640	71	-23	22
14	1149.595 387	65	218	-146	1186.302041	75	101	100
15	1148.229765	62	82	-8	1187.465161	75	-52	113
16	1146.857719	65	-2	-91	1188.621415	73	-46	-198
17	1145.479450	62	151	54	1189.770709	73	44	69
18	1144.094412	60	-20	-69	1190.912852	77	47	-35
19	1142.703238	58	101	128	1192 047 741	77	-120	19
20	1141.305 478	56	49	-21	1193.175954	81	140	188
21	1139.901473	54	151	109	1194.296510	81	-134	429
22	1138.490843	54	10	-18	1195.410596*		266	-52
23	1137.073875	52	-100	-120	1196.516959	88	108	-246
24	-			97	1197.616016	88	-172	118
25	1134.221111	52	-107	-172	1198.708217	94	-104	88
26	1132.785263	52	-84	220	1199.793394	100	167	-208
27	1131.343657*		489		1200.870960	100	72	$^{-1}$
28	1129.894665	50	-30	424	1201 941 277	100	-4	-534
29	1128.440401*		459	-419	1203.004075*		-310	175
30	1126.979018	54	94	-70	1204 060 893*		712	-42
31	1125 511 267*		-388	419	1205.109459*		813	288
32	1124.037580*		-569	542	1206.149366*		-392	
33	1122.558995*		575		1207.183725*		227	-489
34	1121.072128*		-353	-196	_			
35	-				-			-57
36	-				-			
37	1116.577964*		418		_			66

Tabelle A.4 $H^{11}B^{32}S (011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$
			io		<u> </u>	R_7.we	io	
$J^{\prime\prime}$	$\tilde{\nu}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	$\frac{\Delta_{eff}}{\Delta_{eff}}$	Δ_{ns}	$\tilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	$\frac{\Delta_{eff}}{\Delta_{eff}}$	Δ_{ps}
0			- 3 3	P -	2737 065 64.4*		4.21	4.21
1	2734 525 458*		452	445	2738 326 550	272	146	149
2	2733 246 445*		440	430	2739 581 733	233	122	129
3	2731 960 688*		-411	-425	2740 830 724	180	-102	-91
4	2730.670405	185	98	82	2742 073178*		-855	-839
5	2729.373503	175	-142	-161	2743.311943*		729	749
6	2728.070414*		-718	-740	2744.542313	146	-40	-15
7	2726.762544	131	-242	-267	2745 767 297	136	-136	-106
8	2725.448782	126	157	128	2746.986642	131	204	239
9	2724.128700	121	32	0	2748.199057	131	-294	-253
10	2722.802775	121	-157	-193	2749.406239	121	84	130
11	2721.471549	121	112	72	2750.606672	121	-164	-112
12	2720.134 420	117	219	175	2751 801 485	117	110	166
13	2718.791801*		558	509	2752.989604	117	-155	-93
14	2717.442111*		-471	-526	2754.172.207	126	236	304
15	2716.088351	112	115	53	2755.347971	121	-24	49
16	2714.728115	121	-111	-181	2756.517612	121	-203	-126
1/	2713.362.843	126	272	194	2757.681447	131	30	112
18	2711.991.606	131	317	229	2758.838491	146	-293	-208
19	2710.614496	136	95	-3	2759.989505	140	-398	-309
20	2709.231748	131	-1//	-288	2761.134798	155	41	133
21	2707.044271	100	200	205	2702.273031	175	-300	-207
22	2706.450090	105	-203	-344	2763.400044	1.80	4-5-2 F	527 80
23	2703.030.933		576	-301	2704.331370	100	-5	09
24	2703.047.127		-521	_722	2766 764 834	228	203	384
26	2702.233.313	228	346	120	2767 871 994*	220	496	582
27	2699 400 915*	220	1076	824	2768 972 082	282	-7	74
28			10.0	02.	2770 066 072	340	-228	-153
29	2696.541823	301	287	-29	2771 153 938	340	-177	-112
30	2695 104 275*		-23	-375	_			
31	2693.662572*		874	482	-			
32	2692.214 426*		670	235	-			
33	-				2775.443186*		2032	2039
34	2689.304105*		2174	1639	2776.499389*		2599	2585
35	2687.839420*		1328	737	-			
36	2686.372077*		3081	2429	-			
37	2684.897057*		2391	1674	-			
38	2683.417166*		2042	1255	-			
39	2681.932 433*		2043	1179	-			
40					-			
41	2678.948717*		3277	2243	-			

 $\textbf{Tabelle A.5} ~ \mathrm{H^{11}B^{32}S} ~ (100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

B Tabellen zu $H^{10}B^{32}S$

	F	P-Zwe	eig			R-Zwe	ig			
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}		
0	_				1208.400257	71	-19	-21		
1	1205.728319	65	$^{-1}$	0	1209.725357	48	5	1		
2	1204.381 390	48	-87	-85	1211.043140	40	6	1		
3	1203.027360	42	-58	-54	1212.353616	35	14	8		
4	1201.666157	35	-3	1	1213.656743	33	7	0		
5	1200.297721	33	-2	4	1214.952560	31	43	35		
6	1198.922101	31	-25	-17	1216.240963	29	39	30		
7	1197.539351	29	-35	-27	1217.521965	27	28	17		
8	1196.149518	29	-5	5	1218.795570	27	33	22		
9	1194.752492	29	-61	-51	1220.061682	27	-19	-31		
10	1193.348483	27	-14	-2	1221.320449	27	38	25		
11	1191 937 338	27	-33	-20	1222.571670	27	25	12		
12	1190.519145	27	-49	-35	1223.815 421	27	39	25		
13	1189.093982	27	0	14	1225.051629	27	28	14		
14	1187,661770	27	16	30	1226,280338	27	56	42		
15	1186 222 531	29		18	1227 501 436	27	34	20		
16	1184 776 337	29	17	33	1228 714 932	27	-9	-23		
17	1183 323 162	29	15	31	1229 920 873	27	-3	-17		
18	1181 863 001	29	-26	-10	1231 119160	29	-27	-41		
19	1180 395 935	31	-41	-26	1232 309 821	29	-30	-43		
20	1178 922 026	31	15	29	1233 492 889	31	42	30		
21	1177 441 091	33	-59	-44	1234 668 132	31	-19	-30		
22	1175 953 367	33	_40	-27	1235 835 717	31	-26	-36		
23	1174 458 789	35	-11	1	1236 995 605	33	5	-3		
24	1172 957 388	38	43	54	1238 147 690	35	-8	-15		
25	1171 449 091	40	.34	43	1239 292 041	38	25	20		
26	1169 933 931	42	-23	-15	1240 428 574	42	43	20 40		
27	1168 412 043	46	-6	_1	1240.420374	42	-60	-60		
21	1166 883 448	50	88	91	1241.557 100	46	12	15		
20	1165 347 883	54	_19	_18	1242 070071	50	10	15		
2.0	1163 805 696	56	13	5	1244 896 058	54	_38	_30		
31	1162 256 690	65	_48	_53	1245 003 030	60	_9	3		
30	1160 701 010	67	-40	-53	1245.995259	62	- 9 5 1	67		
33	1150 138 606	75	73	-55	1247.002.007	71	03	113		
24	1157 560 664	75	-13	-00	1240.103791	71	50	20		
25	1157.509004	15	05	40	1249.200090	70	-04	-30		
33	1154 411 440	OF	07	0	1250.502009	19	-110	-00		
27	1154.411449	60	21	176	1251.559410	05	22	209		
20	1151 006520*		200	1/0	1252.400705		240 461	201		
20	1140 604 064*		-110	-140	1255.450025		401	500		
39	1149.024.904		420	000 400	1254.403375		0/0 010	927		
4U 41	1146.014.934		-439	-490	1255.507.506		210	20/		
41 40	1140.400082*	01	ŏ41 40	103	1250.524002*		0/0	133		
42 42	1144./////U	ŏΙ	42 570	-24	1257.532324		-58	13 E14		
43	1143 149 028*		579	500	1258.532 027*		-592	-514		

Tabelle B.6 $H^{10}B^{32}S (001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwe	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
5	1194.953112*		-689	-591	1209.651929*		828	206
6	1193.575571*		-506	-77	1210.944902	100	-201	513
7	1192 191 204	117	-296	226	1212.231 988	85	-8	147
8	1190.800081	108	-6	69	1213.511842	104	85	-266
9	1189.401822	102	-33	-305	1214.784451	96	85	-12
10	1187.997514*		693		1216.049754	102	-46	-253
11	1186.584733	108	-269	-1032	1217.308256	100	220	-5
12	1185.166152	110	-262	326	1218.559577*		526	191
13	1183.740511*		-562	-548	1219 802 759	100	-63	-1272
14	-			78	1221.039336	102	11	76
15	1180.869945	110	-251	-278	1222.268 001*		-535	-130
16	1179.423949*		-742	-612	1223.490194	102	-238	665
17	1177.972417	108	-77	243	1224.704352*		-636	226
18	1176.513878*		258	13	1225.912198	108	18	-171
19	-			81	1227.111 302*		-679	-1932
20	1173.575930	119	33	-73	1228.304151	106	-216	-1629
21	1172.096242*		-835		1229.489603*		291	-1774
22	1170.611213*		-422		1230.666612	106	-178	-820
23	1169 119773	121	189	592	1231.834841*		-1935	
24	-			-69	_			
25	1166.116119	131	412		1234.154028	104	-133	
26	-				1235.301755	106	248	
27	-			21	1236.441 324	115	73	

Tabelle B.7 $\mathrm{H^{10}B^{32}S}$ $(011)^{1\mathrm{f}} \leftarrow (010)^{1\mathrm{f}}$

Tabelle B.8 $\mathrm{H^{10}B^{32}S}$ $(011)^{1e} \leftarrow (010)^{1e}$

		P-Zwe	eig			R-Zwe	eig	
J''	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
4	1196.337655*		-8	-655	-			
5	1194.969915*		73	-591	1209.629258	108	320	206
6	1193.595656*		594	-77	1210.919507*		570	513
7	1192.214234*		894	226	1212.201894	104	155	147
8	1190.825 418*		724	69	1213.477 025	104	-297	-266
9	1189 429 467	110	326	-305	1214.745595	104	-68	-12
10	-				1216.006424	102	-317	-253
11	1186.616902*		-478	-1032	1217.260475	102	-58	-5
12	1185.202035*		829	326	1218.507188	100	173	191
13	1183.778086*		-105	-548	1219.744936*		-1229	-1272
14	1182.348806	100	455	78	1220.978171	100	211	76
15	1180.911728	110	27	-278	1222.202507	102	133	-130
16	1179.467873*		-383	-612	1223.420478*		1093	665
17	1178.018426	108	394	243	1224.629831*		864	226
18	1176.561127	119	85	13	1225.831822*		726	-171
19	1175.097378	110	77	81	1227.025 022*		-725	-1932
20	1173.626672	110	-151	-73	1228.212842*		-53	-1629
21	-				1229.392747*		234	-1774
22	-				1230.566265*		1688	-820
23	1169.175 445*		341	592	-			
24	1167.677459	121	-353	-69	-			
25	-				=			
26	-				-			
27	1163.145713	121	-241	21	—			

		eig			R-Zweig				
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	
1	-				2754.090909*		-533	-637	
2	2748.747848*		1284	1327	2755.411 987*		1260	1113	
3	-				-				
4	-		105	070	2758.029023	360	180	-55	
5	2744.666917	505	-405	-279	2759.327073*		-564	-844	
6	-		1 20 2	1400	-	264	0.0	070	
/	2741.915829		1323	1489	2761.904.690	364	92	-218	
0	-			552	=			1/3	
10	_			58	_			-145	
11	_			-413	_			496	
12	2734 917 810*		831	1040	_			-199	
13	2733 497 690	369	-144	65	_			100	
14	2732.072778*		590	797	_			530	
15	-			367	2771.935798*		1096	462	
16	2729.200626*		-849	-652	2773.157325	345	412	-232	
17	-				2774.373514*		1463	817	
18	2726.304815	360	-184	-2	2775.579921*		-177	-815	
19	2724.847687*		536	710	-				
20	2723.381991*		-931	-766	2777.974 422*		-422	-1016	
21	2721.912031	403	-302	-145	-				
22	2720.435 488	705	83	234	2780.340871	389	-137	-636	
23	2718.951121*		-1036	-890	-				
24	-				-				
25	2715.967023	554	239	382	2783.837698*		1352	1106	
26	2714.463536*		-1165	-1017	2784.987319	899	307	180	
27	2712 955775*	C 0 F	-604	-44/	-	000	1 70	25.0	
28	2711.441861	685	20	191	2787.266744	899	1/8	350	
29	-				2788.390228	014	809	1103	
3U 31	-				2700 631 600*	914	-244	1202	
21	-				2190.031000		410	1203	

Tabelle B.9 $H^{10}B^{32}S (100)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

C Tabelle zu $H^{11}B^{34}S$

		P-Zw	eig			R-Zwe	ig	
$J^{\prime\prime}$	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	-				1165.599843	102	48	48
2	-				1166.833176	90	-102	-102
3	-				1168.060007	83	0	-1
4	1158.057980	79	-62	-62	1169.279892	79	-75	-76
5	1156.777740	77	-26	-25	1170.493217	71	78	77
6	1155.490944	69	73	73	1171.699382	67	-125	-126
7	1154.197432	65	56	56	1172.899045	65	-7	-8
8	1152 897 267	58	-30	-29	1174 091808	65	51	49
9	1151 590 711	58	61	62	1175.277617	65	11	10
10	1150.277418	58	-33	-32	1176.456652	60	73	71
11	1148 957 682	58	-36	-35	1177.628568	60	-92	-94
12	1147 631 376	56	-90	-89	1178 793900	60	69	- 68
13	1146 298 775	52	63	65	1179.952088	58	15	13
14	1144 959 446	52	-25	-24	1181 103369	60	-1	-3
15	1143 613 791	52	31	32	1182.247685	60	-18	-20
16	1142,261,460	52	-136	-134	1183.385072	60	18	16
17	1140 902 968	50	-25	-24	1184 515 458	62	53	51
18	1139 538 032	48	64	65	1185 638746	62	8	6
19	1138 166 697	48	160	161	1186.755006	67	-29	-31
20	1136.788782	48	66	67	1187.864341	67	63	62
21	1135 404 424	48	-96	-95	1188 966455	69	8	f
22	1134 013 982	48	17	18	1190 061 581	69	55	53
23	1132 616 912	48	-155	-154	1191 149555	73	60	50
24	1131 214 018	48	177	178	1192 230167	81	-169	-170
25	1129 805 295*		993	994	1193 303845	81	-185	-186
26	1128 388 396	50	-71	-70	1194 370132*	01	-427	-428
27	1126 966 171	50	-179	-178	1195 429773	94	-131	-1.32
28	1125 538 145	52	179	179	1196 481 760*	51	-286	-287
29	1124 103 189	54	-143	-143	1197 527018	102	52	51
30	1122 662 711*	54	249	249	1198 564 799	102	152	152
31	1121 215 520	60	149	149	1199 594438*	102	-629	-629
32	1119 761 006*	00	-1068	-1068	1200 618 311	110	102	103
32	1118 302 572	67	_14	_15	1200.010311	110	A13	41/
34	1116 836635*	07	-288	-288	1201.004407		358	360
35	1115 364 670*		_128	_129	1202.042.040		100	200
36	1113 887140	77	420	1/	1203.043973		_536	_523
37	1110 /03 715*		600	680	1204.037074		-550	-550
38	1112 403713	81	_21	_23	1206 603106	110	-35	_20
50	1110.912704	01	-21	-25	1200.003100	110	-55	-31

Tabelle C.10 H¹¹B³⁴S $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

D Tabelle zu $H^{10}B^{34}S$

		P-Zwe	eig			R-Zwe	eig	
$J^{\prime\prime}$	${ ilde u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
0	-				1199.494243	121	-314	-318
1	-				-			
2	-				1202.099809	100	19	13
3	1194.197 379*		-1189	-1188	1203.391728	102	78	71
4	1192.856931	110	68	70	1204.676113	104	-200	-208
5	1191.508143	102	32	36	1205.954219	104	458	450
6	1190.152053	100	-277	-272	1207.224038	102	65	56
7	1188 789173	108	-366	-359	1208.487007	102	77	68
8	1187.419766	102	11	19	1209.742526	94	-86	-96
9	1186.042721	102	-275	-266	1210.991094	94	94	85
10	1184.659643	100	363	373	-			
11	1183.268625	94	1	11	1213.466023	90	212	204
12	1181.871041	102	-5	7	1214 692134	92	-60	-68
13	1180 466 798	102	236	248	1215 911340	96	139	132
14	1179.055058	100	-132	-120	1217.123019	96	208	201
15	1177 636 932	100	-14	-2	1218.326716	94	-289	-295
16	1176.212161	102	313	325	1219.523828	94	67	62
17	1174 779642	102	-269	-259	1220.712813	94	-245	-249
18	1173.341039	108	-114	-105	1221.894593	92	-283	-286
19	1171 895 747	102	157	164	1223.069192	92	0	-2
20	1170.443263	110	25	30	1224 235979	100	-6	-7
21	1168.984132	110	19	20	1225.395518	100	284	284
22	1167.518106	110	-125	-128	1226.547009	108	91	92
23	-				1227.690870	100	-143	-142
24	1164.566561	112	301	289	1228.827555	108	55	58
25	1163.079959	110	-242	-261	1229.956597	106	243	246
26	-				1231.077587	117	32	35
27	-				1232.190623	106	-457	-453
28	-				-			
29	_				1234.395259	115	249	252

Tabelle D.11 $H^{10}B^{34}S (001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

E Tabelle zu $H^{11}B^{33}S$

Tabelle E.12 $\mathrm{H}^{11}\mathrm{B}^{33}\mathrm{S}$ $(001)^{0e} \leftarrow (000)^{0e}$

		P-Zwei	g			R-Zwei	g	
J''	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}	$ ilde{ u}_{obs}$	$\delta \tilde{\nu}$	Δ_{eff}	Δ_{ps}
1	_				1170.110119	58000	-290	-290
2	-				1171.352359*		-731	-731
3	1163.795709	58000	428	428	1172.589916*		966	966
4	1162.511754	58000	-277	-277	1173 819216*		1245	1245
5	1161.221959	54000	-121	-121	1175.039854	53000	-280	-280
6	1159 925 277	53000	-167	-167	1176.255784	53000	360	360
7	1158.621201*		-939	-939	1177.463479	57000	-342	-342
8	1157.312457	49000	273	273	1178.665647	52000	339	339
9	1155.994142*		-1452	-1452	—			
10	1154.672254	47000	-131	-131	1181.047595	48000	116	116
11	1153.342269	46000	-304	-304	1182.228817*		689	689
12	1152.006048	46000	-128	-128	1183.402.007	52000	213	213
13	1150.663482	45000	273	273	1184.568460	48000	0	0
14	1149.313788	41000	99	99	1185.727022*		-1085	-1085
15	1147.957517	41000	-114	-114	1186.880854	52000	138	138
16	1146.594907	39000	-145	-145	1188.026308	45000	39	39
17	1145.226253	38000	286	286	1189.164506	52000	-242	-242
18	1143.849584*		-808	-808	1190.295688	53000	-445	-445
19	1142.467741*		-601	-601	1191.420696	49000	290	290
20	1141.080110	32000	276	276	1192.537673	53000	124	124
21	1139.684602	32000	-281	-281	1193.647 411	53000	-130	-130
22	1138.284 307*		802	802	—			
23	1136.875703	29000	-10	-10	—			
24	-				1196.934094	54000	-333	-333
25	-				1198.016232*		604	604
26	-				1199.089387	53000	-196	-196
27	—				1200.156 687	53000	414	414

Anhang L

Computer Programme

A MCFermi.f

May	19 1999 21:02 mcfermi.f	Page 1	May 1	9 1999 21:02	mcfermi.f
c	program eigenvalues real*8 ar(3,3),ai(3,3),w(3),zr(3,3),zi(3,3),fv1(3),fv2(3),fm1(2,3) real*8 cr(3,3),mina,minb,minc,res,min integer i,j,ierr		с с с с	ar and ai con respectively, of matz is an inte	tain the real and imaginary parts, the complex hermitian matrix. ger variable set equal to zero if
c	min=10000d0		c c c	only eigenvalues any non-zero int	are desired. otherwise it is set to eger for both eigenvalues and eigenvectors.
	cr(1,2)=16.346d0 cr(1,3)=0d0 cr(2,1)=16.346d0		c c	on output	eigenvalues in ascending order.
	cr(2,2)=2604.48d0 cr(2,3)=23.11673489d0 cr(3,1)=0d0		c c	zr and zi con	tain the real and imaginary parts,
c	cr(3,2)=23.11673489d0 cr(3,3)=2642.36d0		c c c	ierr is an inte completion co	ger output variable set equal to an error de described in the documentation for tglrat
с	do 1000 i=1,200000		C C	and tql2. th	e normal completion code is zero.
	ar(1,2)=cr(1,2) ar(1,2)=cr(1,2) ar(1,3)=cr(1,3) ar(2,1)=cr(2,1)		c c c	questions and comme mathematics and com	nt should be directed to burton s. garbow, puter science div, argonne national laboratory
	ar(2,2)=cr(2,2)+rand()*20 ar(2,3)=cr(2,3) ar(3,1)=cr(3,1)		C C C	this version dated	august 1983.
с	ar(3,2)=cr(3,2) ar(3,3)=cr(3,3)+rand()*20		c c	if (n .le. nm) go t	p 10
C C C			с	ierr = 10 * n go to 50	
c c	<pre>call diag(3,3,ar,ai,w,0,zr,zi,fv1,fv2,fm1,ierr) print*,w(1)</pre>		10 c	<pre>call htridi(nm,n,a if (matz .ne. 0) go find eig</pre>	r,ai,w,fv1,fv2,fm1) to 20 envalues only
c c	print*,w(2) print*,w(3) res=(w(1)-2545.20942)**2+(w(2)-2598.0)**2+(w(3)-2654.02)**2		с	call tqlrat(n,w,fv go to 50 find bot	2,ierr) h eigenvalues and eigenvectors
	if (res.lt.min) then min=res mina=ar(1.1)		20 c	do 40 i = 1, n do 30 i = 1, n	
	<pre>minb=ar(2,2) minc=ar(3,3) endif</pre>		30	zr(j,i) = 0.0 continue	ā0
c 1000	print*,min continue		40	<pre>zr(i,i) = 1.0d0 continue</pre>	
c	print*,mina,minb,minc,min		0	<pre>call tql2(nm,n,w,f if (ierr .ne. 0) go call htribk(nm n a</pre>	v1,zr,ierr) to 50 rai fml p zr zi)
c	<pre>subroutine diag(nm,n,ar,ai,w,matz,zr,zi,fv1,fv2,fm1,ierr)</pre>		50	return end	- , , , , , ,
	<pre>integer i, j,n,nm,ierr,matz double precision ar(nm,n),ai(nm,n),w(n),zr(nm,n),zi(nm,n), vu(ln) fu(ln) fu(ln)</pre>		c	subroutine htribk(n	m,n,ar,ai,tau,m,zr,zi)
c c c	this subroutine calls the recommended sequence of subroutines from the eigensystem subroutine package (eispack)		C	integer i,j,k,l,m,n double precision ar double precision h,	,nm (nm,n),ai(nm,n),tau(2,n),zr(nm,m),zi(nm,m) s,si
c c c	to find the eigenvalues and eigenvectors (if desired) of a complex hermitian matrix.		C C C	this subroutine is the algol procedure	a translation of a complex analogue of trbak1, num. math. 11, 181-195(1968) and willingar
c c c	on input		C C C	handbook for auto.	and wilkinson. comp., vol.ii-linear algebra, 212-226(1971).
c c	dimension statement.		C C	matrix by back tran real symmetric trid	ms the eigenvectors of a complex nermitian sforming those of the corresponding iagonal matrix determined by htridi.
C	n is the order of the matrix a=(ar,ai).		C		

```
360
```

Page 2

mcfermi.f

May 1	9 1999 21:02	mcfermi.f	Page 3
с	on input		
с с с	nm must be set to the row dime array parameters as declared dimension statement.	ension of two-dimensional d in the calling program	
c c	n is the order of the matrix.		
с с с	ar and ai contain information formations used in the reduc full lower triangles except	about the unitary trans- stion by htridi in their for the diagonal of ar.	
c c	tau contains further informati	ion about the transformations.	
c c	m is the number of eigenvector	rs to be back transformed.	
c c c	zr contains the eigenvectors t in its first m columns.	to be back transformed	
c c	on output		
с с с с	<pre>zr and zi contain the real and respectively, of the transfo in their first m columns.</pre>	l imaginary parts, prmed eigenvectors	
c	note that the last component of e is real and that vector euclidear	each returned vector n norms are preserved.	
c	questions and comments should be mathematics and computer science	directed to burton s. garbow, div, argonne national laboratory	
c	this version dated august 1983.		
c			
с с с	if (m .eq. 0) go to 200 transform the eigenvec tridiagonal matrix to tridiagonal matrix	ctors of the real symmetric those of the hermitian	
C	$d_0 = 50 + 1$, m		
50	zi(k,j) = -zr(k,j) * tau(2, zr(k,j) = zr(k,j) * tau(1,)	,k) c)	
с 50	if (n and 1) and to 200		
С	$(n \cdot eq. 1)$ go to 200 recover and apply the do 140 i = 2, n	householder matrices	
c	h = ai(i,i) if (h .eq. 0.0d0) go to 140		
C	do 130 j = 1, m s = 0.0d0 si = 0.0d0		
с	<pre>do 110 k = 1, 1 s = s + ar(i,k) * zr(k, si = si + ar(i,k) * zi(k)</pre>	j) - ai(i,k) * zi(k,j) c,j) + ai(i,k) * zr(k,j)	
110 c	continue double divisions avoid s = (s / h) / h si = (si / h) / h	d possible underflow	
120	<pre>do 120 k = 1, 1 zr(k,j) = zr(k,j) - s * zi(k,j) = zi(k,j) - si *</pre>	ar(i,k) - si * ai(i,k) * ar(i,k) + s * ai(i,k)	
120	0011011140		

```
mcfermi.f
May 19 1999 21:02
                                                                                          Page 4
C
 130
        continue
С
 140 continue
С
  200 return
      end
С
С
      subroutine htridi(nm,n,ar,ai,d,e,e2,tau)
С
      integer i,j,k,l,n,ii,nm,jp1
      double precision ar(nm,n),ai(nm,n),d(n),e(n),e2(n),tau(2,n)
      double precision f,g,h,fi,gi,hh,si,scale,pythag
С
С
       this subroutine is a translation of a complex analogue of
С
       the algol procedure tred1, num. math. 11, 181-195(1968)
      by martin, reinsch, and wilkinson.
С
      handbook for auto. comp., vol.ii-linear algebra, 212-226(1971).
С
С
      this subroutine reduces a complex hermitian matrix to a real symmetric tridiagonal matrix using unitary similarity transformations.
С
С
С
С
      on input
С
С
          nm must be set to the row dimension of two-dimensional
С
С
            array parameters as declared in the calling program
С
            dimension statement.
С
         n is the order of the matrix.
C
С
          ar and ai contain the real and imaginary parts,
respectively, of the complex hermitian input matrix.
only the lower triangle of the matrix need be supplied.
С
С
C
С
      on output
С
С
          ar and ai contain information about the unitary trans-
С
            formations used in the reduction in their full lower
            triangles. their strict upper triangles and the diagonal of ar are unaltered.
С
С
С
          d contains the diagonal elements of the the tridiagonal matrix.
С
С
          e contains the subdiagonal elements of the tridiagonal
C
            matrix in its last n-1 positions. e(1) is set to zero.
С
С
          e2 contains the squares of the corresponding elements of e.
С
С
            e2 may coincide with e if the squares are not needed.
С
          tau contains further information about the transformations.
С
С
      calls pythag for dsqrt(a*a + b*b) .
С
С
       questions and comments should be directed to burton s. garbow,
С
      mathematics and computer science div, argonne national laboratory
C
С
      this version dated august 1983.
С
С
С
С
       tau(1,n) = 1.0d0
       tau(2,n) = 0.0d0
С
      do 100 i = 1, n
 100 d(i) = ar(i,i)
      ..... for i=n step -1 until 1 do -- ..... do 300 ii = 1, n
С
```

May 1	9 1999 21:02	mcfermi.f	Page 5
с 120	<pre>i = n + 1 - ii l = i - 1 h = 0.0d0 scale = 0.0d0 if (1 .lt. 1) go scale rov do 120 k = 1, 1 scale = scale + 0</pre>	to 130 v (algol tol then not needed) labs(ar(i,k)) + dabs(ai(i,k))	
130	if (scale .ne. 0 tau(1,1) = 1.0d0 tau(2,1) = 0.0d0 e(i) = 0.0d0 e2(i) = 0.0d0 go to 290	.0d0) go to 140	
140	<pre>do 150 k = 1, 1 ar(i,k) = ar(: ai(i,k) = ai(: h = h + ar(i,k) continue</pre>	i,k) / scale ,k) / scale x) * ar(i,k) + ai(i,k) * ai(i,k)	
с	<pre>e2(i) = scale * s g = dsqrt(h) e(i) = scale * g f = pythag(ar(i,) form next if (f .eq. 0.0d0 tau(1,1) = (ai(i si = (ar(i,1) * t h = h + f * g g = 1.0d0 + g / f ar(i,1) = g * ari ai(i,1) = g * ari ii (1 .eq. 1) go</pre>	<pre>scale * h l),ai(i,1)) t diagonal element of matrix t) go to 160 1) * tau(2,i) - ar(i,1) * tau(1,i)) / f tau(2,i) + ai(i,1) * tau(1,i)) / f f (i,1) to 270</pre>	
160 170	go to 1/0 tau(1,1) = -tau(1 si = tau(2,i) ar(i,1) = g f = 0.0d0	1,i)	
с с 180	do 240 j = 1, 1 g = 0.0d0 gi = 0.0d0 form eler do 180 k = 1, gi = g + ar gi = gi - a continue	nent of a*u j (j,k) * ar(i,k) + ai(j,k) * ai(i,k) ar(j,k) * ai(i,k) + ai(j,k) * ar(i,k)	
c	jp1 = j + 1 if (1 .lt. jp2	1) go to 220	
200 C 220 240	<pre>ao 200 K = Jp. g = g + ar gi = gi - a continue form eler e(j) = g / h tau(2,j) = gi f = f + e(j) ; continue</pre>	<pre>, 1 * ar(i,k) - ai(k,j) * ai(i,k) ar(k,j) * ai(i,k) - ai(k,j) * ar(i,k) ment of p / h * ar(i,j) - tau(2,j) * ai(i,j)</pre>	
c	hh = f / (h + h) form redu do 260 j = 1, 1 f = ar(i,j) g = e(j) - hh e(j) = g	10ed a	

```
May 19 1999 21:02
                                             mcfermi.f
                                                                                             Page 6
              fi = -ai(i,j)
              gi = tau(2, j) - hh * fi
             tau(2,j) = -gi
С
              do 260 k = 1, j
                b 200 K = 1, j
ar(j,k) = ar(j,k) - f * e(k) - g * ar(i,k)
+ fi * tau(2,k) + gi * ai(i,k)
ai(j,k) = ai(j,k) - f * tau(2,k) - g * ai(i,k)
- fi * e(k) - g i * ar(i,k)
     х
      х
 260
          continue
С
 270
          do 280 k = 1, 1
             ar(i,k) = scale * ar(i,k)
ai(i,k) = scale * ai(i,k)
 280
          continue
С
          tau(2,1) = -si
  290
         hh = d(i)
          d(i) = ar(i,i)
          ar(i,i) = hh
          ai(i,i) = scale * dsqrt(h)
 300 continue
С
       return
       end
С
С
       double precision function pythag(a,b)
       double precision a,b
С
       finds dsgrt(a**2+b**2) without overflow or destructive underflow
С
c
       double precision p,r,s,t,u
       p = dmax1(dabs(a),dabs(b))
       if (p .eq. 0.0d0) go to 20
       r = (dmin1(dabs(a), dabs(b))/p)**2
   10 continue
          t = 4.0d0 + r
          if (t .eq. 4.0d0) go to 20
         s = r/t
u = 1.0d0 + 2.0d0*s
         p = u*p
r = (s/u)**2 * r
       go to 10
   20 pythag = p
       return
       end
С
С
       subroutine tgl2(nm,n,d,e,z,ierr)
С
      integer i,j,k,l,m,n,ii,l1,l2,nm,mml,ierr
double precision d(n),e(n),z(nm,n)
       double precision c,c2,c3,d11,e11,f,g,h,p,r,s,s2,tst1,tst2,pythag
С
С
       this subroutine is a translation of the algol procedure tgl2,
С
       num. math. 11, 293-306(1968) by bowdler, martin, reinsch, and
       wilkinson.
С
С
       handbook for auto. comp., vol.ii-linear algebra, 227-240(1971).
С
С
       this subroutine finds the eigenvalues and eigenvectors
С
       of a symmetric tridiagonal matrix by the ql method.
      the eigenvectors of a full symmetric matrix can also
be found if tred2 has been used to reduce this
С
С
       full matrix to tridiagonal form.
С
С
       on input
С
С
          nm must be set to the row dimension of two-dimensional
С
```

mcfermi.f

Computer Programme

3

May	19 1999 21:02	mcfermi.f	Page 7
c c	array param dimension s	eters as declared in the calling program tatement.	
c	n is the orde:	r of the matrix.	
c	d contains the	e diagonal elements of the input matrix.	
c c	e contains the in its last	e subdiagonal elements of the input matrix n-l positions. e(1) is arbitrary.	
00000	z contains the reduction by of the trid the identity	e transformation matrix produced in the y tred2, if performed. if the eigenvectors iagonal matrix are desired, z must contain y matrix.	
c	on output		
с с с	d contains the error exit i unordered fo	e eigenvalues in ascending order. if an is made, the eigenvalues are correct but or indices 1,2,,ierr-1.	
c c	e has been de	stroyed.	
00000	z contains or tridiagonal z contains eigenvalues	thonormal eigenvectors of the symmetric (or full) matrix. if an error exit is made, the eigenvectors associated with the stored	
00000	ierr is set to zero j	o for normal return, if the j-th eigenvalue has not been determined after 30 iterations.	
c	calls pythag for	dsqrt(a*a + b*b) .	
c c	questions and commathematics and	mments should be directed to burton s. garbow, computer science div, argonne national laboratory	
c	this version dat	ed august 1983.	
c			
c	ierr = 0 if (n .eq. 1) go	to 1001	
100	do 100 i = 2, n e(i-1) = e(i)		
C	f = 0.0d0 tst1 = 0.0d0 e(n) = 0.0d0		
C	do 240 l = 1, n j = 0 h = dabs(d(l)) + dabs(e(1))	
C	do 110 m = 1, tst2 = tst	n) tstl = n for small sub-diagonal elementn n 1 + dabs(e(m)) ag tstl) go to 120	
с с 110	continue	always zero, so there is no exit gh the bottom of the loop	
c 120 130	if (m .eq. l) if (j .eq. 30	go to 220) go to 1000	
с] =] + 1 form : 11 = 1 + 1	shift	

May 19 1999 21:02 mcfermi.f Page 8 12 = 11 + 1g = d(1) p = (d(11) - g) / (2.0d0 * e(1))p = (a(11) - g) / (2.000 * e(1)) r = pythag(p,1.0d0) d(1) = e(1) / (p + dsign(r,p)) d(11) = e(1) * (p + dsign(r,p)) d11 = d(11) h = g - d(1) if (12 .gt. n) go to 145 С do 140 i = 12, n 140 d(i) = d(i) - hС 145 f = f + h С ql transformation p = d(m) c = 1.0d0c2 = c el1 = e(11) s = 0.0d0 С c3 = c2 c2 = c s2 = s i = m - ii g = c * e(i) h = c * pr = pythag(p,e(i)) e(i+1) = s * r s = e(i) / r c = p / r p = c * d(i) - s * g d(i+1) = h + s * (c * g + s * d(i)) С $\begin{array}{l} h = z(k, i+1) \\ z(k, i+1) = s * z(k, i) + c * h \\ z(k, i) = c * z(k, i) - s * h \end{array}$ 180 continue С 200 continue С p = -s * s2 * c3 * ell * e(l) / dll e(l) = s * p d(l) = c * p tst2 = tst1 + dabs(e(l)) if (tst2 .gt. tst1) go to 130 220 d(1) = d(1) + f240 continue С do 300 ii = 2, n i = ii - 1 k = i p = d(i)С do 260 j = ii, n if (d(j) .ge. p) go to 260 k = jp = d(j)260 continue С if (k .eq. i) go to 300 d(k) = d(i)d(i) = p С do 280 j = 1, n p = z(j,i)

May 19	9 1999 21:02	mcfermi.f	Page 9
280	z(j,i) = z(j,k) = continue	z(j,k) p	
с 300 г	continue		
c c 1000 : 1001 :	go to 1001 eige ierr = 1 return end	error no convergence to an envalue after 30 iterations	
c c *** fro ** Fro ** New	or old version, m dana!moler Tu TQLRAT SUBROUTINE TOLF	, "send otqlrat from eispack" 1e, 1 Sep 87 10:15:40 PDT RAT(N,D,E2,IERR)	
C I	INTEGER I,J,L,M DOUBLE PRECISIO DOUBLE PRECISIO	4,N,II,I,MML,IERR ND D(N),E2(N) ND S,C,F,G,H,P,R,S,T,EPSLON,PYTHAG	
c i	This subroutine Algorithm 464,	e is a translation of the Algol procedure tqlrat, Comm. ACM 16, 689(1973) by Reinsch.	
C C	This subroutine tridiagonal mat	e finds the eigenvalues of a symmetric crix by the rational QL method.	
C (On input		
c	N is the ord	ler of the matrix.	
C	D contains t	the diagonal elements of the input matrix.	
000	E2 contains input mate	the squares of the subdiagonal elements of the rix in its last N-1 positions. $E2(1)$ is arbitrary.	
C	On output		
	D contains t error exit ordered fo the smalle	the eigenvalues in ascending order. If an t is made, the eigenvalues are correct and or indices 1,2,IERR-1, but may not be est eigenvalues.	
C	E2 has been	destroyed.	
	IERR is set zero J	to for normal return, if the J-th eigenvalue has not been determined after 30 iterations.	
C I	Calls PYTHAG fo	Dr DSQRT(A*A + B*B) .	
	Questions and o Mathematics and	comments should be directed to Burton S. Garbow, d Computer Science Div, Argonne National Laboratory	
	This version da Modified by C. especially on t nearly underflo the two stateme	ated August 1987. Moler to fix underflow/overflow difficulties, :he VAX and other machines where epslon(1.0d0)**2 wws. See the loop involving statement 102 and ents just before statement 200.	
c ·			
c	IERR = 0 IF (N .EQ. 1) 0	30 TO 1001	
 	DO 100 I = 2, M	J	

May 19 1999 21:02	mcfermi.f	Page 10
100 E2(I-1) = E2(I)	
C F = 0.0D0 T = 0.0D0 E2(N) = 0.0D0		
DO 290 L = 1, J = 0 H = DABS(D IF (T.GT. T = H B = EPSLON	N (L)) + DSQRT(E2(L)) H) GO TO 105 T(T)	
C = B ~ B if (c .ne. C Spliting t do 102 i = h = dab if (h . 102 continue b = orglop	<pre>0.0d0) go to 105 olerance underflowed. Look for larger value. l, n s(d(i)) + dsgrt(e2(i)) g(.t) t = h</pre>	
C LO C LO 105 DO 110 M = IF (E2(C E2 C TH	OK FOR SMALL SQUARED SUB-DIAGONAL ELEMENT L, N M) .LE. C) GO TO 120 (N) IS ALWAYS ZERO, SO THERE IS NO EXIT ROUGH THE BOTTOM OF THE LOOP	
110 CONTINUE C 120 IF (M .EQ. 130 IF (J .EQ. J = J + 1 C	L) GO TO 210 30) GO TO 1000 RM SHIFT	
$\begin{array}{rcl} S &= & DSQRT(\\ G &= & D(L)\\ P &= & (D(L1)\\ R &= & PYTHAG\\ D(L) &= & S \\ H &= & G &- & D(\\ \end{array}$	E2(L)) - G) / (2.0D0 * S) (P,L.0DD) (P + DSIGN(R,P)) L)	
DO 140 I = 140 D(I) = D(I C	L1, N) - H	
F = F + H C RA G = D(M) IF (G .EQ. H = G S = 0.0D0 MML = M =	TIONAL QL TRANSFORMATION 0.0D0) G = B	
C FO DO 200 II I = M - P = G * R = P + E2(I+1) S = E2(D(I+1) G = D(I	R I=M-1 STEP -1 UNTIL L DO = 1, MML II H E2(I) = S * R I) / R = H + S * (H + D(I)) - F2(I) / G	
C Avoid d if (g . h = g * 200 CONTINUE	<pre>ivision by zero on next pass eq. 0.0d0) g = epslon(d(i)) (p / r)</pre>	
C = E2(L) = S D(L) = H CGU IF (H .EQ. IF (DABS(E	* G ARD AGAINST UNDERFLOW IN CONVERGENCE TEST 0.0D0) GO TO 210 (2(L)) .LE. DABS(C/H)) GO TO 210	

mcfermi.f

5

May	19 1999 21:02	mcfermi.f	Page 11
c 210 c 230	$ \begin{array}{c} E2(L) = H \ \ \ E2(L) \\ IF \ (E2(L) \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	130 IL 2 DO 270	
C 250 270 290 C C C 1000 1001 c	I = 1 D(I) = P CONTINUE GO TO 1001 SET ERROR NO CON EIGENVALUE AFTER 30 IERR = L RETURN END	VERGENCE TO AN ITERATIONS	
C C C C	double precision function epsl double precision x estimate unit roundoff in quan	on (x) tities of size x.	
	<pre>double precision a,b,c,eps this program should function p satisfying the following two a 1. the base used in repres numbers is not a power 2. the quantity a in sta the accuracy used in fl that are stored in memo the statement number 10 and th force optimizing compilers to assumption 2. under these assumptions, it sh a is not exactly equal b has a zero for its 1 c is not exactly equal eps measures the separ the next larger fl the developers of eispack woul about any systems where these</pre>	roperly on all systems sumptions, enting floating point of three. tement 10 is represented to oating point variables ry. e go to 10 are intended to generate code satisfying ould be true that, to four-thirds, ast bit or digit, to one, ation of 1.0 from oating point number. d appreciate being informed assumptions do not hold.	
с с с	<pre>this version dated 4/6/83. a = 4.0d0/3.0d0 b = a - 1.0d0 c = b + b + b eps = dabs(c-1.0d0) if (eps.eq. 0.0d0) go to 10 epslon = eps*dabs(x) return end</pre>		

May 21 1999 20:01	omega.nb	Page 1	May 21 1999 20:01	omega.nb	Page 2
<pre>(*Remove["Global'*"];*) ClearAll["Global'*"]; << Statistics'NonlinearFit' << statist'descript' << statist'correl' Off[General::"spell"]; Off[General::"spell"];</pre>			$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		
ClearAll["Global`*"] d[1] = 1; d[2] = 2; d[3] = 1; n[1] = 0; n[2] = 0;			z_{12}^{2} , 2, 2, 3] = 0; z_{12}^{2} , 3, 2, 3] = 0; z_{13}^{2} , 3, 3, 3] = 0; z_{13}^{2} , 3, 3, 3] = 0; z_{11}^{2} , 1] = 0; z_{11}^{2} , 2] = 0;		
n[3] = 0; para = {omega[1], omega[2], omega[3 x[2, 3], g22, x[1, 3], yll[2]], x[1, 1], x[2, 2], x[3, 3], x[1, 2], , y[2, 2, 2], y[3, 3, 3], y[2, 3, 3]};		zll[1, 3] = 0; zll[2, 2] = 0; zll[2, 3] = 0; zll[3, 3] = 0;		
data = {{0, 1, 0, 1, 525.220093}, { 1037.501801}, {0, 2, 0, 2, 10 1757.393385}, {0, 0, 2, 0, 2, 10 0, 0, 2429.025}, {1, 1, 0, 1, 2, 0, 4870.46}, {0, 0, 4, 0,	$ \begin{array}{l} 0, \ 0, \ 1, \ 0, \ 1231.403773 \}, \ \left\{ 0, \ 2, \ 0, \ 0, \\ 37.501801 + \ 4^*3.85701303 \}, \ \left\{ 0, \ 1, \ 1, \ 1, \\ 52.975 \}, \ \left\{ 0, \ 4, \ 0, \ 0, \ 2055.992922 \}, \ \left\{ 1, \ 0, \\ 2943.35 \}, \ \left\{ 2, \ 0, \ 0, \ 0, \ 4800.557 \}, \ \left\{ 1, \ 0, \\ 4805.34 \}, \ \left\{ 0, \ 1, \ 2, \ 1, \ 2979.84 \}, \ \left\{ 0, \ 4, \ 0, \end{array} \right\} \right\} $		<pre>z1111 = 0; z22211 = 0; z22222 = 0;</pre>		
2, 2055.992922 + 4*3.76568021 2055.992922 + 16*3.765680219 1548.973790 + 3.804095150}, {	9}, {0, 4, 0, 4, - 0.39160*10^-3*256}, {0, 3, 0, 1, 0, 3, 0, 3, 1548.973790 + 9*3.804095150}}		gv[n_] = Sum[omega[i]*(n[i] + d Sum[Sum[x[i, i]*(n[i] + d	[[i]/2), {i, 1, 3}] + [[i]/2)*(n[i] + d[i]/2), {i, 1, i}], {i, 1,	
<pre>gewicht = 1/{1.4*10^-7, 1.7*10^-7, 1.5*10^-7, 1.5*10^-7, 2.6*10^-2, 3.2*10^-2, 3.2*10^-7, 4.2*10^-2, 0.34, 8.8*10^-2, 0.44, 0.80, 0.34, 3.2*10^-7, 3.2*10^-7, 1.7*10^-7, 1.7*10^-7};</pre>			<pre>Sum[Sum[X[i], j]^[n[i]] + d 3]] + Sum[Sum[Sum[y[i, j, k] (n[i] + d[i]) k]], {k, 1, j}], Sum[yll[i] (n[i] + d[i]/2 Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[Sum[</pre>	<pre>/2) (n[j] + d[j]/2) (n[k] + d[k]/2), {i, 1,</pre>	
normalizedweights = gewicht*Harmoni Mean[normalizedweights]	cMean[1/gewicht]		Sum[Sum[Sum[y[i, j, k] (v[i] + k], {k, 1, j}], {	$d[i]/2$ (v[j] + d[j]/2) (v[k] + d[k]/2), {i, 1 i, 1, 3} +	
y[1, 1, 1] = 0; y[1, 2, 1] = 0; y[1, 2, 2] = 0; y[1, 3, 1] = 0; y[1, 3, 2] = 0; y[1, 3, 3] = 0; (*y[2, 2, 2] = 0;*) y[2, 3, 2] = 0;*) (*y[3, 3, 3] = 0;*)			<pre>Sum[y11[i]'(v[i] + d[i]/2) Sum[Sum[Sum[Sum[z[i, j, k, h] (v[i] + d[i]/2), d[h]/2), {i, Sum[Sum[z11[i, j]*(v[i] + d 3]] + z1111 1^4 + z2221 - gv[n]</pre>	<pre>i^2, {i, 1, 3}] + /2) (v[j] + d[j]/2) (v[k] + d[k]/2) (v[h] + 1, k], {k, 1, j}, {j, 1, h}], {h, 1, 3}] + [i]/2) *(v[j] + d[j]/2) *2, {i, 1, j}], {j, 1, 1 (v[2] + 1)^3 *2 + 22222 (v[2] + 1)^5</pre>	
<pre>yll[1] = 0; (*yll[2] = 0;*) yll[3] = 0;</pre>			e = NonlinearRegress[data, gv[v Method -> Automatic, Weight	r, 1], {v[1], v[2], v[3], 1}, para, s -> Automatic]	
z[1, 1, 1, 1] = 0; z[1, 1, 1, 2] = 0; z[1, 1, 1, 3] = 0; z[1, 2, 1, 2] = 0;			standard_deviation Sqrt[e[[3, 2]]]	

В

OMEGA.NB

omega.nb

ay 21 1999 20:14 a	alpha.nb	Page 1	May 21 1999 20:14	alpha.nb	Pag
ClearAll["Global`*"] << Statistics`NonlinearFit` << statist`descript` << statist`correl`			4.0*10^-6, 2.9*10^-6, 0.00015, 7.8*10^-5,		
ClearAll["Global`*"]; Clear["be,alp[1],alp[2],alp[3],y[2,2],y[3 1],y[1,2,1],y[1,2,2],y[1,3,1],y[1,3,2],y[3,3,3]"]	.,3],y[1,3],y[1,1],y[1,2],yll,efy[1,1 1,3,3],y[2,3,2],y[2,2,2],y[2,3,3],y[,`` ``	2.2*10^-5, 2.2*10^-5}^2 normalizedweights = gewich	it*HarmonicMean[1/gewicht]	
d[1] = 1; d[2] = 2; d[3] = 1;			(*gewicht = 1/{1, 1, 1, 1, 1,	1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1}^2*)	
<pre>para = {be, alp[1], alp[2], alp[3], y[2,</pre>	2], yll, y[2, 3], y[3, 3], y[1, 2],		bv[v_, k_] := be - Sum[alp[i]*(v[i] + Sum[Sum[y[i, j]*(v[i] yl1*k^2 +	d[i]/2), {i, 1, 3}] + + d[i]/2)*(v[j] + d[j]/2), {i, 1, j}]	{j, 1, 3}] +
(*, y[1, 1], y[2, 2], y[3, 3], y[1, 3], y startval = {0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5,	<pre>[1, 2], y[2, 3], yll, y[1, 1]};*) 0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5};</pre>		Sum[Sum[Sum[y[i, j, m] (v[i] m]], {m, 1, j} Sum[y111[i] (v[i] + d]	+ d[i]/2) (v[j] + d[j]/2) (v[m] + d[r], {j, 1, 3}] + i]/2) k^2, {i, 1, 3}]	1]/2), {i, 1,
<pre>(*be = 0:*) y[1, 1] = 0; (*y[2, 2] = 0;*) (*y[1, 3] = 0;*) (*y[1, 3] = 0;*) y[1, 3] = 0; (*y[2, 3] = 0;*) (*y[1, 2, 1] = 0; y[1, 2, 2] = 0; y[1, 3, 2] = 0; y[1, 3, 2] = 0; y[1, 3, 3] = 0; y[1, 3, 3] = 0; y[2, 3, 2] = 0; y[2, 3, 3] = 0; y[3, 3, 3] = 0;</pre>			ef = NonlinearRegress[data Transpose[{para, start Weights -> normalizedw	1, bv[v, k], {v[1], v[2], v[3], k}, .val}], Method -> Automatic, reights]	
yll1[1] = 0; yll1[2] = 0; yll1[3] = 0;					
(*data = ReadList["c:\mj\math\gv1.dat", N	Number, RecordLists -> True];*)				
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	0, 1, , 2, 0, 0, 0.5687647224}, {0, 3, 0, 571020686}, {0, 0, 1, 0, 8049659}, {0, 1, 1, 1, , 0, 0, 0, 0.5631655208}, {2, 0, 0, 5550902938}, {1, 0, 2, 0, 2903235 + 1.85561*10^-5}, {0, 1, 2, ;				
<pre>(*die Korrekturwerte sind Djl Korrekturen 040 extrapoliert und fM- r 012, 110, 011 aus dem Fit von 120 alleine ohne de - Wert gesetzt.*)</pre>	; fM- r 010 aus der Reihe 020, 030, n Resonanzpartner 022 auf dessen Djl	X			
<pre>gewicht = 1/{1.4*10^-8,</pre>					

1

May 21 1999 20:11	beta.nb	Page 1
ClearAll["Global`*"] ; << Statistics`NonlinearFit` << statist`descript` << statist`correl` << Statistics`DescriptiveStatistics`		
<pre>ClearAll["Global'*"]; Clear["de,betta[1],betta[2],beta[3] 2],betta[1,3],betta[2,3],bettall"] d[1] = 1; d[2] = 2; d[3] = 1; para = {de, betta[2], betta[1], bett. (*de = 0;*) (*betta[1] = 0;*) (*betta[2] = 0;*) (*betta[3] = 0;*)</pre>	,betta[1,1],betta[2,2],betta[3,3],h a[2, 2], betta[3]};	betta[1,\
<pre>betta[1, 1] = 0; (*betta[2, 2] = 0;*) betta[3, 3] = 0; betta[1, 2] = 0; betta[1, 3] = 0; betta[2, 3] = 0; betta[2, 3] = 0; betta122 = 0; (*data = ReadList["c:\mj\math\gvl.da</pre>	t", Number, RecordLists -> True];*)
$ \begin{aligned} \text{data} &= \left\{ \left\{ 0 , 0 , 0 , 0 , 4 , 767659 ^{+}10^{-}7 \right\} \right. \\ & \left. 4 , 853896 ^{+}10^{-}7 , 7 , 75 ^{+}10^{-}10 \right\}, \\ & \left. 0 , 5 , 073097 ^{+}10^{-}7 \right\}, \left\{ 0 , 4 , 0 , \right. \\ & \left. 4 , 769454 ^{+}10^{-}7 \right\}, \left\{ 0 , 0 , 2 , 0 , \right. \\ & \left. 4 , 860720 ^{+}10^{-}7 \right\}, \left\{ 0 , 0 , 4 , \right. \\ & \left. 0 , 4 , 642761 ^{+}10^{-}7 \right\}, \left\{ 0 , 0 , 4 , \\ & \left. 4 , 43862 ^{+}10^{-}7 \right\}, \left\{ 1 , 1 , 1 , \\ & 1 , 4 , 832169 ^{+}10^{-}7 + 7 , 75 ^{+}10^{-}10 , \end{aligned} \right\} \end{aligned} $, {0, 1, 0, 1, {0, 2, 0, 0, 4.964732*10^-7}, {0, 0, 5.19467*10^-7}, {0, 0, 1, 0, 4.776602*10^-7], {0, 1, 1, 1, {1, 0, 0, 0, 4.718192*10^-7}, {2, 0, 5.024858*10^-7], {1, 0, 2, 0, 4.820225*10^-7 + 7.75*10^-10}, {0,	3, 0, 0, 0, 1, 2,
<pre>(*die Korrekturwerte sind Hjl Korrek fM- r alle v2 = 1 wurde der Hjl - 1 Eine Extrapolation von 010 da die Hjl s keine eindeutige Tend (Hjl s von 020, 030, 040.*)</pre>	turen; Wert des Niveaus 020 zugrunde geleg hM-dtte keinen Sinn gemacht, enz aufweisen	gt.
<pre>gewicht = 1/{3.5*10^-11, 3.4*10^-11, 3.4*10^-11, 1.4*10^-10, 2.8*10^-10, 3.7*10^-11, 5.8*10^-10, 5.0*10^-10, 5.0*10^-10, 1.2*10^-9, 1.4*10^-8, 7.4*10^-9, 1.7*10^-9, 1.7*10^-9},</pre>		
normalizedweights = gewicht*Harmonic?	Mean[1/gewicht]	
Mean[normalizedweights] (*man sieht am Ergebnis das der gem	ittelte Mittelwert der normalizedwe	eights \

beta.nb